

Олимпиада «Физтех» по физике, 6

Класс 10

Вариант 10-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10$ м/с под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.

2) Найти время полета гайки.

3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха не учитывать.

2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?

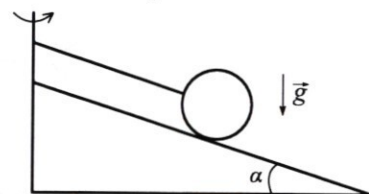
2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?

3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

1) Найти силу давления шара на клин, если система покоится.

2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.

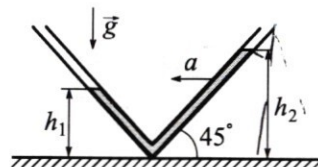


4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4$ м/с² уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10$ см.

1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?

2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубки после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Действие сил трения пренебрежимо мало.



5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3$ Па. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.

2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1$ г/см³, $\mu = 18$ г/моль.

$$pV - p_s V = \gamma p_s V - \gamma p_s V$$

$$pV = \gamma p_s V$$

$$p_s V = p_s V$$

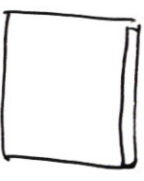
$$pV - \gamma p_s V + \gamma p_s V = p_s V$$

$$p(V - \gamma V) = \gamma p_s V$$

$$p_s V = p_s V$$

$$p(V - \gamma V) = (\gamma - \gamma) p_s V$$

$$p_s V = \gamma \mu$$



$$PV = nRT = \tau \eta = \frac{p}{RT} \eta$$

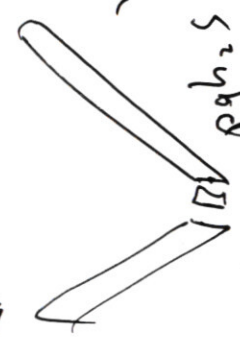
$$P(V-\Delta V) = (n-\Delta n)RT \Rightarrow \frac{V-\Delta V}{V} = \frac{n-\Delta n}{n} \Rightarrow V\Delta n - \Delta V n = \Delta n \Delta V$$

