

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 10

Вариант 10-04

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не оцениваются.

1. Мальчик бросает железный шарик с вышки со скоростью $V_0 = 8$ м/с под углом $\alpha = 60^\circ$ к горизонту. В полете шарик все время приближался к горизонтальной поверхности Земли и упал на нее со скоростью $2,5V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости шарика при падении на Землю.
- 2) Найти время полета шарика.
- 3) Найти горизонтальное смещение шарика за время полета.

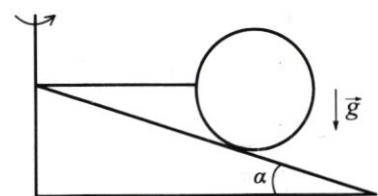
Ускорение свободного падения принять $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха не учитывать.

2. На противоположных концах тележки массы M , находящейся на гладкой горизонтальной поверхности, стоят два ученика одинаковой массы m каждый. Вначале система неподвижна. Один ученик бросает мяч, а другой ловит. Масса мяча m_1 . После броска тележка движется со скоростью V_1 . Продолжительность полета мяча T . Силу сопротивления воздуха считайте пренебрежимо малой.

- 1) Найдите горизонтальную проекцию скорости V_0 мяча (относительно поверхности, на которой находится тележка) в процессе полета.
- 2) Найдите длину L тележки.
- 3) Найдите скорость V_2 тележки после того, как второй ученик поймает мяч.

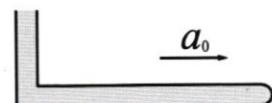
3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается горизонтально натянутой нитью, привязанной к вершине клина.

- 1) Найти силу натяжения нити, если система покоятся.
- 2) Найти силу натяжения нити, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина.



4. Тонкая Г - образная трубка с горизонтальным коленом, закрытым с одного конца, и вертикальным коленом высотой $H = 48$ мм, открытым в атмосферу, заполнена полностью ртутью (см. рис.). Если трубку двигать (в плоскости рисунка) с ускорением, не большим некоторого a_0 , то ртуть из трубки не выливается.

- 1) Найти давление P_1 внутри трубки в точке А, находящейся от вертикального колена на расстоянии $1/2$ длины горизонтального колена, если трубка движется с ускорением a_0 .
- 2) Найти давление P_2 в точке А, если трубка движется с ускорением $0,25a_0$.
- 3) Найти давление P_3 вблизи закрытого конца трубки, если она движется с ускорением $0,3a_0$.



Атмосферное давление $P_0 = 752$ мм рт. ст. Давлением насыщенных паров ртути в условиях опыта пренебречь. Ответы дать в «мм рт. ст.».

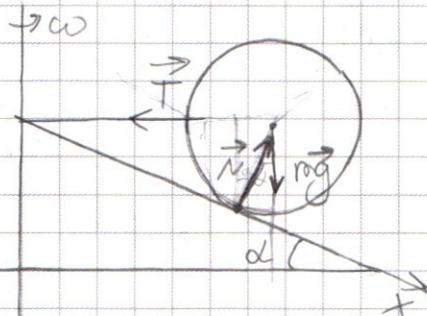
5. Поршень делит объем горизонтального герметичного цилиндра на две равные части, в каждой из которых находится вода и водяной пар при температуре $T = 373$ К. Масса воды в каждой части в 4 раза меньше массы пара. Поршень находится на расстоянии $L = 0,4$ м от торцов, площадь поперечного сечения поршня

$S = 25$ см². Масса M поршня такова, что $\frac{Mg}{S} = 0,02P_0$, здесь P_0 – нормальное атмосферное давление.

- 1) Найдите массу m воды в каждой части в начальном состоянии.
- 2) Цилиндр ставят на дно (ось цилиндра вертикальна). Найдите приращение Δm массы воды под поршнем к моменту установления равновесного состояния.

Температура в цилиндре поддерживается постоянной. Трение считайте пренебрежимо малым. Молярная масса водяного пара $\mu = 18$ г/моль, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К). Объем воды намного меньше объема пара.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№3

1) когда система покоятся

$$\sum \vec{F} = 0 \text{ (сумма сил)}$$

$$\sum \vec{T} = 0 \text{ (сумма моментов сил)}$$

$$\sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{T} + \vec{mg} + \vec{N} = 0$$

