

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 10

Вариант 10-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло:

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10$ м/с под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха не учитывать.

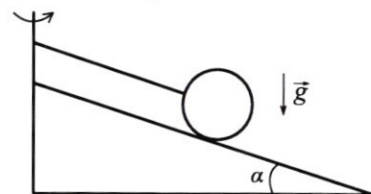
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

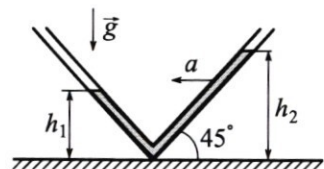
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоится.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4$ м/с² уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10$ см.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубки после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Действие сил трения пренебрежимо мало.

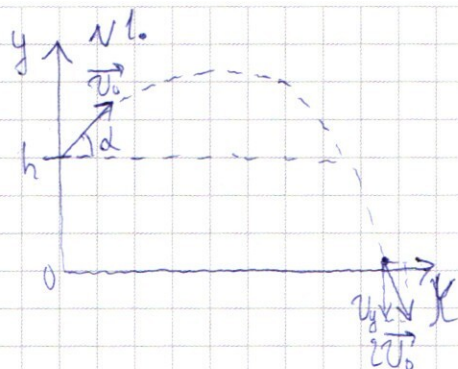


5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3$ Па. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1$ г/см³, $\mu = 18$ г/моль.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$v = 2v_0 = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$ — модуль скорости
гайки перед падением

$$v_x = v_0 \cos \alpha$$

$$v_y = v_0 \sin \alpha - gt, \quad t - \text{время полёта гайки}$$

$$2v_0 = \sqrt{v_0^2 \cos^2 \alpha + (v_0 \sin \alpha - gt)^2}$$

$$4v_0^2 = v_0^2 \cos^2 \alpha + v_0^2 \sin^2 \alpha - 2v_0 gt \sin \alpha + g^2 t^2$$

$$g^2 t^2 - 2v_0 gt \sin \alpha - 3v_0^2 = 0$$

$$D_1 = v_0^2 g^2 \sin^2 \alpha + 3v_0^2 g^2 = v_0^2 g^2 (3 + \sin^2 \alpha)$$

$$t = \frac{v_0 g \sin \alpha + \sqrt{(3 + \sin^2 \alpha) g^2}}{g^2} = \frac{v_0}{g} (\sin \alpha + \sqrt{3 + \sin^2 \alpha})$$

Второй корень отбросим, т.к. он отрицателен

$$t = \frac{1 + \sqrt{13}}{2} \text{ (с)}; \quad t \approx 2,3 \text{ с}$$

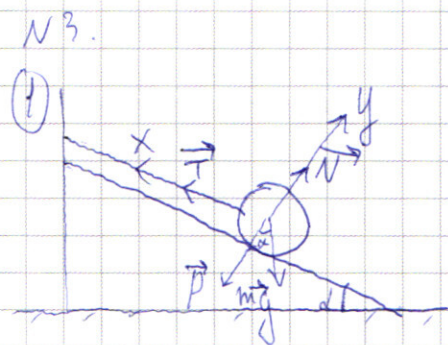
$$v_y = v_0 \sin \alpha - gt; \quad v_y = -5\sqrt{13} \text{ м/с} \approx -18 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Знак „-“ указывает на то, что вектор скорости направлен вниз относительно оси y.

$$y(t) = h + v_0 t \sin \alpha - \frac{gt^2}{2}; \quad y(t) = 0$$

$$h = \frac{gt^2}{2} - v_0 t \sin \alpha; \quad h = 15 \text{ м}$$

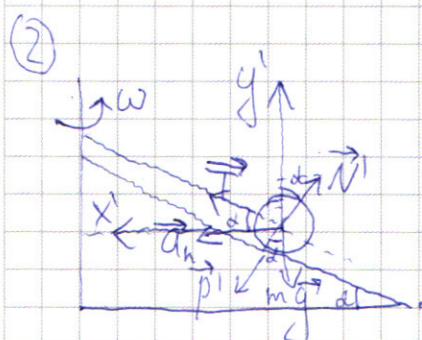
$$\text{Ответ: } v_y = -18 \text{ м/с}; \quad t = 2,3 \text{ с}; \quad h = 15 \text{ м}$$



