

Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 10

Вариант 10-02

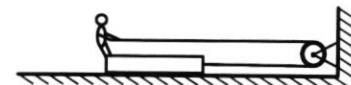
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

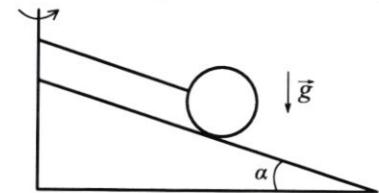
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

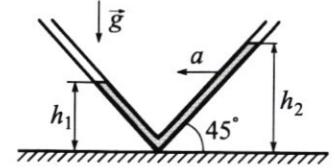
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоятся.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4 \text{ м/с}^2$ уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10 \text{ см}$.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Действие сил трения пренебрежимо мало.



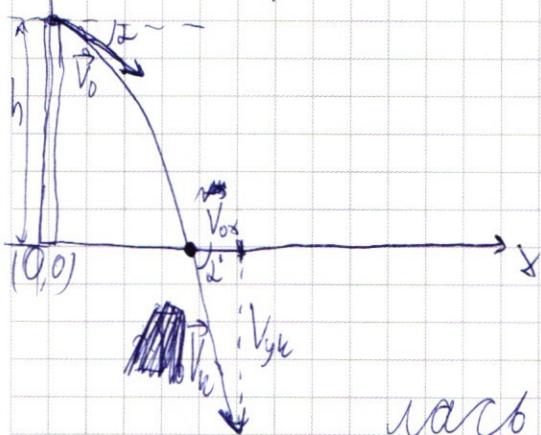
5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
 - 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.
- Плотность и молярная масса воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, $\mu = 18 \text{ г/моль}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1

Лягушка всё время приближалась \Rightarrow проекция её скорости в радиальном направлении време-
ни на направленную вертикально вверх
уровень отрицательна \Rightarrow рисунок такой:



Единственная сила при-
ложенная к лягушке - си-
ла тяжести, она верти-
кальна \Rightarrow горизонтальная
проекции скорости не меня-
лась (в нач. момента она $V_0 \cdot \cos \alpha$),

значит и в конечный ~~момент~~ она тоже
 $V_{ox} = V_0 \cdot \cos \alpha$, V_n -скорость в нач. момента танген-
тала с землей, то усл. $|V_n| = 2|V_0|$, α -угол,romo-
гии V_n образует с горизонтом, тогда $\cos \alpha =$

$$= \frac{V_{ox}}{V_n} = \frac{V_{ox}}{2V_0} = \frac{V_{ox}}{V} \cdot 2 = \frac{\cos \alpha}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4} \Rightarrow \cancel{\text{запись}} \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{4} \Rightarrow \sin \alpha =$$

$$= \sqrt{1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{4}\right)^2} = \frac{\sqrt{13}}{4} \Rightarrow \frac{V_{y0}}{V_n} = \frac{\sqrt{13}}{4}, \text{ где } V_{y0} - \text{вертикальная началь-}
ная$$

неста скорость при падении на землю, тогда

$$V_{y0} = \frac{\sqrt{13}}{4} \cdot V_n = \frac{\sqrt{13}}{4} \cdot 2V_0 = \frac{\sqrt{13}}{2} \cdot V_0, \sqrt{13} \approx 3,6 \Rightarrow \underline{V_{y0} \approx 18 \frac{m}{s}}$$

$V_y(t)$ - ~~запись~~ вертикальная компонента скорости
лягушки в нач. времени t ($t=0$ в нач. броска),

$$V_y(t) = V_{yo} + gt, \text{ где } V_{yo} = V_0 \sin \alpha = 5 \frac{m}{s}$$

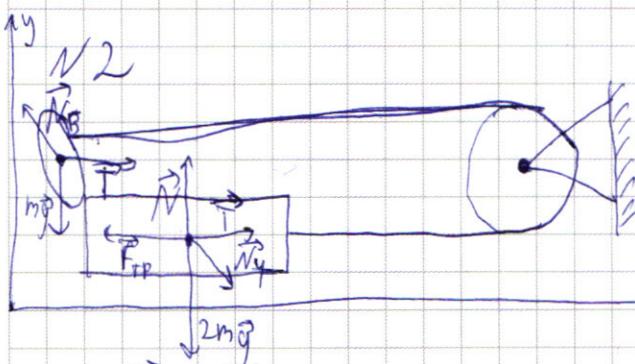
$$V_y(t_n) = V_{yo} + gt_n \quad (t_n - \text{брзак на ремня}, \text{ но с другой стороны})$$

