

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 10

## Вариант 10-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влож

**1.** Гайку бросают с вышки со скоростью  $V_0 = 10 \text{ м/с}$  под углом  $\alpha = 30^\circ$  к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью  $2V_0$ .

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять  $g = 10 \text{ м/с}^2$ . Сопротивление воздуха не учитывать.

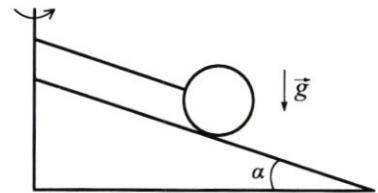
**2.** Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние  $S$  к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно  $m$  и  $M = 2m$ . Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом  $\mu$ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу  $F$  ( $F > F_0$ ) к канату?

**3.** Однородный шар массой  $m$  и радиусом  $R$  находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом  $\alpha$  к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной  $L$ , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

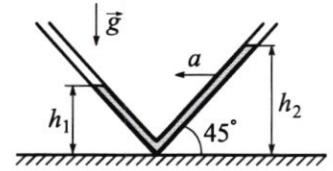
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоятся.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью  $\omega$  вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



**4.** Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол  $\alpha = 45^\circ$ . При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением  $a = 4 \text{ м/с}^2$  уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте  $h_1 = 10 \text{ см}$ .

- 1) На какой высоте  $h_2$  установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью  $V$  будет двигаться жидкость в трубке относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ м/с}^2$ . Действие сил трения пренебрежимо мало.



**5.** В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре  $27^\circ\text{C}$  и давлении  $P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$ . В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшился в  $\gamma = 5,6$  раза.

Плотность и молярная масса воды  $\rho = 1 \text{ г/см}^3$ ,  $\mu = 18 \text{ г/моль}$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{h_1}{h_2}$$

$$m = \rho S h \cancel{\rho g} \sqrt{2}$$

$$x_1 = \frac{h_1}{2}$$

$$x_2 = \frac{h_2}{2}$$

$$m_1 g x_1 = m_2 g x_2$$

$$(m_1 + m_2) g x = m_2 g x_2 - m_1 g x_1$$

$$(m_1 + m_2) g x - (m_2 g x_2 - m_1 g x_1) = 0$$

$$(m_1 + m_2) x = m_2 x_2 - m_1 x_1$$

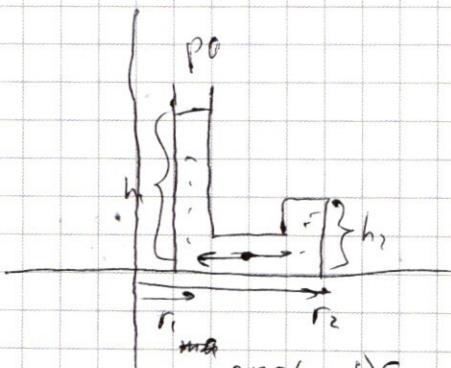
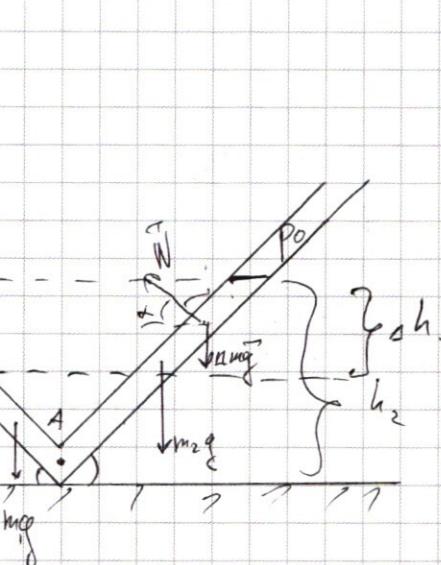
$$(h_1 + h_2) x = \frac{h_2^2}{2} - \frac{h_1^2}{2}$$

$$x = \frac{h_1 + h_2}{2}$$

$$h_c = \frac{m_1 \frac{h_1}{2} + m_2 \frac{h_2}{2}}{2(m_1 + m_2)} = \frac{h_1 + h_2}{4}$$

$$x_c = \frac{h_2 + h_1}{2}$$

$$h_c = \frac{m_1 \frac{h_1}{2} + m_2 \frac{h_2}{2}}{2(m_1 + m_2)} = \frac{\frac{h_1^2}{2} + \frac{h_2^2}{2}}{2(h_1 + h_2)} =$$