По III закону Ньютона:

$$|\vec{N}| = |\vec{P}|$$

$$N = P$$



По III закону Ньютона:

$$P' = N'$$

1) Система покоится

$m\vec{g} + \vec{N} + \vec{T} = 0$ - II закон Ньютона для шара

В проекции на ось x, направл-ю паралл-но накл. плоскости,

и на ось y, напр-ю перп-но Oх:

$$O_x: T - mg \sin \alpha = 0$$

$$O_y: N - mg \cos \alpha = 0$$

$$P = N = mg \cos \alpha$$

P - сила давл. шара на клин

2) система вращ-ся с угл. скор. ω :

Запишем II закон Ньютона в проекции на горизонт-ю и верт-ю оси:

$$O_{x'}: T \cos \alpha + mg \sin \alpha - N' \sin \alpha = m \omega^2 R \quad (1)$$

$$O_{y'}: N' \cos \alpha + T \sin \alpha - mg = 0 \quad (2)$$

$$\omega_3 (2): T = \frac{mg - N' \cos \alpha}{\sin \alpha} \rightarrow \text{в (1)}$$

$$(mg - N' \cos \alpha) \cot \alpha - N' \sin \alpha = m \omega^2 R$$

$$N' = \frac{mg \cot \alpha - m \omega^2 R}{\sin \alpha + \cos \alpha \cot \alpha} = \frac{mg \cot \alpha - \omega^2 R}{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha} \cdot \sin \alpha$$

$$N' = P' = m (g \cot \alpha - \omega^2 R) \sin \alpha$$

Ответ: 1) $P = mg \cos \alpha$; 2) $P' = m (g \cot \alpha - \omega^2 R) \sin \alpha$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 5.



П.к. пар насыщенный (по усл.), при изменении объема давление пара не меняется.

$$p_0 = \frac{pM}{RT} - \text{плотность пара}$$

$$\frac{p_0}{p} = \frac{pM}{pRT}; \quad \frac{p_0}{p} \approx 2,4 \cdot 10^{-5}$$

Запишем уравн. Менделеева-Клапейрона для 2-х состояний:

$$\begin{cases} pV_1 = \frac{m_1}{\mu} RT(1); & m_1 - \text{масса пара в нач. момент} \\ pV_2 = \frac{m_2}{\mu} RT(2); & m_2 - \text{масса пара в конце} \end{cases}$$

$\Delta m = m_1 - m_2$ — масса воды, в к-ую

сконденс-ь часть пара

$$\Delta m = \rho V, \quad V - \text{объем воды}; \quad V = \frac{\Delta m}{\rho}$$

$$V_1 = \gamma V_2 - \text{по усл.}$$

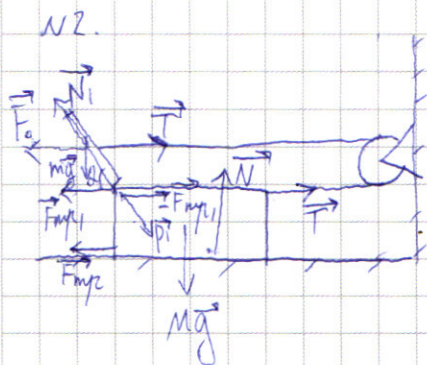
Разделим (1) на (2):

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{m_1}{m_2}; \quad \frac{m_1}{m_1 - \Delta m} = \gamma \Rightarrow m_1 = \frac{\gamma \Delta m}{\gamma - 1}$$

$$p \gamma V_2 = \frac{\gamma}{\gamma - 1} \cdot \frac{\Delta m}{\mu} RT \Rightarrow V_2 = \frac{\Delta m RT}{(\gamma - 1) \mu p}$$

$$\frac{V_2}{V} = \frac{\Delta m RT}{(\gamma - 1) \mu p} \cdot \frac{1}{\frac{\Delta m}{\rho}}; \quad \frac{V_2}{V} = \frac{\rho RT}{(\gamma - 1) \mu p}; \quad \frac{V_2}{V} \approx 10^4$$

$$\text{Ответ: } \frac{p_0}{p} = 2,4 \cdot 10^{-5}; \quad \frac{V_2}{V} = 10^4$$



Пусть человек, опираясь на шкив, наклоняется к пов-ти земли на угол α .