$$\Delta V \cdot p_n = V \Delta p_n$$

$$\Delta n \cdot p_n = V \Delta p_n$$

$$\Delta n \cdot p_n = \Delta n \cdot p_n$$

$$\Delta V \cdot p_n = \Delta n \cdot p_n$$



$$\Delta V \cdot \frac{p}{RT} = \Delta n$$

$$\Delta V \cdot \frac{p}{RT} = \Delta n$$

$$\Delta V \cdot \frac{p}{RT} = \Delta n$$

$$\frac{V-\Delta V + \Delta V \frac{p_n}{p}}{V} = \frac{n-\Delta n}{n}$$

$$\Delta V \cdot \frac{p}{RT} = \frac{\Delta V \cdot p_n}{p}$$

$$\frac{p}{RT} = \frac{p_n}{p} \Rightarrow$$

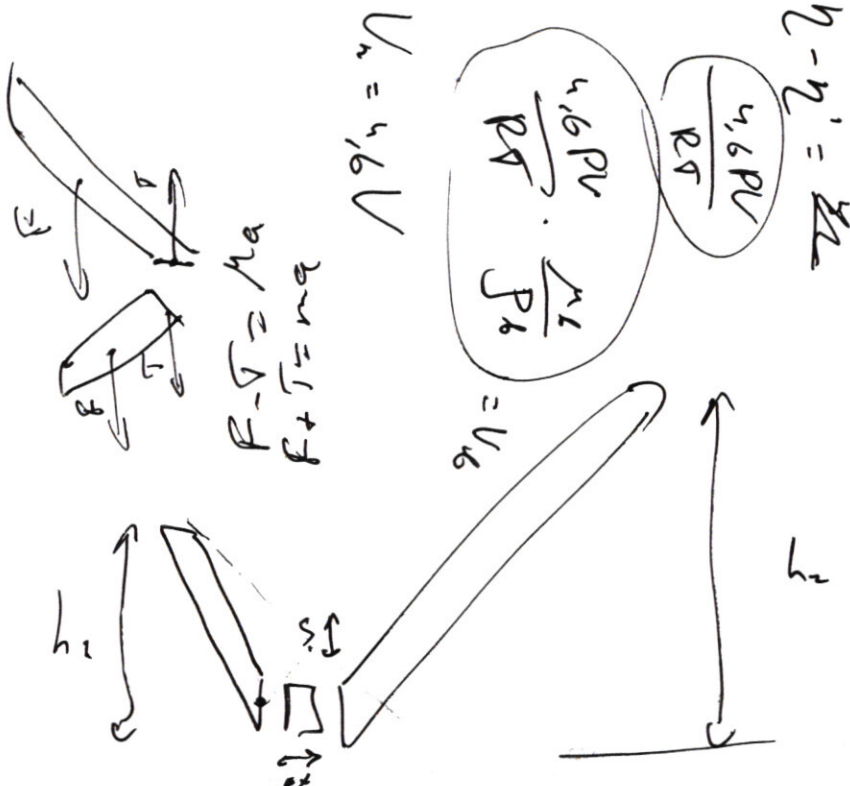
$$\rightarrow p_n = \frac{p}{RT}$$

$$P(V-\Delta V) = (n-\Delta n)RT$$



$$V\Delta n - \Delta V n = \Delta n \Delta V$$

$$V\Delta n - \Delta V n = \Delta n \Delta V$$



$$\frac{V_1 p_1}{RT} \cdot \frac{p_1}{p_1} = \frac{V_1}{RT}$$

$$V_1 = V_1$$

$$p_1 - p_2 = m a$$

$$pgh_2 S - pgh_1 S = m a$$

$$pgh_2 S - pgh_1 S = p \Delta x S$$

$$gh_2 - gh_1 = \Delta x a$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1

Дано:

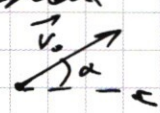
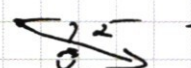
$$v_0 = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\alpha = 30^\circ$$

$$v_y - ?$$

$$t - ?$$

$$h - ?$$

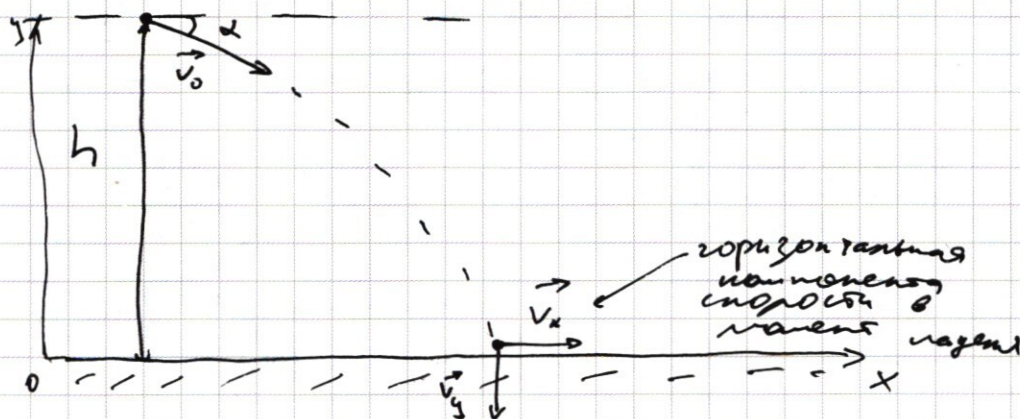
1) Если бы гайка была брошена под углом к горизонту так:  то какое-то время она отдалась бы от горизонтальной поверхности Земли, что противоречит условию. Значит, она была брошена так: 

h - высота, с которой брошена гайка.

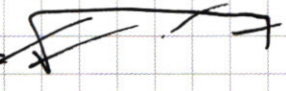
t - время полета гайки

v_y - вертикал.

вертикальная компонента скорости при падении на Землю



В момент броска: вертикальная компонента скорости $v_0 \cdot \sin \alpha$, горизонтальная $v_0 \cdot \cos \alpha$.
В момент В момент удара о Землю: вертикальная компонента v_y , горизонтальная $v_x = v \cdot \cos \alpha$, т.к. по оси Ox на гайку не действуют силы.