$$m \omega^2 R = (\rho g h) S + \rho g h_2 S$$

$$m = \rho (r_2 - r_1) S$$

$$\rho (r_2 - r_1) \omega^2 R = \rho (p_0 + \rho g h_1) S + \rho g h_2 S$$

$$\frac{h_1^2 + h_2^2}{2} = \frac{(h_1^2 + h_2^2) / \cancel{h_1}}{2 \cancel{h_1} / h_1} = \frac{h_1^2 + h_2^2}{2 h_1}$$

$$x_c = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{2(m_1 + m_2)} = h_c = \frac{h_1^2 + h_2^2}{2(h_1 + h_2)}$$

$$\Delta m = \rho S h \cancel{\rho g} \sqrt{2}$$

*N синхрониз.*

*Δmasa = Δmg*

$$\cancel{\rho g} \alpha = \frac{a}{R}$$

$$T = 27^\circ C$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 Pa$$

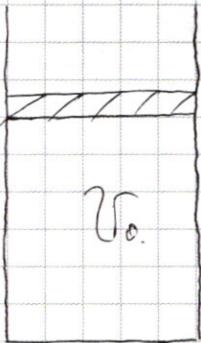
$$P = 1000 \frac{kg}{m^3}$$

$$\bar{M} = 18 \text{ г/моль}$$

$$P_n M = P_n R T$$

$$P_n = \frac{P_n M}{R T}$$

$$\frac{P_n}{P} = \frac{P_n M}{P R T}$$



$$\text{наг} - V_1 = \frac{V_0}{\gamma}$$

$$\text{исхд} - V_2$$

2)

$$\frac{V_1}{V_2} ?$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{\frac{P_n M}{P}}{\frac{P_n M}{P}(\gamma-1)} = \frac{P_n M}{P_n M(\gamma-1)} =$$

$$= \frac{P_n RT}{P_n M(\gamma-1)}$$

$$P_n V_0 = \gamma R T$$

$$P_n V_1 = \gamma_1 R T$$

$$\frac{V_1}{V_0} = \frac{\gamma_1}{\gamma};$$

$$\frac{\gamma}{\gamma_1} = \gamma$$

$$\gamma_1 + \gamma_2 = \gamma$$

$$\gamma_2 = \gamma_1 / (\gamma - 1)$$

$$V_2 = \frac{\gamma_2 M}{P}$$

$$V_1 = \frac{\gamma_1 R T}{P_n}$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ \times 5 \\ \hline 320 \end{array}$$

$$\boxed{\begin{array}{l} 60-6=54=6.0 \\ 4 \cdot 8=32 \\ 8 \cdot 4=32 \end{array}}$$

$$\begin{array}{r} 2493,00 \\ \times 152 \\ \hline 14148 \end{array}$$

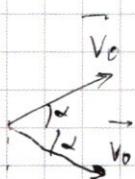
$$\begin{array}{r} 3,55 \\ 18 \\ \hline 2840 \\ + 355 \\ \hline 6390 \end{array}$$
  

$$\begin{array}{r} 63,9 \\ \times 1,6 \\ \hline 2556 \\ + 334 \\ \hline 29394 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 58488 \\ \times 8,31 \\ \hline 46788 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 293940 \\ - 29394 \\ \hline 58488 \\ - 235152 \\ \hline 14148 \end{array}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



N1

$$V_t = \sqrt{V_{0x}^2 + V_{0y}^2}$$

$$V_{0y} = V_{0x} + gt = V_0 \sin \alpha + gt$$

$$4V_0^2 = V_0^2 \sin^2 \alpha + V_0^2 \cos^2 \alpha + V_0^2 \sin^2 \alpha + 2V_0 \sin \alpha g t + g^2 t^2$$

$$3V_0^2 = 2V_0 g t \sin \alpha + (gt)^2$$

$$g^2 t^2 + 2t V_0 g \sin \alpha - 3V_0^2 = 0$$

$$D/4 = V_0^2 g^2 \sin^2 \alpha + 3V_0^2 g^2 = V_0^2 g^2 (3 + \sin^2 \alpha)$$

$$t = -\frac{V_0 g \sin \alpha}{g^2} = \frac{V_0 g \sqrt{3 + \sin^2 \alpha}}{g^2}$$

$$= \frac{V_0 (\sqrt{3 + \sin^2 \alpha} - \sin \alpha)}{g^2} =$$

$$= \frac{10 (\sqrt{3 + \frac{1}{4}} - \frac{1}{2})}{10^2} = \sqrt{\frac{13}{4}} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{13} - 1}{2}$$