По III з-ну Ньютона сила, с которой человек тянет канат, равна по модулю силе натяж. нити.

При минимальной силе F_0 ускорение системы "человек-шкив" равно нулю.

Запишем II з-н Ньютона для человека и шкива в проекции на гориз. и верт. осн.

$$1) \quad 0x: T - F_{mp1} - N \cos \alpha = 0 \quad ; \quad T = F_0 \quad ; \quad F_{mp1} = F_0 - mg \sin \alpha$$

$$0y: N \sin \alpha - mg = 0 \Rightarrow N = \frac{mg}{\sin \alpha} ; F_{mp1} - \text{сила тр-я, действующая на человека со стороны шкива}$$

$$2) \quad 0x: F_0 + F_{mp1} - F_{mp} + p \cos \alpha = 0$$

$$0y: N - 2mg - p \sin \alpha = 0 \Rightarrow N = 3mg$$

$$\text{По III з-ну Ньютона: } p = N = 3mg$$

p - сила давления шкива с чел-ом на землю

$$\text{По III з-ну Ньютона:}$$

$$p_1 = N_1 = \frac{mg}{\sin \alpha}$$

$F_{mp} = \mu N = 3\mu mg$ - сила тр., действующая на шкив со стороны земли

$$F_0 - 3\mu mg + F_0 - mg \sin \alpha + mg \sin \alpha = 0$$

$$2F_0 = 3\mu mg \Rightarrow F_0 = 1,5\mu mg$$

② Если $F = \text{const}$, то $a = \text{const}$ - ускор-е системы

$$\text{Тогда } \begin{cases} F - F_{mp1} - mg \sin \alpha = ma \\ F + F_{mp1} - F_{mp} + mg \sin \alpha = 2ma \end{cases}$$

$$\begin{cases} F - F_{mp1} - mg \sin \alpha = ma \\ F + F_{mp1} - F_{mp} + mg \sin \alpha = 2ma \end{cases}$$

$$2F - 3\mu mg = 3ma \quad ; \quad a = \frac{2S}{t^2} \quad ; \quad t - \text{время движ.}$$

$$2F - 3\mu mg = 6 \frac{mS}{t^2}$$

$$t = \sqrt{\frac{6mS}{2F - 3\mu mg}}$$

$$\text{Ответ: } 1) p = 3mg; 2) F_0 = 1,5\mu mg$$

$$3) t = \sqrt{\frac{6mS}{2F - 3\mu mg}}$$

$$ma = F - F_{\text{mp1}} - mg \cos \alpha; \quad F_{\text{mp1}} = F - mg \cos \alpha - ma$$

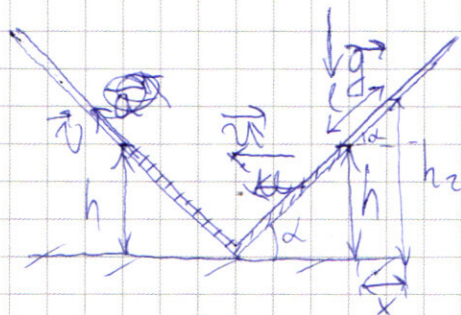
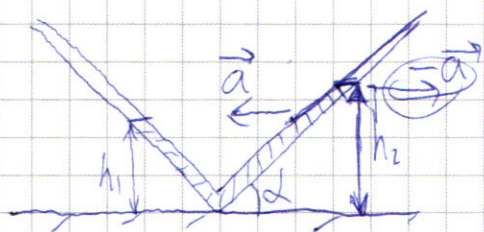
$$F + F - mg \cos \alpha - ma - 3\mu mg + mg \cos \alpha = 2ma$$

$$2F - 3\mu mg = 3ma$$

$$2F - 3\mu mg = \frac{6ms}{t^2}$$

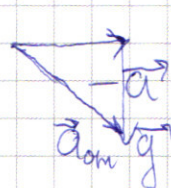
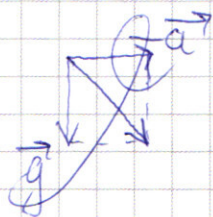
$$t^2 (2F - 3\mu mg) = 6ms$$