Принимая начальная скорость V_0 

а конечная $2V_0 = \sqrt{V_y^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha} \Rightarrow$

$$\Rightarrow 4V_0^2 = V_y^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_y^2 = 4V_0^2 - V_0^2 \cos^2 \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_y = \sqrt{V_0^2 (4 - \cos^2 \alpha)} = V_0 \cdot \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} = V_y$$

$$V_y = 10 \cdot \sqrt{4 - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = 10 \cdot \sqrt{4 - \frac{3}{4}} =$$

$$= 10 \cdot \sqrt{\frac{13}{4}} = \frac{10}{\sqrt{4}} \cdot \sqrt{13} = 5 \cdot \sqrt{13}$$

т.к. $\sqrt{16} = 4$, а $\sqrt{9} = 3$, то $\sqrt{13} \approx 3,6$

Тогда $V_y = 5 \cdot 3,6 = 18 \frac{\text{м}}{\text{с}} = V_y$

$$\begin{array}{r} \times 3,6 \\ 3,6 \\ \hline + 216 \\ 108 \\ \hline 1296 \end{array}$$

2) Вначале вертикальная сост. была

$V_0 \cdot \sin \alpha$, а через время t стала V_y .

Тогда: $V_0 \cdot \sin \alpha + gt = V_y \Rightarrow gt = V_y - V_0 \sin \alpha \Rightarrow$

$$\Rightarrow t = \frac{V_y - V_0 \cdot \sin \alpha}{g}$$

$$\begin{array}{r} \times 1,3 \\ 1,3 \\ \hline + 39 \\ 13 \\ \hline 1,69 \approx 1,7 \end{array}$$

$$t = \frac{18 - 10 \cdot 0,5}{10} = \frac{13}{10} = 1,3 \text{ с} = t$$

3) При равноускоренном движении путь равен

$$S(t) = V_0 \cdot t + \frac{at^2}{2}. \text{ В данном случае}$$

получим: $h = V_0 \cdot \sin \alpha \cdot t + \frac{gt^2}{2}$

$$h = 10 \cdot 0,5 \cdot 1,3 + \frac{10 \cdot 1,3^2}{2} \approx 6,5 + 5 \cdot 1,7 = 6,5 + 8,5 = 15 \text{ м} = h$$

Ответ: 1) $18 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; 2) $1,3 \text{ с}$; 3) 15 м

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:
 S
 $m, M = 2m$
 μ

$F_{\text{отр}} - ?$
 $F_0 - ?$
 $t - ?$

Рассмотрим силы, действ. на человека
и на ящик (+ ещё две силы наст.
каната, чтобы показать равновесие сил).

Тогда как человек и ящик движутся с
одной и той же скоростью F_0 , их $\vec{a}$ з.п.
векторы равномерны и прямолинейны ($a=0$),
а значит сумма проекц. сил на оси Ox и Oy
у обоих будут равны нулю. Тогда:

(N - сила реакц. со стороны ящика), ($F_{\text{отр}}$ - реакция пола, здесь $F_{\text{тр}} = \mu F_{\text{отр}}$)
 α - угол, при котором сила N образ. с горизонталью).

Тогда:

Для человека: $Ox: F_0 = N \cdot \cos \alpha$ (1)
 $Oy: mg = N \cdot \sin \alpha$ (2)

Для ящика: $Ox: F_0 + N \cdot \cos \alpha = \mu F_{\text{отр}}$ (3)
 $Oy: F_{\text{отр}} = 2mg + N \sin \alpha$ (4)