$$3 < \sqrt{13} < 4$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ \times 37 \\ \hline 245 \\ 105 \\ \hline 1225 \end{array} \quad \begin{array}{r} 37 \\ \times 37 \\ \hline 259 \\ 111 \\ \hline 1369 \end{array} \quad \begin{array}{r} 36 \\ \times 36 \\ \hline 216 \\ 108 \\ \hline 1296 \end{array}$$

$$3,6 \approx \sqrt{13}$$

$$\begin{array}{r} 5 \\ \times 3,6 \\ \hline 5 \\ 18 \\ \hline 18,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,55 \\ \times 18 \\ \hline 2840 \\ 355 \\ \hline 63,90 \end{array} \quad \begin{array}{r} 8,31 \\ \times 3 \\ \hline 24,93 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 6 \cdot 2493 &= 12000 + 2400 \\ &+ 540 + 18 = \\ &= 14400 + 558 = 14958 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5 \cdot 2493 &= 10000 + 2000 \\ &+ 450 + 15 = \\ &= 12465 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 6390,000 \mid 2493 \\ 4986 \quad | 256 \\ \hline 14040 \\ 12465 \\ \hline 15250 \\ 14958 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 142 \\ \times 142 \\ \hline 284 \\ + 568 \\ \hline 20164 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 141 \\ \hline 141 \\ 141 \\ \hline 141 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 141 \\ \hline 19881 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 193 \\ \times 14 \\ \hline 1211 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 141 \\ \hline 264 \\ + 141 \\ \hline 16881 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 173 \\ \times 173 \\ \hline 519 \\ 173 \\ \hline 29929 \end{array}$$

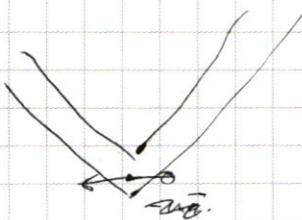
$$m_1 = p S h_1 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$m_2 = p S h_2 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\left[ \frac{m_1}{m_2} = \frac{h_1}{h_2} \right]$$

$$P_0 + \rho g h_1$$

$$P_0 + \rho g h_2$$



$$\rho g h_2 - \rho g h_1 = \frac{(m_1 + m_2) \frac{\sqrt{2}}{2}}{S}$$

$$\rho g (h_2 - h_1) = \frac{\rho \frac{\sqrt{2}}{2} (h_1 + h_2) a \sqrt{2}}{S}$$

$$\rho h_2 \rho g h_1 = a h_1 \sqrt{2} + a h_2 \sqrt{2}$$

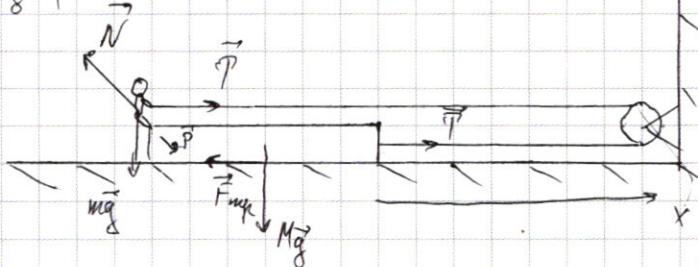
$$h_2 (\rho - a \sqrt{2}) = h_1 (\rho + a \sqrt{2})$$

$$h_2 = \frac{h_1 (\rho + a \sqrt{2})}{\rho - a \sqrt{2}} = \frac{10(10+6)}{10-4\sqrt{2}} = \frac{10 \cdot 15,68}{4,32} = 36 \text{ см.}$$

$$\frac{1}{3} = 2 \frac{1}{3} \approx 2,333$$

$$\begin{array}{r} 141000 \\ 1384 \\ \hline 260 \\ 175 \\ \hline 840 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 173 \\ \times 10 \\ \hline 1730 \\ 143 \\ \hline 1559 \\ 173 \\ \hline 1384 \end{array}$$