$$t = \sqrt{\frac{6ms}{2F - 3\mu mg}}$$



$$\begin{cases} x = x_0 + v_{0x}t + \frac{at^2}{2} \\ y = y_0 + v_{0y}t - \frac{gt^2}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} h_2^2 + x^2 = \frac{g^2 - a^2}{2} t^2 \\ x = \frac{a t^2}{2} \\ h_2 = h - \frac{g t^2}{2} \quad h = h_2 - \frac{g t^2}{2} \\ h_2 - h = x \tan \alpha \\ h = h_1 - \frac{g t^2}{2} \end{cases}$$



$$u_x = u \cos \alpha$$

$$-a^2 + g^2 = a_{om}^2$$

$$u_x = u \cos \alpha$$

$$a_{om} = g - a$$

$$a_{om} = \sqrt{g^2 - a^2}$$

$$x = \frac{a_{om} t^2}{2}$$

$$x \tan \alpha = (h_2 - h)$$

$$x = \frac{a t^2}{2}; \quad h_2 = h - \frac{g t^2}{2}$$

$$l = \sqrt{h_2^2 + x^2}; \quad l = \frac{a_{om} t^2}{2} = \frac{\sqrt{g^2 - a^2} t^2}{2}$$

$$h_2^2 + x^2 = \frac{g^2 - a^2}{4} t^4 \quad u'_x = u$$

$$h_2 + \frac{a^2}{4} t^4 = \frac{g^2 t^4}{4} - \frac{a^2}{4} t^4 \quad u = u' \cos \alpha$$

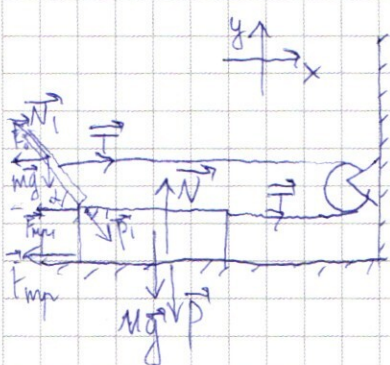
$$v = a_{om} t$$

$$h = h_2 - u \cos \alpha - \frac{g t^2}{2}$$

$$h = h_1 + u \cos \alpha - \frac{g t^2}{2}$$

$$h_2 = h_1 + 2u \cos \alpha$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



① $F_0 = T$

1) $0x: F_0 - F_{fr1} - N_1 \cos \alpha = 0$

$R_1 = N_1$
 $R = N$

$0y: N_1 \sin \alpha = mg$; $F_{fr1} = N_1 \cos \alpha + F_0$

$N_1 = \frac{mg}{\sin \alpha} = R_1$ $F_{fr1} = mg \cot \alpha + F_0$

2) $0x: F_0 - F_{fr} + F_{fr1} + R \cos \alpha = 0$

$0y: N - 2mg - R \sin \alpha = 0$

$N = 2mg + R \sin \alpha$

$N = 3mg$; $F_{fr} = 3\mu mg$

$F_0 - 3\mu mg - mg \cot \alpha + F_0 + mg \cot \alpha = 0$

$2F_0 = 3\mu mg$

$F_0 = \frac{3}{2}\mu mg$

②

1) $0x: F - F_{fr1} - N_1 \cos \alpha = ma$

$0y: N_1 \sin \alpha = mg$; $N_1 = \frac{mg}{\sin \alpha}$

$s = \frac{at^2}{2}$

$a = \frac{2s}{t^2}$

2) $0x: F + F_{fr1} - F_{fr} + R \cos \alpha = 2ma$

$0y: N = 3mg - 3\mu mg$

$F_{fr1} = F - mg \cot \alpha - ma$

$F + F - mg \cot \alpha - ma + mg \cot \alpha = 2ma$

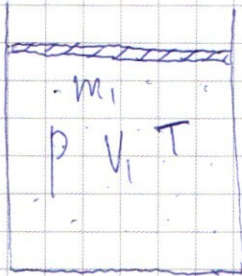
$2F - 3\mu mg = 2ma$

$2F - 3\mu mg = 2m \cdot \frac{2s}{t^2}$

$t^2(2F - 3\mu mg) = 4ms$

$t = 2\sqrt{\frac{ms}{2F - 3\mu mg}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\begin{cases} pV_1 = \frac{m_1}{\mu_0} RT \\ pV_2 = \frac{m_2}{\mu_0} RT \\ m_1 - m_2 = \Delta m \end{cases}$$