суммируем ма по x, параллельно плоскости

плана

$$mg \sin \alpha - T \cos \alpha = 0 \Rightarrow T = mg \tan \alpha$$

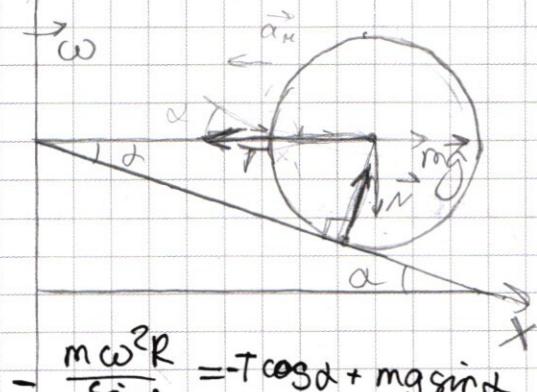
или

$$\sum \vec{T} = 0 \Rightarrow \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i = 0 \text{ относительно точки касания шара и}$$

плана

$$\vec{r}_{mg} \times \vec{mg} + \vec{r}_T \times \vec{T} = 0 \Rightarrow R \sin \alpha \cdot mg + R \cos \alpha \cdot T = 0 \Rightarrow T = mg \tan \alpha$$

2)



$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{N} + \vec{mg} + \vec{T} = m \vec{a}$$

$$\vec{a} = \vec{\omega} \times [\vec{\omega} \times \vec{r}] \quad r = \frac{R}{\sin \alpha}$$

суммируем ма x

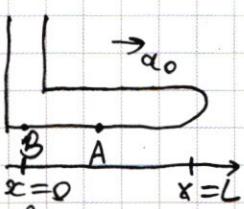
$$- \frac{m \omega^2 R}{\sin \alpha} = -T \cos \alpha + mg \sin \alpha$$

$$T \cos \alpha = mg \sin \alpha + \frac{m \omega^2 R}{\sin \alpha} \Rightarrow T = \boxed{mg \tan \alpha + \frac{m \omega^2 R}{\cos \alpha \sin \alpha}}$$

Ответ: 1) $T_1 = mg \tan \alpha$

2) $T_2 = mg \tan \alpha + \frac{m \omega^2 R}{\cos \alpha \sin \alpha}$

№2



н.к. при $\alpha \leq \alpha_0$ ртуть не выливается \Rightarrow

вертикальное колено заполнено полностью \Rightarrow

$$P_B = P_0 + \rho g H \quad , \rho - \text{плотность ртути}, g - \text{ускорение свободного}$$

расположение малый участок в горизонтальном колене ~~от падения~~

$$\Delta m = \rho \Delta x S \Rightarrow \rho \Delta x S \alpha = \Delta P \Rightarrow \Delta m = \Delta P \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \rho \alpha \sum \Delta x = - \sum \Delta P \Rightarrow \rho \alpha x = P_B - P(x) \Rightarrow P(x) = P_B - \rho \alpha x$$

$$P_B = P(x=0)$$

$$P \geq 0 \Rightarrow \text{при } \alpha = \alpha_0 \quad P(L) = 0 \Rightarrow P_B - \rho \alpha_0 L = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \rho \alpha_0 L = P_0 + \rho g H$$

$$P_1 = P(x=\frac{L}{2}) = P_B - \rho \frac{\alpha_0 L}{2} = P_0 + \rho g H - \frac{P_0 + \rho g H}{2} = \frac{P_0 + \rho g H}{2}$$

$$\frac{\rho g H}{H = 48 \text{ мм}} \Rightarrow \rho g H = 48 \text{ ми. рм. см.} \Rightarrow P_1 = \frac{752 + 48}{2} = 400 \text{ ми. рм. см.}$$

$$P_2 = P_B + \frac{\rho \alpha_0 \cdot 0,25 L}{2} = P_0 + \rho g H + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} (P_0 + \rho g H) =$$

$$= (P_0 + \rho g H) \cdot \frac{7}{8} = 800 \cdot \frac{7}{8} = 700 \text{ ми. рм. см.}$$

$$P_3 = P_B + \rho L \cdot 0,3 \alpha_0 = P_B P_0 + \rho g H - 0,3 (P_0 + \rho g H) = 0,7 (P_0 + \rho g H) = 0,7 \cdot 800 = 560 \text{ ми. рм. см.}$$

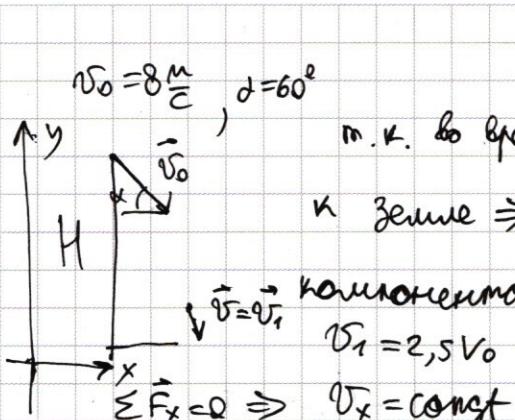
$$\boxed{\text{Ответ: } P_1 = 400 \text{ ми. рм. см.}}$$

$$P_2 = 700 \text{ ми. рм. см.}$$

$$P_3 = 560 \text{ ми. рм. см.}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