из (1) в (3) подставляем $N \cdot \cos \alpha$, из (2) в (4) подставляем $N \cdot \sin \alpha$ и получаем:

$$F_0 + F_0 = \mu F_0 \sin \alpha \Rightarrow 2F_0 = \mu F_0 \sin \alpha \quad (5)$$

$$F_0 \sin \alpha = 2mg + mg \Rightarrow \boxed{F_0 \sin \alpha = 3mg}$$

$$F_0 \sin \alpha = 3mg$$

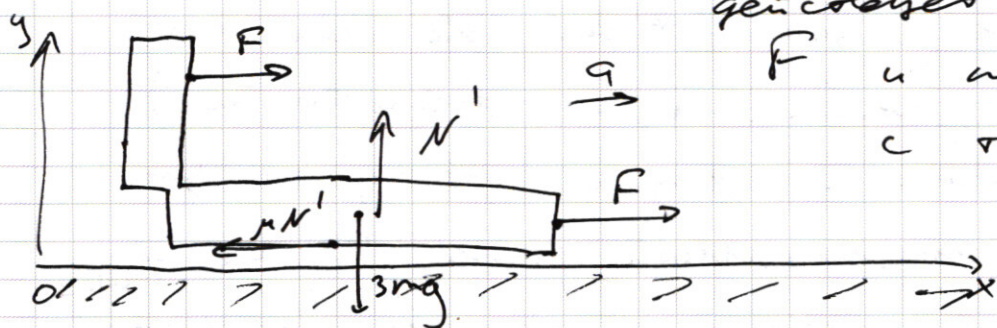
2) из (5): $2F_0 = \mu F_0 \sin \alpha \Rightarrow$

$$\Rightarrow 2F_0 = \mu \cdot 3mg \Rightarrow \boxed{F_0 = \frac{3\mu mg}{2}}$$

3) Представим человека и ящик единым телом:

На человека наша сила действует с силой F и на ящик с такой же.

Их суммарная масса $3mg$.



Движется он будет с ускорением a .

OY: $N' = 3mg$, т.к. $a_y = 0$

OX: $F + F - \mu N' = 3m \cdot a \Rightarrow$

$$\Rightarrow 2F - 3\mu mg = 3ma \Rightarrow a = \frac{2F}{3m} - \mu g$$

Изначально система покоится $\Rightarrow v_0 = 0$

$$S = \frac{at^2}{2} \Rightarrow t^2 = \frac{2S}{a} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{a}}$$

$$\boxed{t = \sqrt{\frac{2S}{\frac{2F}{3m} - \mu g}}} = \sqrt{\frac{6Sm}{2F - 3\mu mg}}$$

Ответ: 1) $F_{\text{нч}} = 3mg$; 2) $F_0 = \frac{3\mu mg}{2} = 1.5\mu mg$; 3) $t = \sqrt{\frac{2S}{\frac{2F}{3m} - \mu g}} = \sqrt{\frac{6Sm}{2F - 3\mu mg}}$

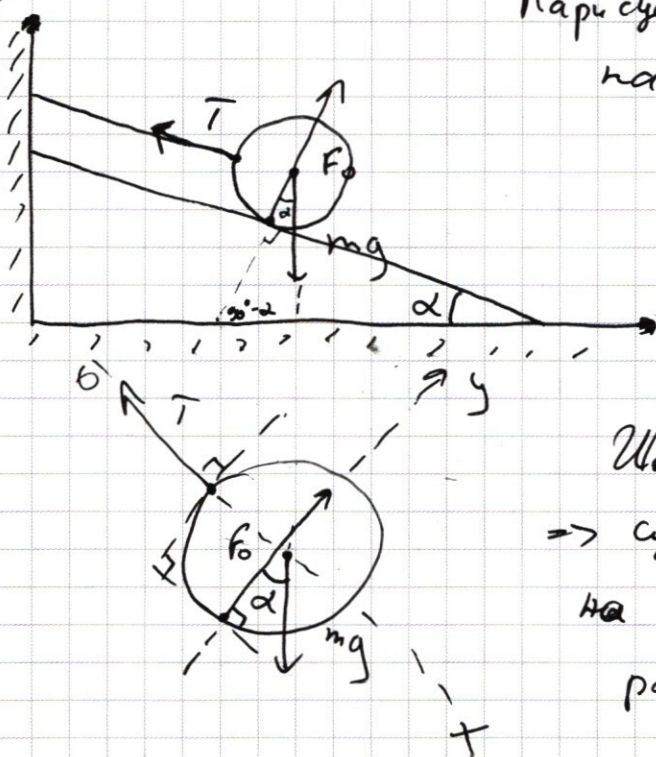
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 3

Дано: 1)
 m, R
 α
 L

 F_0 - ?
 F_1 - ?