$$\chi = \frac{3,55 \cdot 18}{8,31 \cdot 8 \cdot 10^5}$$

$$\chi \approx 0,4 \quad 0,4 \cdot 6$$

$$\chi \approx \frac{2,4}{10^5}$$

$$V_1 = \chi V_2$$

$$\Delta m = pV ; V = \frac{\Delta m}{p}$$

$$V_1 - (V_2 + V) = \Delta V$$

$$\Delta V = \chi V_2 - V_2 - V = V_2(\chi - 1) - V$$

$$\frac{pV}{pV}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{m_1}{m_1 - \Delta m} ; \frac{m_1 - \Delta m}{m_1} = \frac{1}{\chi} ; (m_1 - \Delta m)\chi = m_1$$

$$m_1\chi - m_1 = \Delta m\chi$$

$$m_1 = \frac{\chi \Delta m}{\chi - 1}$$

$$p\chi V_2 = \frac{\chi \Delta m}{\mu_0(\chi - 1)} RT ; V_2 = \frac{\Delta m RT}{(\chi - 1)\mu_0 p}$$

$$\alpha = \frac{\Delta m RT}{(\chi - 1)\mu_0 p} \cdot \frac{1}{\frac{\Delta m}{p}} = \frac{p RT}{(\chi - 1)\mu_0 p} ; \alpha = \frac{10^3 \cdot 8,31 \cdot 300}{4,6 \cdot 18 \cdot 10^3 \cdot 3,55 \cdot 10^3}$$

$$\alpha = \frac{8 \cdot 10^5}{4,6 \cdot 18 \cdot 0,4} = \frac{10^5}{11,04} \approx 10^4$$

$$p_0 = \frac{p \mu_0}{RT} ; p_0 = \frac{3,55 \cdot 18 \cdot 10^3}{8,31 \cdot 300 \cdot 10^3}$$

$$p_0 = \frac{3,55}{8,31 \cdot 360}$$

$$\frac{p_0}{p} = \frac{0,4}{300} ; \frac{p_0}{p} = \frac{4}{3} \cdot 10^{-3} ; 1,3333$$

$$\alpha =$$

$$\alpha = \frac{V_2}{V} =$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

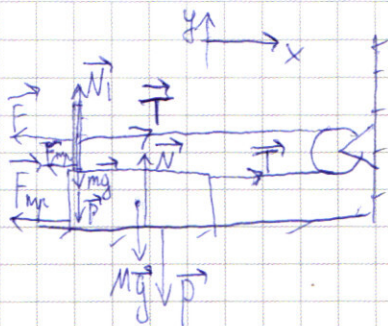
$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$