$$P - F_{\text{flic}} + P_x = 0$$

$$\boxed{P_y = P_g = mg}$$

$$P = P_g + M_g = g(m + M) = 3mg$$

$$F_{\text{flic}} = 3 \text{ кнсм}$$

$$2P = P + F_{\text{flic}}$$

$$\begin{aligned} 10 \cdot \frac{40}{6} &= 10 \cdot \frac{20}{3} = \\ &= \underline{\underline{5^2 \cdot 2^2 \cdot 3}} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 141 \\ \hline 141 \\ 141 \\ \hline 141 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 264 \\ \times 173 \\ \hline 168 \\ 173 \\ \hline 29929 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 142 \\ \times 284 \\ \hline 142 \\ 142 \\ \hline 142 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 568 \\ \times 143 \\ \hline 143 \\ 143 \\ \hline 143 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14 \\ \times 14 \\ \hline 14 \\ 14 \\ \hline 14 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 42 \\ \times 42 \\ \hline 42 \\ 42 \\ \hline 42 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 142 \\ \times 568 \\ \hline 142 \\ 142 \\ \hline 142 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1568 \\ 1568 \\ \hline 1568 \\ 1568 \\ \hline 1568 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 143 \\ \times 143 \\ \hline 143 \\ 143 \\ \hline 143 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2420 \\ 2420 \\ \hline 2420 \\ 2420 \\ \hline 2420 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2592 \\ 2592 \\ \hline 2592 \\ 2592 \\ \hline 2592 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 128 \\ 128 \\ \hline 128 \\ 128 \\ \hline 128 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 432 \\ 432 \\ \hline 432 \\ 432 \\ \hline 432 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 568 \\ 568 \\ \hline 568 \\ 568 \\ \hline 568 \end{array}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

$$V_0 = 10 \text{ м/с}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

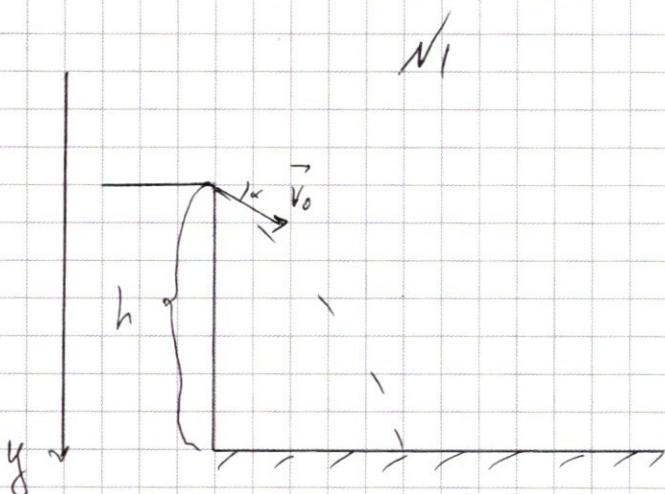
$$V_1 = 2V_0$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

$$V_{1y} = ?$$

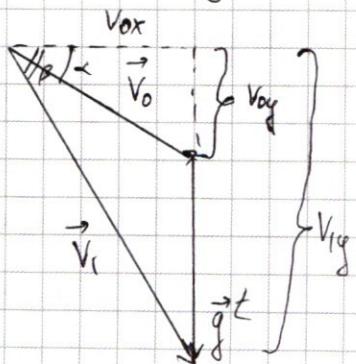
$$t = ?$$

$$h = ?$$



П.к. по условию гайка всё время  
ушибалась к земле, то  $\vec{V}_{1y}$  pp  $\vec{g}$

$$\vec{V}_1 = \vec{V}_0 + \vec{g}t - \text{построим } \vec{a}:$$



$$V_{1y} = V_{0y} + gt = V_1 \sin \beta, \text{ т.е.}$$

$$\cos \beta = \frac{V_{0x}}{V_1} = \frac{V_0 \cos \alpha}{2V_0} = \frac{\cos \alpha}{2}$$

$$V_{1y} = 2V_0 \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = 2V_0 \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \alpha}{4}} =$$

$$= V_0 \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} = V_0 \sqrt{3 + \sin^2 \alpha} = 10 \sqrt{3 + \frac{1}{4}} =$$

$$= 10 \frac{\sqrt{13}}{2} = 5\sqrt{13} \approx 5 \cdot 3,6 = 18 \text{ %}$$

$$V_{1y} = V_{0y} + gt; t = \frac{V_{1y} - V_{0y}}{g} = \frac{V_0 \sqrt{3 + \sin^2 \alpha} - V_0 \sin \alpha}{g} =$$

$$= \frac{V_0}{g} \left( \sqrt{3 + \sin^2 \alpha} - \sin \alpha \right) = \frac{10}{10} \left( \sqrt{3 + \frac{1}{4}} - \frac{1}{2} \right) = \frac{\sqrt{13} - 1}{2} \approx \frac{3,6 - 1}{2} = 1,3 \text{ с.}$$

$$h = \frac{V_{1y}^2 - V_{0y}^2}{2g} = \cancel{\frac{V_{1y}^2 - V_{0y}^2}{2g}} \quad \frac{V_0^2 (3 + \sin^2 \alpha) - V_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} = \frac{3V_0^2}{2g} =$$

$$= \frac{3 \cdot 10^2}{2 \cdot 10} = 15 \text{ м}; \text{ Проверим: 1) } V_{1y} = 18 \text{ %; 2) } t = 1,3 \text{ с; 3) } h = 15 \text{ м}$$