≈ 1



$V_0 = 8 \frac{m}{s}$, $\alpha = 60^\circ$

м.к. во время полета тяготин все время прибавляется к земле \Rightarrow ~~неконечно~~ начальная вертикальная компонента скорости направлена вниз

$\sum F_x = 0 \Rightarrow V_x = \text{const}$

$V_x = V_0 \cos \alpha$

$V_y = V_0 \sin \alpha + gt$

$V^2 = V_x^2 + V_y^2 \Rightarrow V_y = \sqrt{V_1^2 - V_x^2} = \sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha V_0^2} =$

$= \sqrt{6,25 - 0,25 V_0^2} = \sqrt{6} V_0 = 8\sqrt{6} \approx 19,5 \frac{m}{s}$

$V_y = V_0 \sin \alpha + gt \Rightarrow t = \frac{V_y - V_0 \sin \alpha}{g} = \frac{\sqrt{V_1^2 - V_x^2} - V_0 \sin \alpha}{g} = \frac{\sqrt{6} V_0 - \frac{\sqrt{3}}{2} V_0}{g} =$

$= \frac{2\sqrt{6} - \sqrt{3}}{2g} V_0 \approx 1,26 \text{ с}$

$S_x = V_x t = V_0 \cos \alpha t = \frac{V_0^2}{g} (2\sqrt{6} - \sqrt{3}) \approx 5 \text{ м}$

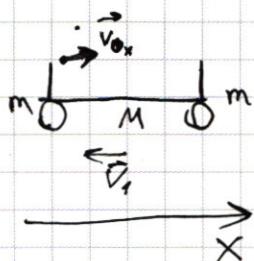
Альтернативный расчет:

$V_y = 19,5 \frac{m}{s} = \sqrt{V_1^2 - V_x^2} = V_0 \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \frac{V_0 \sqrt{3}}{2}$

$t = \frac{2\sqrt{6} - \sqrt{3}}{2g} V_0 = 1,26 \text{ с}$

$S_x = \frac{V_0^2}{g} (2\sqrt{6} - \sqrt{3}) = 5 \text{ м}$

№2



$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \sum \vec{F}_{\text{внеш}}$$

$$\sum \vec{F}_{\text{внеш}} x = 0 \Rightarrow \sum \vec{p}_x = \text{const} \Rightarrow$$

$$(m+m+M)\vec{V}_1 + m_1\vec{v}_0 = 0 \Rightarrow \vec{V}_1 \uparrow \downarrow \vec{v}_0$$

$$V_0 m_1 = (m+M) V_1$$

$$\boxed{V_0 = \frac{(2m+M)V_1}{m_1}}$$

В системе отсчета мгновенной скорости массы V_0)

$$\vec{V}'_0 = \vec{V}_0 - \vec{V}_1 \quad \Rightarrow \quad V'_0 = V_0 + V_1 \Rightarrow V'_0 T = L \Rightarrow L = (V_0 + V_1) T =$$

$$= V_1 T \left(\frac{2m+M}{m_1} + 1 \right)$$

$\sum \vec{p}_x = \text{const} \Rightarrow$ ровно тако^е, как второй участок начали

$$\text{нар} \quad \vec{V}_2 = \frac{1}{2} (2m+M+m_1) = (m+m+M) \vec{V}_1 + m_1 \vec{V}_0 = 0 \Rightarrow V_2 = 0$$

$$\text{Равенство: } V_0 = \frac{(2m+M)V_1}{m_1}$$

$$L = V_1 T \left(\frac{2m+M}{m_1} + 1 \right)$$

$$V_2 = 0$$

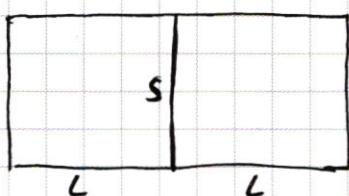
№5

$$n m_8 = m_n \quad | \quad n = 4$$

m_8 - масса водорода

m_n - масса пары

$$V_0 \neq LS$$



м.к. в начале система находится в равновесии, $T = 373K \Rightarrow P = P_0 \Rightarrow$
(пар. массоизменение)