$$\frac{3,55}{8,31} \cdot \frac{18}{300} = \frac{3,55}{150} = 0,023666$$



$$\text{Ox: } T - F_{\text{fr}} = Ma$$

$$\text{Oy: } N = 3mg$$

$$F_{\text{fr}} = 3\mu mg$$

$$\text{Ox: } T + F_{\text{fr}_1} - F_{\text{fr}_2} = 2Ma$$

$$2) T - F_{\text{fr}_1} = ma; F_{\text{fr}_1} = T - ma$$

$$N = mg$$

$$T + T - ma - 3\mu mg = 2ma$$

$$2T - 3\mu mg = 3ma$$

$$\text{Ox: } T + F_{\text{fr}_1} - F_{\text{fr}_2} = 2ma$$

$$P = N_1 = mg$$

$$\text{Oy: } N - 2mg - P = 0$$

$$F_{\text{fr}} = T - ma$$

$$N = 3mg$$

$$2T - 3\mu mg = 3ma$$



$$N = mg \sin \alpha = P_1$$

$$P = N$$

$$N - mg - P_1 \sin \alpha = 0$$

$$N = 2mg + mg \sin^2 \alpha = mg(2 + \sin^2 \alpha)$$

$$\text{Ox: } T - N_1 \sin \alpha - F_{\text{fr}_1} = ma$$

$$\text{Oy: } N_1 \cos \alpha = mg \quad N_1 = P_1 = \frac{mg}{\cos \alpha}$$

$$T - \frac{mg}{\cos \alpha} \sin \alpha - F_{\text{fr}_1} = ma$$

$$F_{\text{fr}_1} = T - mg \tan \alpha - ma$$

$$2) \text{Ox: } T + F_{\text{fr}_1} - F_{\text{fr}_2} = 2ma$$

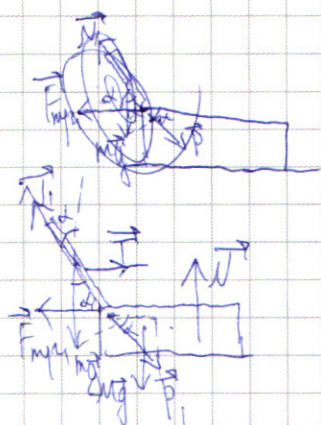
$$\text{Oy: } N - 2mg - P_1 \sin \alpha = 0$$

$$N = 2mg + mg \tan \alpha = mg(2 + \tan \alpha); F_{\text{fr}} = \mu mg(2 + \tan \alpha)$$

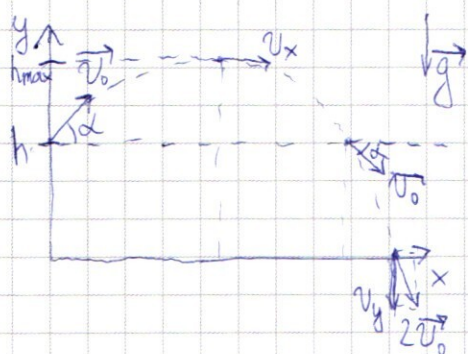
$$T + T - mg \tan \alpha - ma - \mu mg(2 + \tan \alpha) = 2ma$$

$$2T - mg \tan \alpha - 2\mu mg - \mu mg \tan \alpha = 3ma$$

$$2T + mg \tan \alpha (\mu + 1) = m(3a + 2\mu)$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



2020-21

$$v_y = v_0 \sin \alpha - gt$$

$$V_x = V_p \cos \alpha$$

$$0 = h + v_0 \sin \alpha - g \frac{t^2}{2}$$

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

$$0 = h - v_0 t_1 \sin \alpha - g \frac{t_1^2}{2}$$

$$4v_o^2 = v_o^2 \cos^2 \alpha + v_o^2 \sin^2 \alpha - 2v_o g t \sin \alpha + g^2 t^2$$

$$3v_0^2 = g^2 t^2 - 2v_0 g t \sin \alpha - 3v_0^2$$

$$\textcircled{1}_1 = v_o^2 g^2 \sin^2 \alpha + 3v_o^2 g^2 = v_o^2 g^2 (3 + \sin^2 \alpha)$$

$$t_{1,2} = \frac{v_0 g \sin \alpha \pm v_0 g \sqrt{3 + \sin^2 \alpha}}{g \sin \alpha} = v_0 \frac{(\sin \alpha \pm \sqrt{3 + \sin^2 \alpha})}{\sin \alpha}$$

$$t = \frac{v_0}{g} (\sin \alpha + \sqrt{3 + \sin^2 \alpha})$$

$$t = 10 \left(\frac{1}{2} + \sqrt{3 + \frac{1}{4}} \right) = 10 \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{13}}{2} \right) = 0.5 (1 + \sqrt{13})$$

$$v_y = v_0 \sin \alpha - gt$$

$$v_y = 10 \cdot \frac{1}{2} - 10 \cdot \frac{1 + \sqrt{13}}{2} = 5(1 - (1 + \sqrt{13})) = -5\sqrt{13}$$

$$h = \frac{gt^2}{2} - v_0 t \sin \alpha = \frac{10}{9.8} \cdot \left(\frac{1 + \sqrt{13}}{2} \right)^2 - 10 \cdot \frac{1 + \sqrt{13}}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

$$h = \frac{10}{4}(1+\sqrt{13}) \left(\frac{1+\sqrt{13}}{2} - 1 \right) = \frac{10}{4} \cancel{(1+\sqrt{13})} \rightarrow \frac{10}{4}(1+\sqrt{13}) \frac{\sqrt{13}-1}{2}$$