Нарисуйте силы, действующие на шар.

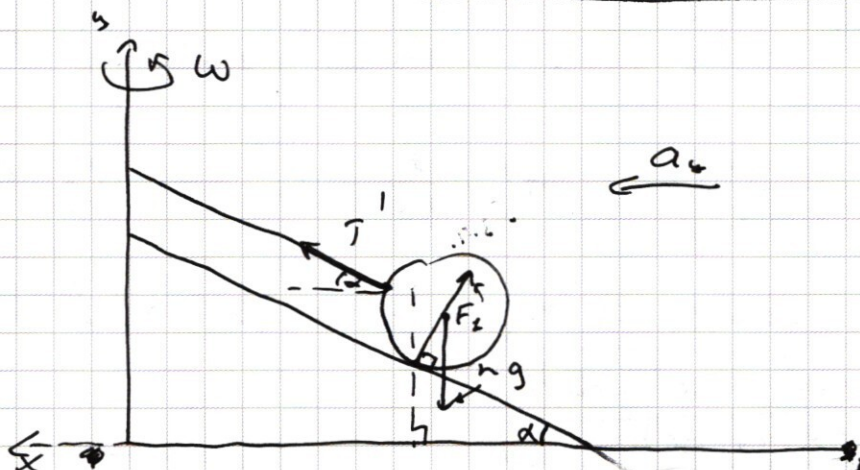


Шар покоится $\Rightarrow$
 $\Rightarrow$ сумма проекций сил
на Ox и Oy
равна нулю.

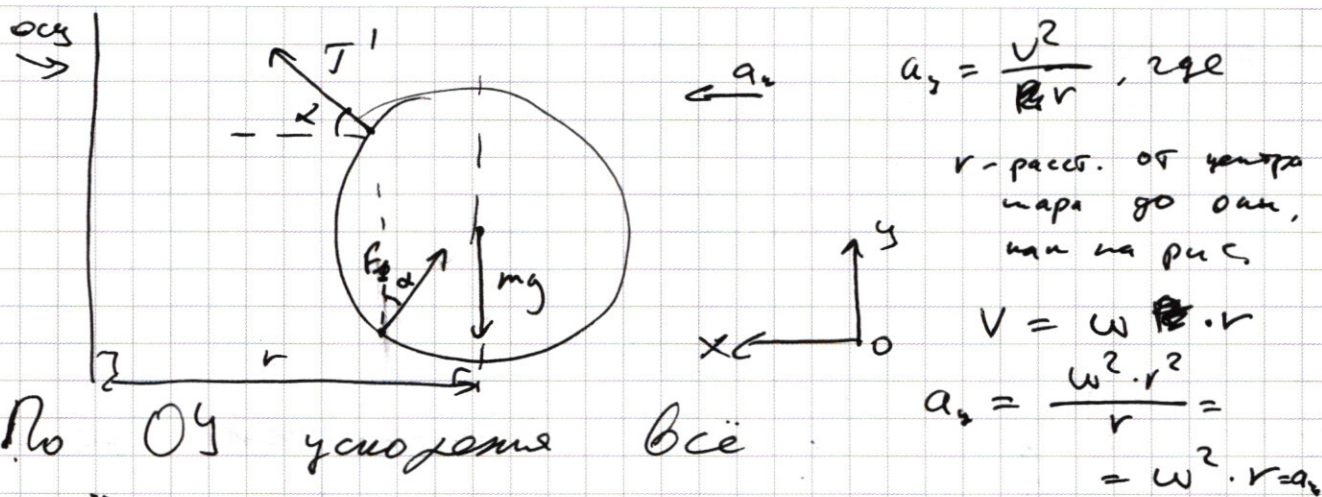
Тогда: $Ox: mg \cdot \sin \alpha = T$

$Oy: F_0 = mg \cdot \cos \alpha$

2)



Теперь у
шара появится
центростремительное
ускорение,
напр.
к оси вращения
и перп. ей.
Расставьте
силы, действующие
на шар.