стороне мы наименуем, что $V_y(t_n) = 18 \frac{m}{s} \Rightarrow V_{yo} \Rightarrow$

$$\Rightarrow V_{yo} = V_{yo} + gt_n \Rightarrow t_n = \frac{V_k - V_{yo}}{g} = \frac{18 \frac{m}{s} - 5 \frac{m}{s}}{10 \frac{m}{s^2}} = 1,3 \text{ с}$$

h - высота падения, $y(t)$ - высота падки в момент времени t , $y(0) = h$, $y(t_n) = 0$, $y(t) = h - V_{yo} t - \frac{gt^2}{2}$,
 значит $h - V_{yo} t_n - \frac{gt_n^2}{2} = 0 \Rightarrow h = V_{yo} t_n + \frac{gt_n^2}{2} = 5 \frac{m}{s} \cdot 1,3 \text{ с} + \frac{10 \frac{m}{s^2} \cdot (1,3 \text{ с})^2}{2} =$
 $= 6,5 \text{ м} + 8,45 \text{ м} = 14,95 \text{ м}$

Ответ: 1) $18 \frac{m}{s}$; 2) $1,3 \text{ с}$; 3) $14,95 \text{ м}$



Запишем силы, действующие на человека:

T -сила напряжения
кашата, N -сила тяжести

N_b - сила реакции земли, если человек движется с ускорением \vec{a} , то земля также движется с ускорением \vec{a} (нр. она в системе), а значит \vec{a} -горизонтально, т.к. оно не выступает в вертикальной направлении. $T + N + N_b = m\vec{a}$, в проекции на ось y : $0 - mg + N_{by} = 0$ (N_{by} - модуль проекции N_b на ось y) $\Rightarrow N_{by} = mg$. В проекции на ось X : $T + 0 - N_{bx} = ma$ (N_{bx} - модуль проекции N_b на ось X), т.е. $\frac{T - N_{bx}}{m} = a$. Запишем силы, действующие на землю: T -сила напряжения кашата (она равна у человека и у земли из-за закона Ньютона),

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

\vec{N} -сила реакции пола, $\vec{N_y}$ -сила реакции гравитации равна $-\vec{N_b}$ из 3-его закона Ньютона, $2m\vec{g}$ -сила тяжести, $\vec{F_{tp}}$ -сила трения ($F_{tp} = \mu \cdot N$). Он действует с теми же ускорениями a , что и \vec{N} .
 $\vec{N} + \vec{T} + \vec{N_y} + 2m\vec{g} + \vec{F_{tp}} = 2ma$, в проекции на ось y : $N + 0 - N_{by} - 2mg + 0 = 0 \Rightarrow N = mg + 2mg = 3mg$, но N равно силе, ~~равной~~ с которой действует гравитация, давящая на ногу. В проекции на ось x :

$0 + \vec{T} + N_{bx} + 0 - F_{tp} = 2ma \Rightarrow T + N_{bx} - 3\mu mg = 2ma$. Задачем, что T равно силе, с которой человек действует на кафель. При минимальной силе F_0 , при которой нога движется с $a = 0$, $F_{tp} = \mu N$, значит $F_0 + N_{bx} - 3\mu mg = 0 \Rightarrow F_0 + N_{bx} = 3\mu mg$, дальше мы получим, что $T + N_{bx} = ma \Rightarrow F_0 - N_{bx} = 0 \Rightarrow F_0 = N_{bx} \Rightarrow 2F_0 = 3\mu mg \Rightarrow F_0 = \frac{3}{2}\mu mg$.