Дано:

$$S, m,$$

$$M=2m,$$

$$\mu, g$$

$$1) P_0 = ?$$

$$2) F = F_0$$

$$3) F > F_0$$

$$E = ?$$

По III из 3-го закона Ньютона

$$\vec{N}_0 = -\vec{P}_0$$

$$\vec{N} = \vec{P}$$

Запишем дин-е ур-е для человека и  
одежда на ось ОУ:

Человек:

$$N_{\text{ч}} - mg = 0$$

$$N_{\text{ч}} = P_{\text{ч}} = mg \implies$$

Девушка:

$$N_0 - Mg - P_{\text{д}} = 0$$

$$N_0 = P_0 = Mg + mg = 3mg$$

Минимальная сила тяжести, чтобы  $F_{\text{нр}} = \mu N_0$  и каким  
намажут настолько, что девушка еще движется ( $\vec{a} = 0$ )

Запишем дин-е ур-е для девушки:

Человек:

$$-F_0 + T = 0$$

~~$F_0$~~

$$T = F_0$$

Девушка:

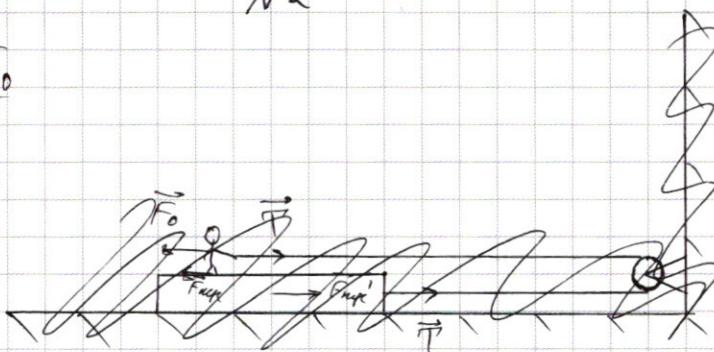
$$T - F_{\text{нр}} + \cancel{P_0} = 0, \text{ где } F_{\text{нр}} = \mu N_0 = \\ = 3\mu mg$$

~~$P_0$~~

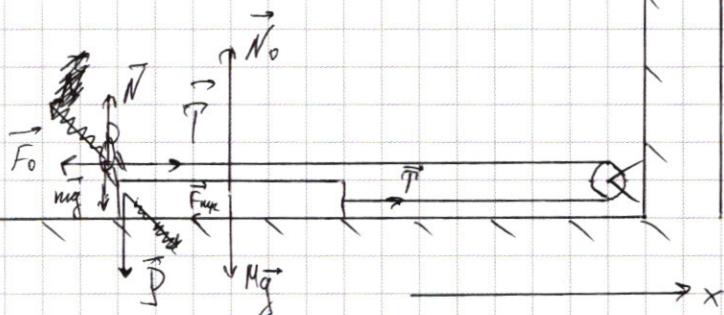
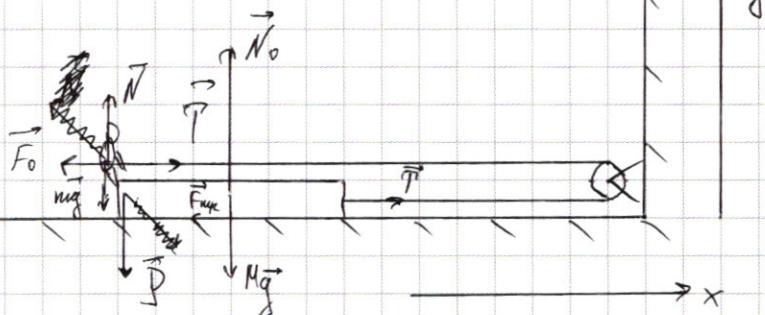
$$\boxed{T = 3\mu mg = F_0.}$$

~~1)  $P_0 = F_0$~~

N<sub>2</sub>



$$1) F = F_0$$



Запишем дин-е ур-е для девушки и

одежда на ось ОУ:

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

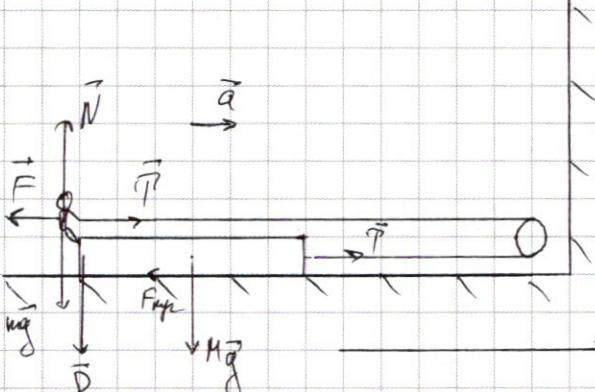
2)  $F > F_0$ .