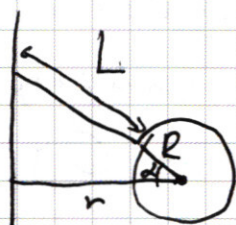
По Oy учтем все

еще 0: ~~Oy: $F_2 \cdot \cos \alpha = mg$~~

Oy: $F_2 \cdot \cos \alpha + T' \cdot \sin \alpha = mg$ (1)

Ox: $T' \cdot \cos \alpha - F_2 \cdot \sin \alpha = ma \Rightarrow$

$\Rightarrow T' \cdot \cos \alpha - F_2 \cdot \sin \alpha = m \omega^2 \cdot r$



$r = (L + R) \cdot \cos \alpha$

$T' \cdot \cos \alpha - F_2 \cdot \sin \alpha = m \omega^2 \cdot \cos \alpha (L + R)$ (2)

Из (1): $T' \cdot \sin \alpha = mg - F_2 \cdot \cos \alpha \Rightarrow$

$\Rightarrow T' = \frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{F_2}{\tan \alpha}$ и подставляем T' в (2):

$\frac{mg}{\tan \alpha} - \frac{F_2 \cdot \cos \alpha}{\tan \alpha} - F_2 \cdot \sin \alpha = m \omega^2 \cos \alpha (L + R) \Rightarrow$

$\Rightarrow F_2 \left(\sin \alpha + \frac{\cos \alpha}{\tan \alpha} \right) = m \left(\frac{g}{\tan \alpha} - \omega^2 \cdot \cos \alpha (L + R) \right) \Rightarrow$

$\Rightarrow F_2 (\sin \alpha \tan \alpha + \cos \alpha) = m (g - \omega^2 \sin \alpha (L + R)) \Rightarrow$

$\Rightarrow F_2 = \frac{m(g - \omega^2 \sin \alpha (L + R))}{\sin \alpha \tan \alpha + \cos \alpha}$

Ответ: 1) $F_0 = mg \cdot \cos \alpha$; 2) $F_1 = \frac{m(g - \omega^2 \sin \alpha (L + R))}{\cos \alpha + \sin \alpha \tan \alpha}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

115

1) Допустим, что вытеснен объём газа ΔV
 $P = P_0$

Дано:

$$T = 27^\circ\text{C} = 300\text{ K}$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$$

$$P = P_0 = 1000 \frac{\text{мг}}{\text{см}^3} \quad t = 5,6$$

$$\frac{P_n}{P_0} - ?$$

$$\frac{V_n}{V_0} - ?$$

1) Допустим, что вытеснен
объём газа ΔV и кол-во
молей η . Тогда:

$PV = \eta RT$ (1) Через некоторое
время объём газа ΔV , в
котором $\Delta \eta$ молей вещества,
смонденировался. Тогда газ
оставшегося газа верно:

$$P(V - \Delta V + \Delta V \frac{P_n}{P_0}) = (\eta - \Delta \eta) RT \quad (2)$$

↑ так как
что объёма
через газ
вогда.

Поделим (2) на (1):

$$\frac{V - \Delta V + \Delta V \frac{P_n}{P_0}}{V} = \frac{\eta - \Delta \eta}{\eta} \Rightarrow V \eta + \Delta V \eta \frac{P_n}{P_0} - \Delta V \eta =$$

$$= \eta V - V \Delta \eta \Rightarrow -\Delta V \eta \frac{P_n}{P_0} + \Delta V \eta = \Delta \eta V$$

$$\text{Из (1): } PV = \eta RT \Rightarrow V = \frac{\eta RT}{P}$$

$$\Delta V \eta - \Delta V \eta \frac{P_n}{P_0} = \frac{\Delta \eta \cdot \eta RT}{P} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta V - \Delta V \frac{p_n}{p_k} = \frac{\Delta n R T}{P} \quad (3)$$

Этот Δn равен из термод. сост. равенств в равновесии, применим закон сохр. массы газа этого перехода: $\underbrace{\Delta V \cdot p_n}_{\text{масса испар. пара}} = \underbrace{\Delta n \cdot \mu}_{\text{масса молекул газа}} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \Delta n = \frac{\Delta V \cdot p_n}{\mu} \quad (4)$$