Если все силы $F > F_0$, то $F + N_{bx} - 3\mu mg = 2ma \Rightarrow F + N_{bx} - 3\mu mg = 2m$.
 $\frac{F - N_{bx}}{m} = a \Rightarrow \frac{F + N_{bx} - 3\mu mg}{2m} = \frac{F - N_{bx}}{m}$

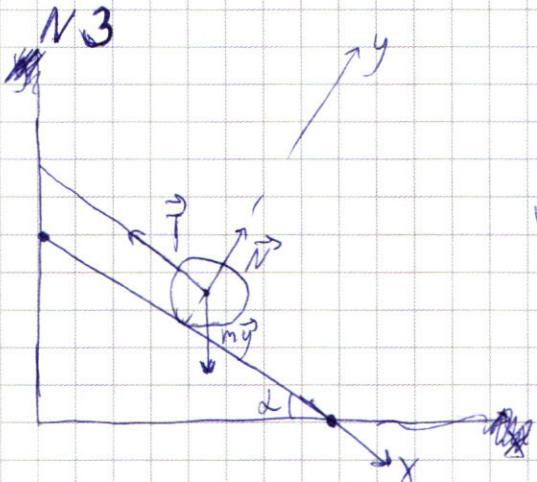
$$2F - 2N_{bx} = F + N_{bx} - 3\mu mg \Rightarrow 3N_{bx} = F + 3\mu mg \Rightarrow N_{bx} = \frac{F}{3} + \mu mg$$

$$a = \frac{F - N_{bx}}{m} = \frac{F - \frac{F}{3} - \mu mg}{m} = \frac{\frac{2}{3}F - \mu mg}{m}$$

О, ускорение постоянное и равно a , проходимый путь s , может, если замедленное время

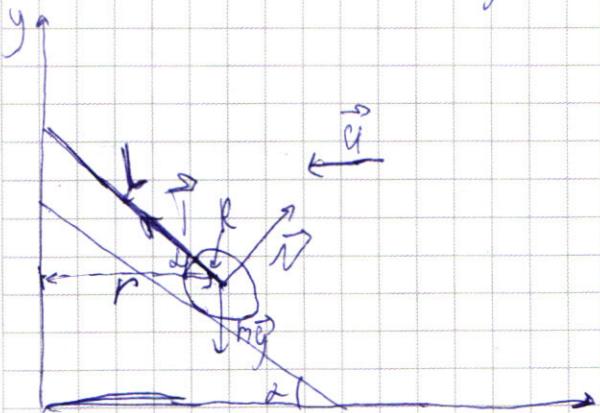
$$t, \text{ sec} \quad \frac{at^2}{2} = S \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{a}} = \sqrt{\frac{2S}{\frac{2F}{3} - \mu mg}} = \sqrt{\frac{2S \cdot m}{\frac{2F}{3} - \mu mg}}$$

Ответ: 1) $3mg$; 2) $\frac{3}{2}\mu mg$; 3) $\sqrt{\frac{2S \cdot m}{\frac{2F}{3} - \mu mg}}$



Запишем все силы, действующие на шар: T -сила натяжения и нити, N -сила реакции опоры, mg -сила тяжести, и приложим к нему закон, например, параллельных сил.

1) система покоятся \Rightarrow ускорение ~~равно нулю~~ \Rightarrow $T + N + mg = 0$, в проекции на ось y : $0 + N - mg \cos \theta = 0 \Rightarrow N = mg \cos \theta$, но N равно силе давления шара на кип.



Система вращается с угловой скоростью $\omega \Rightarrow$ ускорение $\ddot{r} = \omega^2 r$, где r -радиус окружности вращения, $r = (L+R) \cdot \cos \theta$ (видно из рисунка).