$\text{Пк } F > F_0$ , то в  
системе возможен  
ускорение  $a$ :

$$S = V_0 t + \frac{a t^2}{2}, \text{ где}$$

$$V_0 = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow S = \frac{a t^2}{2}; \quad t = \sqrt{\frac{2S}{a}}$$



Запишем дин-е ур-е гб-я  
на ОХ:

$$F_{\text{нр}} = \mu N_0.$$

$$N_0 = 3mg$$

$$F_{\text{нр}} = 3\mu mg$$

Человек:

$$T - F = ma$$

$$T = ma + F$$

$$ma + F = 3\mu mg + Ma$$

$$ma + F = 3\mu mg + 2ma;$$

Диск:

$$T - F_{\text{нр}} = Ma$$

$$T = 3\mu mg + Ma$$

$$a = \frac{F - 3\mu mg}{m}$$

Решим: 1)  $N_0 = P_0 = 3mg$     2)  $F_0 = 3\mu mg$     3)  $t = \sqrt{\frac{2S}{F - 3\mu mg}}$

Дано:

$m, R, \alpha,$

$L, g, \omega$

1)  $P_1 = ?$

2)  $P_2 = ?$

$$1) \omega = 0.$$

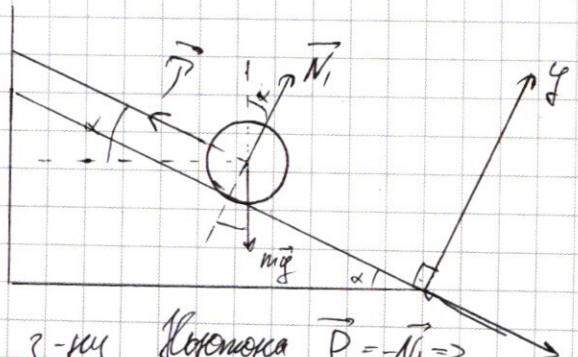
Запишем дин-е ур-е гб-я

шара на оси:

$$\text{By: } N_1 - mg \cos \alpha = 0;$$

отс  $N_1 = mg \cos \alpha$ , это III чл з-ки Кулонса  $\vec{P}_1 = \vec{N}_1 \Rightarrow$

$$\Rightarrow P_1 = N_1 = mg \cos \alpha.$$



2)  $\omega \neq 0$ .

$\vec{N}_2$  - за вращения боди-растан  
центроцентрическое

ускорение  $a_n = \omega^2 r$ , где  
 $r$  найдем из геометрии:

$$r = OR$$

2 DOK - правило

$$\angle DOK = \alpha \Rightarrow DH = OD \cdot \cos \alpha = \\ = (R+L) \cos \alpha.$$

По III из з-ки Ньютона  
 $\vec{P}_2 = -\vec{N}_2$ .

Запишем дин-е ур-е гб-а  
на оси:

$$\text{Ось } Oy: N_2 - mg \cos \alpha = ma_n \sin \alpha$$

$$N_2 = mg \cos \alpha + ma_n \sin \alpha = m(g \cos \alpha + \omega^2(R+L) \cos \alpha \cdot \sin \alpha) = \\ = m \cos \alpha (g + \omega^2(R+L) \sin \alpha) = P_2$$

$$\text{Ответ: 1) } P_1 = mg \cos \alpha$$

$$2) P_2 = m \cos \alpha (g + \omega^2(R+L) \sin \alpha)$$

Дано:

$$\alpha = 45^\circ$$

$$a = 4 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$$h_1 = 10 \text{ см}$$