$$h = \frac{5}{4}(13-1); \quad h = 15 \mu$$

$$h = h + v \cos \alpha - g \frac{v^2}{2}$$

$$\sqrt{\frac{a}{g}} = \frac{v_0}{g} \sin \alpha$$

$$r = \frac{2U_0 \sin \alpha}{g}$$

$$t = t_1 + \tau$$

$$\begin{array}{r} 3,4 \\ 3,4 \\ \hline 13,6 \\ 102 \\ \hline 11,56 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3,6 \\ 3,6 \\ \hline 21,6 \\ 108 \\ \hline 12,96 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,6 \\ 3 \\ \hline 18,0 \end{array}$$

$$pV_1 = \bar{v}_1 RT \quad ; \quad \bar{v}_1 = \frac{m_1}{\mu_0}$$

$$pV_2 = \bar{v}_2 RT \quad ; \quad \bar{v}_2 = \frac{m_2}{\mu_0}$$

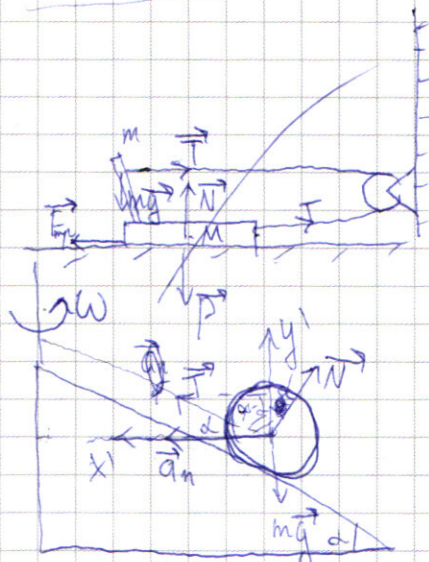
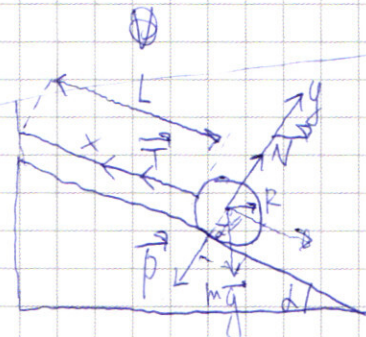
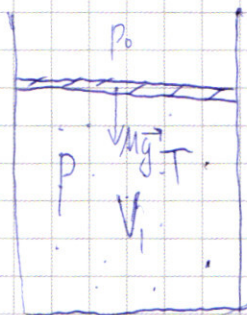
$$\Delta m = m_1 - m_2$$

$$\Delta m = pV$$

$$p_i = \frac{p_i M}{RT_i}$$

$$p = \frac{p_0}{\mu_0} RT \quad ; \quad \frac{p_0}{p} = \frac{p \mu_0}{RT} \cdot \frac{1}{pV} = x$$

$$x = \frac{p \mu_0}{\Delta m RT}$$



$$mg + \vec{N} + \vec{T} = 0 \quad P = N$$

$$Ox: T - mg \sin \alpha = 0$$

$$Oy: N = mg \cos \alpha; \quad P = mg \cos \alpha$$

$$T = mg \sin \alpha$$

$$Ox' : ma_n = T \cos \alpha - N' \sin \alpha$$

$$\omega^2 R = a_n$$

$$Oy' : N' \cos \alpha + T \sin \alpha = mg$$

$$\begin{cases} m \omega^2 R = T \cos \alpha - N' \sin \alpha \\ N' \cos \alpha + T \sin \alpha = mg \end{cases}$$

$$N' \cos \alpha + mg - N' \cos \alpha = mg$$

$$m \omega^2 R = \frac{mg - N' \cos \alpha}{\sin \alpha} \cos \alpha - N' \sin \alpha$$

$$m \omega^2 R = mg \cot \alpha - N' \cos \alpha \cot \alpha - N' \sin \alpha$$

$$N' = \frac{mg \cot \alpha - m \omega^2 R}{\cos \alpha \cot \alpha + \sin \alpha} = m \frac{g \cot \alpha - \omega^2 R}{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha} \sin \alpha$$

$$N' = m(g \cot \alpha - \omega^2 R) \sin \alpha$$