По ур. Каштакова-Менделеева: $VRT = PV \Rightarrow V_m = \frac{P_0 LS}{RT} \Rightarrow m_n = \frac{P_0 LS}{RT} \mu \Rightarrow$

$$\Rightarrow m = \frac{P_0 LS \mu}{n RT} = \frac{P_0 LS \mu}{4 RT} = \frac{10^5 \cdot 0.4 \cdot 2S \cdot 10^{-4} \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{4 \cdot 8.31 \cdot 373} = \frac{10^5 \cdot 10^{-7} \cdot 18}{4 \cdot 8.31 \cdot 373} = \frac{18 \cdot 10^1}{4 \cdot 8.31 \cdot 373} =$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$= \frac{9}{2 \cdot 83,1 \cdot 373} \approx 0,1452 = 1,45 \cdot 10^{-1} \text{a} = 1,45 \cdot 10^4 \text{km}$$

m.k. $T = \text{const}$

$$P_0 = P_H$$

Предположим, что под горизонтом вся вода перешла в пар, \Rightarrow

$$V_1 = V + \frac{V}{n} = \frac{5}{4} V \quad P_1 V_1 = V_1 RT \Rightarrow V_1 \approx \frac{V(n+1)RT}{h(P_0 - \frac{Mg}{S})}$$

под горизонтом пар насыщенный $\Rightarrow P = P_0 \Rightarrow P_1 = P_0 - \frac{Mg}{S} = 0,98 P_0$

$$P_0(2V_0 - V_1) = V_1 RT \quad \rightarrow \text{если } 2V_0 - V_1 > 0 \text{ то } \text{пар под горизонтом}$$

$$V_1 = \frac{P_0 \left(2V_0 - \frac{V(n+1)RT}{h(P_0 - \frac{Mg}{S})} \right)}{RT} = \frac{P_0 + 2V_0 - \frac{5}{4} \frac{VRT}{0,98 P_0}}{RT} \approx \frac{3P_0 V_0}{4RT} = \frac{3}{4} V$$

$$\Delta m = (V - V_1) \mu = \left(V - \frac{3}{4} V \right) \mu = \frac{V}{4} \mu = m = 1,45 \cdot 10^4 \text{km}, \Delta m \leq \frac{P_0 L S}{RT} \mu$$

$$\text{Ответ: } m = \frac{P_0 L S \mu}{RT} = 1,45 \cdot 10^4 \text{km}$$

$$\Delta m = \frac{P_0 L S \mu}{RT} \left(1 - 2 - \frac{(n+1) P_0}{h(P_0 - \frac{Mg}{S})} \right) \approx 1,45 \cdot 10^4 \text{m}$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Δ

V_0 V_1

m m

O O

$T = 10^{5-4-3} = 10^{-2}$

$(V_0 + V_1)T = 1L$

$\sum F_{\text{гидр}} = 0$

$2V_0 P_0 \geq \frac{5}{4} VRT = \frac{5}{4} P_0 V_0$

$V_1 = V_2$

m

μ

$L = 0,1m$

$T = 373K$

$V = \frac{S}{U} V$

$VRT = PV$

$V = \frac{P_0 V}{RT}$

$m = \frac{P_0 L S}{R T}$

$10^5 \cdot 10^{-2} \cdot 1 \cdot 0.1 =$

0.03221

$\Delta m = \rho \Delta S$

$\Delta P \Delta x = P_1 - P_0$

$2493 - 1000 = 1493$

$1000 - 0 = 1000$

$P(L) = P_0 + \rho g L$

$P = P_0 + \rho g h - \rho g L = P_0 + \rho g (h - L)$

$0,03221 \cdot 1000 = 32.21$

$1000 - 32.21 = 967.79$

$1000 - 32.21 = 967.79$

$$\frac{P_1 + \frac{Mg}{S}}{S} = P_0$$

$$(P' + P_0) ($$

$$\frac{P_1 + \frac{Mg}{S}}{S} \geq P_0 \quad V_1 P_1 = \frac{5}{4} V_0 P_0$$

$$\frac{5}{4} V_0$$

$$\left(P_1 + \frac{Mg}{S} \right) (V_0 - V_1) = VRT$$

$$V_2 = V_p = \frac{S}{4} \frac{V_0}{0,98}$$

$$P_1 = 0,98 P_0$$

$$c_2 P_0$$

$$\frac{2}{100} = \frac{1}{50}$$

$$7,25 \cdot 10^{-6}$$

$$\frac{5}{8}$$

~~$\frac{5}{8}$~~

$$5 \cdot 10^{-5}$$

$$V^2 = P_0 V_0 \left(2 - \frac{5}{4 \cdot 0,98} \right)$$

$$VRT = \left(P_0 + \frac{Mg}{S} \right) (V_0 - \Delta V)$$

$$\Delta V = \frac{Mg}{S}$$

$$\frac{3}{4} P_0 V_0$$

$$VRT = (V_0 + \Delta V)$$

$$V^2 = \frac{3}{4} V$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

--	--	--

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)