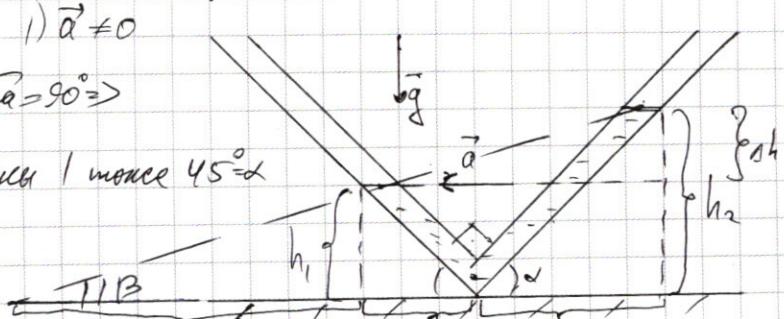
$$h_2 = ?$$

$$g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$$V = ?$$

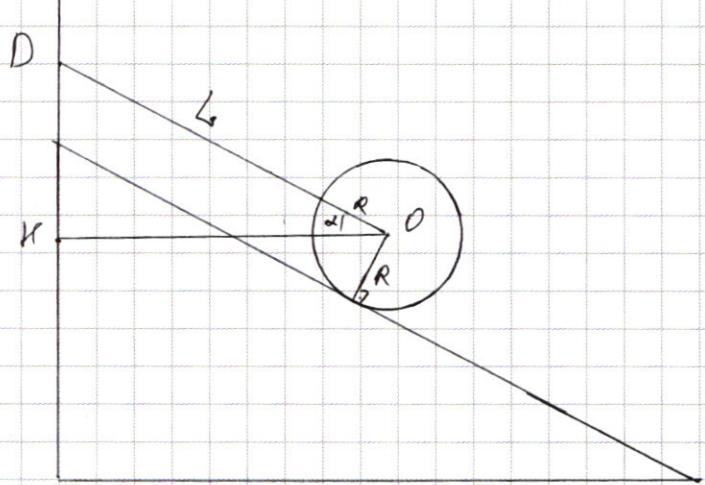
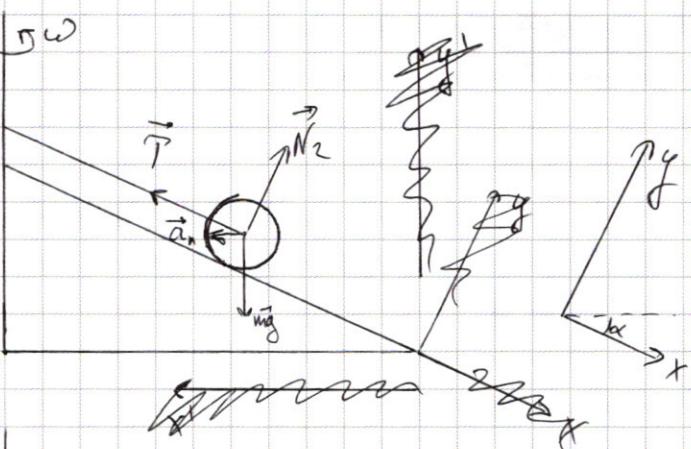
$$\alpha = 45^\circ, \text{ угол сдвига} = 90^\circ \Rightarrow$$

→ угол со сдвигом 1 раза  $45^\circ = \alpha$



П.к. дин. пучки скользят покоятся, то  $\vec{a}$  дин. пучки

в точках A и B одинаковое давление, а между AB - уровень одинакового давления. при этом если  $\beta$  - угол



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

между уровнем и горизонтом, то  $\tan \beta = \frac{a}{g}$ ;

$$\tan \beta = \frac{a}{g} = \frac{h_1}{l} = \frac{h_2}{l+h_1+h_2}, \text{ где } x_1 = h_1; x_2 = h_2 \\ (\text{от уровня } a)$$

$$l = h_1 \frac{g}{a};$$

$$\frac{a}{g} = \frac{h_2}{l+h_1+h_2}, \quad a(l+h_1+h_2) = g h_2$$

$$a(h_1 \frac{g}{a} + h_1 + h_2) = g h_2$$

$$gh_1 + ah_1 + ah_2 = gh_2$$

$$h_1(g+a) = h_2(g-a); \quad h_2 = h_1 \frac{g+a}{g-a} = 10 \frac{10+4}{10-4} = 10 \cdot \frac{4}{3} \approx$$