$\Rightarrow T + N + mg = m \ddot{r}$, в проекции на ось X : $-T \cos \theta + N \sin \theta + 0 = -ma_c - mw^2(L+R) \cos \theta$, дальше получим еще генерали на $\dot{\theta}$:

$$-T \cdot \sin \theta + N \cdot \cos \theta \cdot \dot{\theta} = -m \omega^2 (L+R) \cdot \sin \theta. \quad \text{В проекции на}$$

$$\text{och } y: T \cdot \sin \alpha + N \cdot \cos \alpha - mg = 0$$

Суммим эти 2 уравнения:

$$-T \cdot \sin \alpha + N \cdot \sin \alpha \cancel{f g \alpha} + T \cdot \sin \alpha + N \cdot \cos \alpha - mg = -m \omega^2 (L+R) \sin \alpha$$

$$mg + N(\sin \alpha \cancel{f g \alpha} + \cos \alpha) = -m \omega^2 (L+R) \sin \alpha$$

$$\sin \alpha \cancel{f g \alpha} + \cos \alpha = \sin \alpha \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + \cos \alpha \cdot \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\cos^2 \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$$

$$\frac{N}{\cos \alpha} = -m \omega^2 (L+R) \cdot \sin \alpha + mg$$

$$\underline{N = m \cos \alpha (g - \omega^2 (L+R) \sin \alpha)}.$$

Отвем: 1) $m \cos \alpha$; 2) $m \cos \alpha (g - \omega^2 (L+R) \sin \alpha)$

№ 5

Пусть m_1 - масса пара изначально, V_1 - объем сосуда изначально. $P = 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$ (из ул.) $N = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$ (из ул.), $R = 8,3 \frac{\text{Дж}\cdot\text{м}^3}{\text{моль}\cdot\text{К}}$ - универсальная газовая постоянная

$P \cdot V_1 = \frac{m_1}{N} \cdot R \cdot T$, где $T = 300 \text{ К}$ ~~= 27°C~~ (температура из условия), масса $\frac{m_1}{V_1} = \frac{P \cdot N}{R \cdot T}$, но $\frac{m_1}{V_1}$ - плотность изначального пара из условия, масса в 1

разе уменьшилась в 1 раз. Плотность пара

изменяется, температура не меняется, значит плотность пара не меняется, не. Если m_2 - масса пара в этом состоянии, то

$\frac{m_2}{V_2} = \frac{m_1}{V_1} \Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{V_2}{V_1} = \frac{m_1}{\gamma}$. При этом сумма m_2 и первоначала (согласно в этом состоянии) равна m_1 , т.к. ~~запись~~



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

это сумма масс всех молекул воды, которые никак не исчезли, т. е. $m_2 + m_3 = m_1$, т. е. $m_3 = m_1 - m_2 = m_1(1 - \gamma) = m_2 \left(\frac{\gamma}{\gamma - 1}\right)$.

Потома объем воды $V_2 = \frac{m_2}{\rho}$, б) 2) нас просим

найти $\frac{V_2}{V_1} = \frac{\left(\frac{m_2}{\rho}\right)}{\left(\frac{m_1(1-\gamma)}{\rho}\right)} = \frac{m_2 \cdot \rho}{m_1(1-\gamma) \rho} = \frac{m_2}{m_1(1-\gamma)} = 1 : \frac{m_1}{m_2} = \frac{R \cdot T}{P \cdot N}$, тогда

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{R \cdot T \cdot P}{P \cdot N(1-\gamma)} \approx 8600$$

Отвем: 1) 0,000025; 2) 8600.

$$\frac{P \cdot N}{R \cdot T \cdot p}$$

$$\frac{3,65 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,3 \cdot 300 \cdot 10^3}$$

$$\frac{365 \cdot 10 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{83 \cdot 3 \cdot 10^9} =$$

$$\frac{R \cdot T}{P \cdot N \cdot p(18-1)}$$

$$= \frac{365 \cdot 18}{83 \cdot 3} \cdot 10^{-6} \approx \underline{\underline{26 \cdot 10^{-6} = 0,000025}}$$