подст. (4) в (3): $\Delta V - \Delta V \frac{p_n}{p_k} = \frac{R T \cdot \Delta V \cdot p_n}{P \mu} \Rightarrow$

$$\Rightarrow 1 = \frac{p_n}{p_k} + \frac{p_n R T}{P \mu} \Rightarrow 1 = p_n \left(\frac{1}{p_k} + \frac{R T}{P \mu} \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1 = p_n \left(\frac{P \mu + p_k R T}{p_k P \mu} \right) \Rightarrow p_n = \frac{p_k P \mu}{P \mu + p_k R T}$$

тогда $\frac{p_n}{p_k} = \frac{p_k P \mu}{p_k (P \mu + p_k R T)} = \boxed{\frac{P \mu}{P \mu + p_k R T} = \frac{p_n}{p_k}}$

$$\frac{p_n}{p_k} = \frac{3550 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{3550 \cdot 18 \cdot 10^{-3} + 1000 \cdot 8,31 \cdot 300} = \frac{60,3}{60,3 + 2493000} \approx 24 \cdot 10^{-6} = \frac{p_n}{p}$$

$$\begin{array}{r} \times 335 \\ 18 \\ \hline + 2680 \\ 335 \\ \hline 6030 \end{array}$$

$$3350 \cdot 18 \cdot 10^{-3} = 60,3$$

$$\begin{array}{r} 831 \\ \times 3 \\ \hline 2493 \end{array}$$

$$1000 \cdot 8,31 \cdot 3 \cdot 100 = 2493000$$

Ответ: 1) $24 \cdot 10^{-6}$; 2) $24 \cdot 10^{-6}$

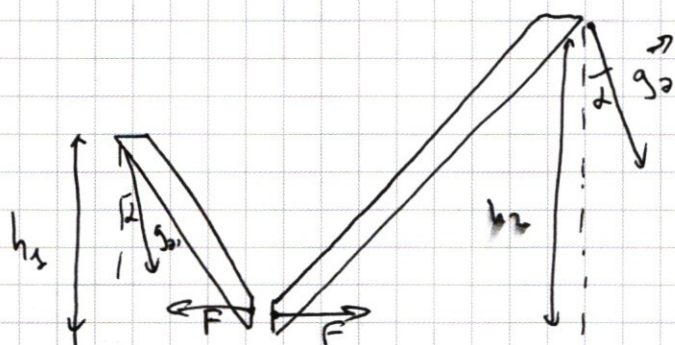
$$\begin{array}{r} 6030000 \\ - 50000 \\ \hline 10000 \end{array} \quad \begin{array}{r} 24930603 \\ 0,00024 \end{array}$$

2) Вывод: $\forall PV = n R T$
 Когда молекулы газа $PV = n' R T$
 Когда молекулы газа $2 \cdot n' = \frac{P'V - PV}{R T}$
 Когда молекулы газа $\frac{P'V - PV}{R T} \cdot \frac{\mu}{p_k} = \frac{V(\gamma - 1)}{V(\gamma - 1)}$
 Тогда $\frac{V_n}{V_k} = \frac{\frac{P'V - PV}{R T} \cdot \frac{\mu}{p_k}}{V(\gamma - 1)} = \frac{P \mu}{p_k R T} = \frac{U_n}{U_k} =$
 $= \frac{3550 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{1000 \cdot 8,31 \cdot 300} \approx 24 \cdot 10^{-6} = \frac{U_n}{U_k}$

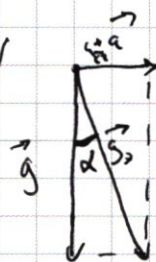
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1/24

1) Разложим всю массу на две части:
та, что находится в правом конце и та,
что находится в левом конце и
рассмотрим их взаимодействие:



Предположим, что
матрица не дефини-
тезна в се (0) .
В таком CO g эффер.
Будет $g_2 = \sqrt{g^2 + a^2}$



$$g = \frac{8\pi^2}{c^2}$$

$$W \hat{=} \frac{10}{c_2} \quad \cos \alpha = \frac{10}{10,8}$$

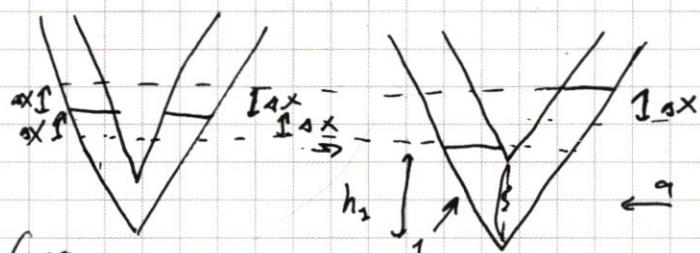
$$\sqrt{10^2 + 4^2} = \sqrt{116} \approx 10,8$$

$$\begin{array}{r} 10,8 \\ \times 10,8 \\ \hline 864 \\ + 108 \\ \hline 116,64 \end{array} \quad \begin{array}{r} 10,7 \\ \times 10,7 \\ \hline 749 \\ + 107 \\ \hline 114,49 \end{array} \quad g_2 = 10,8 \frac{\text{Å}}{\text{Å}}$$

$$\begin{array}{r} 100^{\circ} 10.8 \\ - 92^{\circ} 9.2 \\ \hline 286 \end{array}$$

(Other: $h_2 = 18 \text{ cm}$)

Object: $0^{\frac{1}{2}}$; $0^{\frac{1}{2}}$



Лечебное на уклон "1"
уменьшение на 90х-5
Отв на Пог ее возг.

пусть движется с ускорением

$$\Rightarrow f_{sx} = \frac{h_2 s_g}{g_{sx}} = \frac{40}{10} = 4$$

$$\therefore X = 4 \text{ cm} \quad \text{2nd case: } h_2 = h_1 + 2\Delta x = 12 \text{ cm} - h_1$$

2) Вывод: $\gamma PV = \eta RT \Rightarrow \eta = \frac{\gamma PV}{RT}$

В данный момент: $PV = \eta' RT \Rightarrow \eta' = \frac{PV}{RT}$

Значит кол-во молей газа, выделилось. 6

изм. сист: $\eta - \eta' = \frac{PV(\gamma - 1)}{RT}$

Найдём объём воды, который образует

$\eta - \eta'$ молей водорода: $\frac{PV(\gamma - 1)}{RT} \cdot \frac{\mu}{\rho}$

При этом в тот же

момент газ занимает объём V .

Тогда $\frac{V_n}{V_0} = \frac{\gamma}{\frac{PV(\gamma - 1) \cdot \mu}{RT \rho}} = \left(\frac{RT \rho}{P \mu (\gamma - 1)} \right) = \frac{V_n}{V_0}$

$\frac{V_n}{V_0} = \frac{8,31 \cdot 300 \cdot 1000}{3550 \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot 4,6} = \frac{2493000}{60,3 \cdot 4,6} \approx$

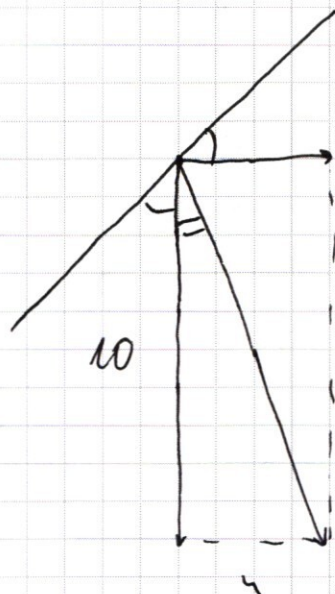
$\approx \frac{2493}{277} \cdot 10^3 = 9 \cdot 10^3 = 9000 \left(\frac{V_n}{V_0} \right)$

$\begin{array}{r} \times 60,3 \\ \times 4,6 \\ \hline + 3618 \\ 2412 \\ \hline 277,38 \approx 277 \end{array}$

Ответ: 1) $24 \cdot 10^{-6}$; 2) 9000

$\begin{array}{r} 2493 \\ 2493 \\ \hline 0 \end{array} \bigg| \begin{array}{r} 277 \\ 9 \end{array}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\cos \alpha \approx$$

$\cos$