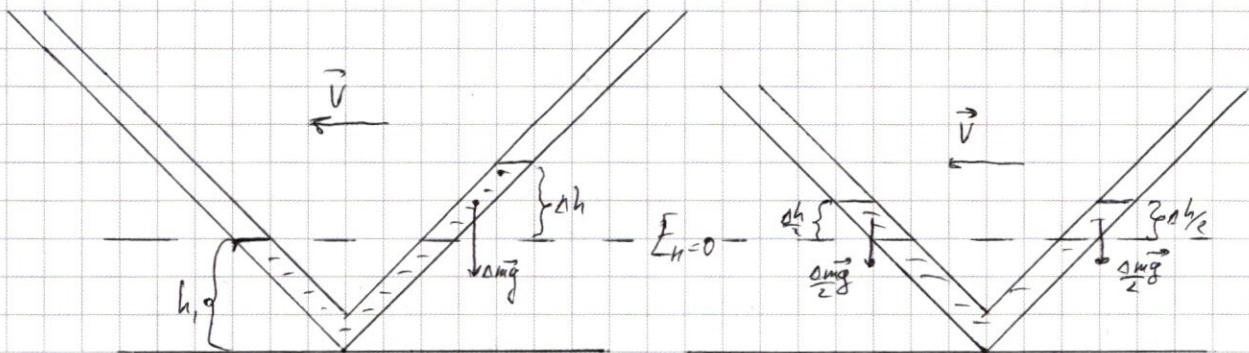
$$\approx 23,3 \text{ см}$$

$$2) a=0.$$

$\beta$  машин, когда  $a$  сило = 0

$\beta$  машин

$$h_1' = h_2'$$



П.к.  $a=0$ ,  $v=\text{const}$ , то в системе массики не испытывают сил, совершающих работу  $\Rightarrow$  восстановление ЗСЭ:

$$\Delta mg(\frac{h_1}{2}) = \Delta mg \frac{h}{2} = 2 \frac{\Delta m}{2} \cdot g \cdot \frac{ah}{4} + 2 \cdot \frac{\Delta m}{2} \cdot \frac{v^2}{2}$$

$$\Delta mg \frac{ah}{2} = \Delta mg \frac{ah}{4} + \frac{\Delta m v^2}{2} \cdot \frac{4}{\Delta m}$$

$$2ga h = gah + 2v^2; \quad 2v^2 = gah; \quad v = \sqrt{\frac{gah}{2}} = \sqrt{\frac{g(h_2 - h_1)}{2}} =$$

$$= \sqrt{\frac{g(h_1 + \frac{g+a}{g-a} h_2)}{2}} = \sqrt{\frac{g h_1 \cdot \frac{g+a}{g-a} h_2}{2}} = \sqrt{h_1 \cdot \frac{ag}{g-a}} = \sqrt{10 \cdot \frac{40}{6}} =$$

$$= 10 \sqrt{\frac{2}{3}} ; \quad \sqrt{2} \approx 1,41 ; \quad \sqrt{3} \approx 1,73 ; \quad V \approx 10 \cdot \frac{1,41}{1,73} \approx 8,1 \text{ м}^3$$

Ответ: 1)  $h_2 \approx 23,3 \text{ м}$  2)  $V \approx 8,1 \text{ м}^3$

15

Dано:

$$T = 27^\circ\text{C} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow P = 300 \text{ кПа}$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$$

$$\rho = 1 \text{ г/м}^3 = 10^3 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$$

$$\mu = 18 \frac{\text{г}}{\text{моль}} = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$$

$$\gamma = 5,6$$

$$1) \frac{P_1}{P} = ?$$

$$2) \frac{V_1}{V_2} = ?$$

Если общий  $T_0$  и  $\gamma$  для пара.

Тогда  $T_1, T_2$  - параметры пара

$V_1, T_2$  - параметры воды

$$T_1 + T_2 = T$$

Запишем ур-е Менделеева - Капелюкова.

$$P V_0 = T R T \quad \frac{V_0}{V_1} = \frac{T}{T_1}, \quad \text{зде } V_1 = \frac{V_0}{\gamma} ; \quad \gamma = \frac{V_0}{V_1} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T = \gamma T_1 = T_1 + T_2 ; \quad T_2 = T_1(\gamma - 1) ; \quad \boxed{V_1 = \frac{T_1 R T}{P}}$$

$$V_2 = \frac{m_2}{P} = \frac{T_2 \mu}{P} = \frac{T_1 \mu (\gamma - 1)}{P}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{P T_1 R T}{P T_1 \mu (\gamma - 1)} = \frac{R T}{\mu (\gamma - 1)} = \frac{10^3 \cdot 8,31 \cdot 300}{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3} / (5,6 - 1)} \approx 0,08 \cdot 10^5 = 8 \cdot 10^3$$

Ответ: 1)  $\frac{P_1}{P} \approx 2,56 \cdot 10^{-5}$ ; 2)  $\frac{V_1}{V_2} \approx 8000$