5.71

$$\frac{RT}{PN} = \frac{1}{25 \cdot 10^{-6} \cdot 10^3} = \frac{10^3}{25} =$$

$$\frac{355}{21} \overline{)5}$$

$$\frac{831}{272} \overline{)3}$$

$$\begin{aligned} \frac{40}{10 \cdot 46} &= \frac{4 \cdot 10}{10 \cdot 46} = \frac{4}{46} = \\ &= \frac{1}{11.5} = \frac{1}{195} \approx 0,0086 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 44 \\ \times 366 \\ \hline 2840 \\ 355 \\ \hline 16390 \end{array}$$

$$\frac{6390}{249}$$

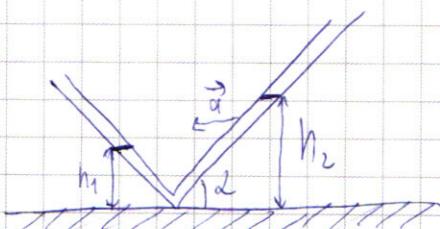
$$\begin{array}{r} 1000 \\ - 920 \\ \hline 800 \end{array} \quad \begin{array}{r} 175 \\ - 0,0086 \\ \hline 0,086 \end{array}$$

$$800 + 80 + 40 = \\ = 920$$

$$\begin{array}{r} 6390 \\ - 498 \\ \hline 1410 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1249 \\ - 25 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{aligned} mgh &= \frac{mV_2^2}{2} \\ gh &= \frac{V_2^2}{2} \\ h &= \frac{V_2^2}{2g} \\ h &= \frac{300^2}{20} = 15 \end{aligned}$$

8600



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$T = 27^\circ C = 300 K$$

$$\frac{P_{\text{акт}}}{m} = \frac{\frac{RT}{V}}{m} = \frac{\frac{R \cdot T}{V}}{m^3} = \frac{R \cdot T}{m^3 V}$$

$$273 + 27 = 300 K$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 Pa$$

$$\frac{V_1}{m_1} = \frac{R \cdot T}{P \cdot V}$$

$$\frac{m}{V}$$

$$PV = m R T$$

$$R = \frac{PV}{m T} = \frac{T m \cdot m^3}{m \cdot m^3 \cdot K} = \frac{T}{m^2 \cdot K}$$

~~Деление на RT~~

$$R = 8,3$$

$$P = \frac{m_1}{V_1} \Rightarrow V_1 = \frac{m_1}{P} = \frac{m_1 (8,3)}{P}$$

$$V_2 = \frac{V_1}{\gamma}$$

$$m_2 = \frac{m_1}{\gamma}$$

$$m_f = m_1 - m_2 = m_1 \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right) \quad V_2 = \frac{V_1}{\gamma}$$

$$V_f = m_f P = m_1 P \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right)$$

$$\frac{V_2}{V_f} = \frac{V_1}{\gamma m_1 P \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right)} =$$

$$= \frac{V_1}{m_1} \cdot \frac{1}{P \cdot \gamma \cdot \gamma - 1} = \boxed{\frac{R \cdot T}{P \cdot V \cdot \gamma (\gamma - 1)}} \quad 2)$$

$$\frac{V_1}{m_1} = \frac{R \cdot T}{P \cdot V}$$

$$= \frac{R \cdot T}{P \cdot V \cdot \gamma \cdot \frac{23}{28} \cdot \frac{23}{28}} = \frac{R \cdot T \cdot 28}{P \cdot V \cdot \gamma \cdot 23 \cdot 23} =$$

$$= \boxed{\frac{5 R T}{23 P V \gamma}} \quad 2)$$

$$\mu = \frac{m}{m \cdot m^3} = \frac{1}{m^2} = \frac{1}{V}$$

$$P = 1000 \frac{N}{m^2} = \frac{1000}{m^3}$$

$$PV = \frac{m}{V} R T$$

$$P_n = \frac{m}{V} = \frac{P \cdot N}{R \cdot T}$$

$$\boxed{\frac{P_n}{P} = \frac{P \cdot N}{R \cdot T \cdot P}}$$

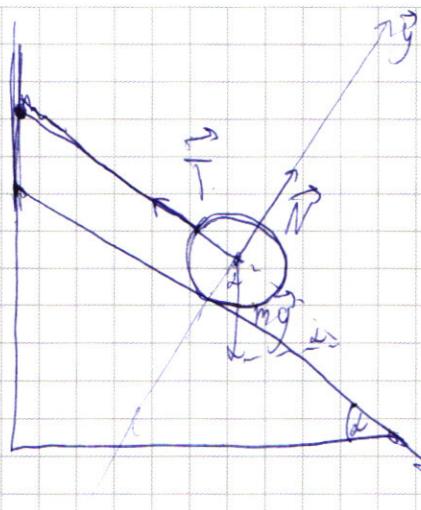
$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{5,6}{1}$$

$$\frac{m_1}{m_1 - m_2} = \frac{m_1}{m_1 - \frac{1}{5,6} m_1} = \frac{5,6}{5,6 - 1} = \frac{5,6}{4,6} = \frac{23}{28}$$

$$V_f = P \cdot m_f$$

$$V_1 = \frac{R \cdot T}{P \cdot V}$$

$$\frac{V_1}{m_1} = \frac{R \cdot T}{P \cdot V}$$

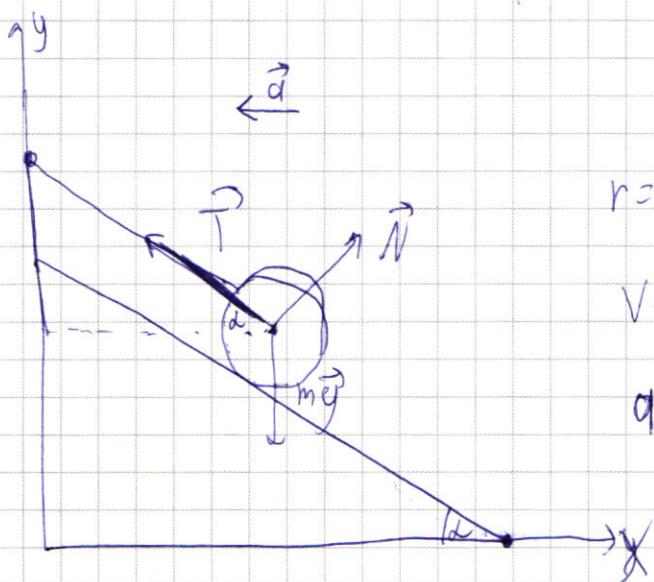


$\theta = \omega t$

$$T = \frac{mg}{\sin \alpha}$$

$$y: N = mg \cos \alpha \quad [1]$$

N_3



$$r = (L+R) \cdot \cos \alpha$$

$$V = WR$$

$$a = \frac{V^2}{r} = \frac{W^2 \cdot r^2}{r} = W^2 \cdot r = W^2 (L+R) \cos \alpha$$

$$mg = W^2 r \cdot m = W^2 (L+R) \cos \alpha \cdot m$$

$$\frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + \cos^2 \alpha = \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\cos \alpha} = \frac{1}{\cos \alpha}$$

$$N (\sin \alpha - \tan \alpha \cos \alpha) = m(g - a \tan \alpha)$$

$$N = \frac{m(g - a \tan \alpha)}{(\sin \alpha - \tan \alpha \cos \alpha)} \quad [2]$$

$$\vec{N} + m\vec{g} + \vec{T} = m\vec{a}$$

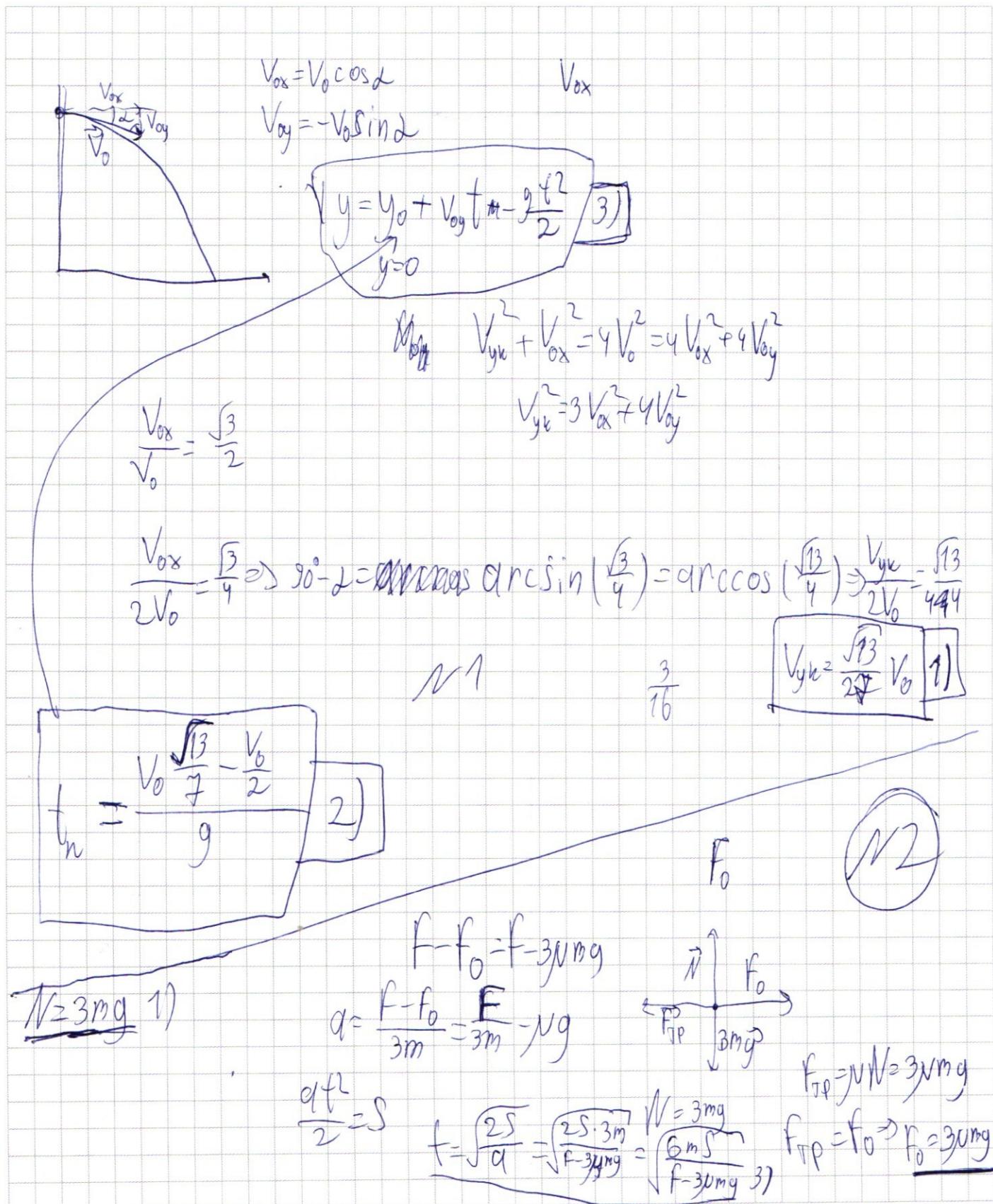
$$x: N \cdot \sin \alpha - T \cdot \cos \alpha = -ma$$

$$y: N \cdot \cos \alpha - mg + T \cdot \sin \alpha = 0$$

$$\sin \alpha \cdot N - \cos \alpha \cdot T = -ma \Rightarrow \sin \alpha \cdot \tan \alpha \cdot N - \sin \alpha \cdot T = -ma \cdot \tan \alpha$$

$$\cos \alpha \cdot N + \sin \alpha \cdot T = mg$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



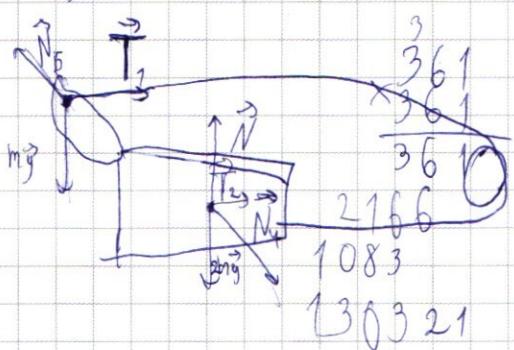
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\sqrt{13} = 3,6$$

$$\begin{array}{r} \times 35 \\ \times 35 \\ \hline 175 \\ 105 \\ \hline 225 \end{array}$$

$$F$$

$$2F$$



$$36^2 = 900 + 360 + 36 = 1296$$

$$\frac{36}{2} = 18$$

$$3,6 \cdot 10$$

$$\frac{36}{2}$$

$$V_{y_0} = \underline{\underline{5,1174}}$$

$$0 = y_0 + V_{0y}t - \frac{gt^2}{2}$$

$$V_{0y} = 5$$

$$y_0 = \frac{gt^2}{2} - V_{0y}t$$

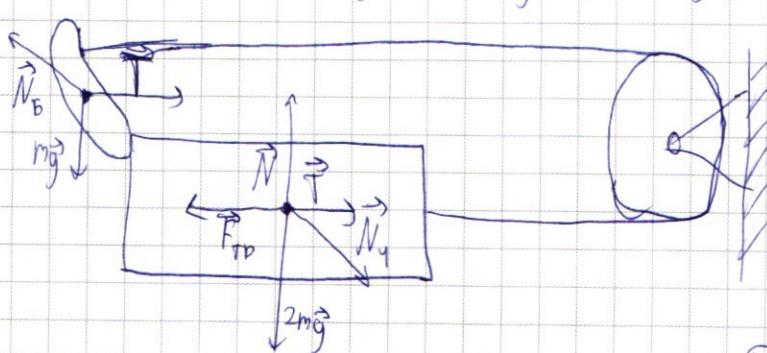
~~$$0 = 0,02 \cdot 9,81 - 0,02 \cdot 0,02 \cdot 9,81 = 0,0196$$~~

$$t_n = \frac{13}{9} = 1,44(2)$$

$$\frac{10 \cdot 1,69}{2} + 5 \cdot 1,3 =$$

$$= \frac{16,9}{2} + 5 \cdot 1,3 =$$

$$= 8,45 + 6,5 = 14,95 \text{ м}^3$$



$$T - N_{Bx} = T + N_{Bx} - F_{Tp}$$

$$2N_{Bx} = F_{Tp} = \mu mg$$

$$N_{Bx} = \frac{1}{2} \mu mg$$

~~Форсаж~~

$$\frac{T - N_{bx}}{m} = \frac{T + N_{bx} - F_{tp}}{2m}$$

$$T = N_{bx}$$

$$2T - 2N_{bx} = T + N_{bx} - F_{tp}$$

$$2T = f_{op} = 3Nm$$

$$T = \frac{3}{2}\mu mg \quad [2]$$

$$t = \sqrt{\frac{2s}{a}} = \sqrt{\frac{2s}{\frac{2F}{3} - \mu mg}} = \sqrt{\frac{2sm}{\frac{2F}{3} - \mu mg}} \quad [3]$$

$$gt^2 = s$$

$$\frac{T - N_{bx}}{m} = \frac{T + N_{bx} - F_{tp}}{2m} = a$$

$$T - N_{bx} \neq ma$$

$$\frac{F - N_{bx}}{m} = \frac{F - \frac{F + F_{tp}}{3}}{m}$$

$$2T - 2N_{bx} = T + N_{bx} - F_{tp}$$

$$F = T = 3N_{bx} = F_{tp}$$

$$N_{bx} = \frac{F + F_{tp}}{3}$$

$$\frac{\frac{2}{3}F - \frac{F_{tp}}{3}}{m} = a$$

$$\frac{\frac{2}{3}F - \mu mg}{m} = a$$

$$\frac{2F}{3m} - \mu g = a$$