

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Класс 10 Вариант 10-01

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложений не принимаются.

- 1.** Камень бросают с вышки со скоростью $V_0 = 8 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 60^\circ$ к горизонту. В полете камень все время приближался к горизонтальной поверхности Земли и упал на нее со скоростью $2,5V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости камня при падении на Землю.
- 2) Найти время полета камня.
- 3) Найти горизонтальное смещение камня за время полета.

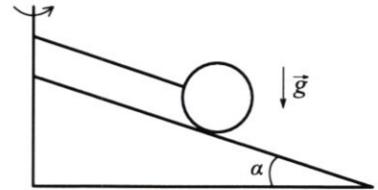
Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

- 2.** Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 5m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



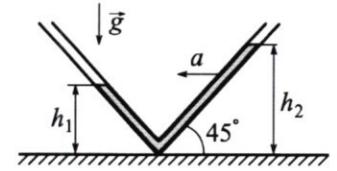
- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) Какой скорости достигнет ящик, если человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

- 3.** Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.



- 1) Найти силу натяжения нити, если система покойится.
- 2) Найти силу натяжения нити, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.

- 4.** Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении уровни масла в коленах трубы устанавливаются на высотах $h_1 = 8 \text{ см}$ и $h_2 = 12 \text{ см}$.



- 1) Найдите ускорение a трубы.
- 2) С какой максимальной скоростью V будет двигаться жидкость относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет»)?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Действие сил трения пренебрежимо мало.

- 5.** В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 95°C и давлении $P = 8,5 \cdot 10^4 \text{ Па}$. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшился в $\gamma = 4,7$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, $\mu = 18 \text{ г/моль}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№. Даво: | Решение

$$V_0 = 8 \text{ м/с}$$

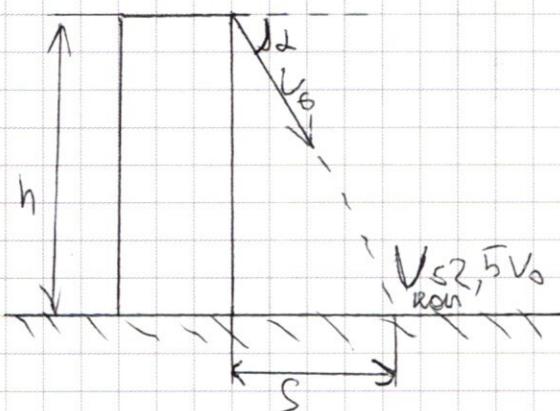
$$\alpha = 60^\circ,$$

$$V_s = 2,5 V_0$$

$$1) V_y - ?$$

$$2) t_n - ?$$

$$3) S_x - ?$$



$$2) \begin{cases} V_y = V_0 \sin \alpha + g t; \\ V_x = V_0 \cos \alpha. \end{cases}$$

$V_{\text{кон}}$ равна векторной сумме V_x и V_y за время t_n :

$$V_{\text{кон}} = \sqrt{(V_0 \sin \alpha + g t_n)^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha}$$

$$(2,5 V_0)^2 = V_0^2 \sin^2 \alpha + 2 g t_n V_0 \sin \alpha + g^2 t_n^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha$$

$$6,25 V_0^2 = V_0^2 (\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha) + 2 g t_n V_0 \sin \alpha + g^2 t_n^2$$

$$g^2 t_n^2 + 2 g t_n V_0 \sin \alpha - 5,25 V_0^2 = 0$$

$$\Delta = 4 g^2 V_0^2 \sin^2 \alpha + 21 V_0^2 g^2$$

$$t_n = \frac{-2 g V_0 \sin \alpha + \sqrt{4 g^2 V_0^2 \sin^2 \alpha + 21 V_0^2 g^2}}{2 g} = \frac{V_0 \sqrt{45 \sin^2 \alpha + 21 - 2 V_0^2 g^2}}{2 g}$$

$$= \frac{V_0}{2 g} \left(\sqrt{45 \sin^2 \alpha + 21} - 2 \sin \alpha \right) = \frac{8}{20} \left(\sqrt{24} - \sqrt{3} \right) = \frac{10}{20} = 0,5 \text{ с}$$

$$= \frac{2 \sqrt{3}}{5} / (2 \sqrt{2} - 1) \approx \frac{2 \cdot 1,7}{5} (2,8 - 1) = 0,68 \cdot 1,8 = 1,224 \text{ с}$$

$$1) V_y = V_0 \sin \alpha + g t = 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + 10 \cdot 1,224 = 4 \cdot 1,7 + 12,24 = 19,04 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

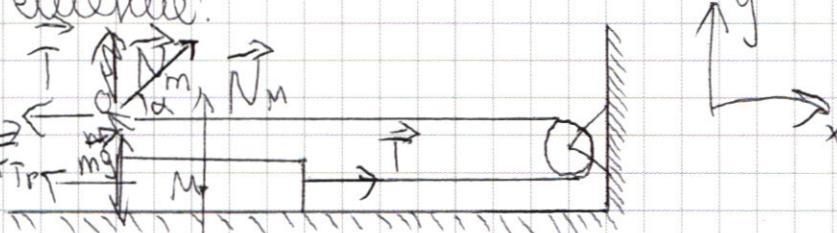
3) S - ~~вспомогательное~~ движение:

$$S = V_0 \cos \alpha t_h = \frac{1}{8} \cdot 1,22h = 4,896 \text{ м}$$

Ответ: 1) 19,04 $\frac{\text{м}}{\text{с}}$, 2) 1,224 с, 3) 4,896 м.

N2 Дано: | Решение:

$$\begin{aligned} S, \text{ м}, \\ M = 5 \text{ м}, r \end{aligned}$$



- 1) N - ?
2) T_min - ?
3) V - ?

1) Составим 1-й закон Ньютона для движущегося:

$$Ox: T = \mu N_{M+m} = \mu (M+m)g = 6\mu mg$$

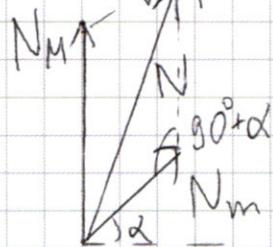
$$Oy: (M+m)g = N_{M+m} = 6mg, N_M = 5mg$$

Составим 1-й закон Ньютона для генерала:

$$Ox: T = N_m \cos \alpha$$

$$Oy: mg \leq N_m \sin \alpha. (1)$$

$$\begin{aligned} \text{Треугольник сил} \Rightarrow N_m &= \sqrt{T^2 + m^2 g^2} = \\ &= \sqrt{36\mu^2 m^2 g^2 + m^2 g^2} \leq mg \sqrt{36\mu^2 + 1} \end{aligned}$$



По теореме косинусов:

$$\begin{aligned} N &= \sqrt{N_m^2 + N_M^2 - 2 N_m N_M \cos(90^\circ + \alpha)} = \\ &= \sqrt{N_m^2 + N_M^2 + 2 N_m N_M \sin \alpha}. \end{aligned}$$

$$U_3 (1): \sin \alpha = \frac{mg}{N_m} \Rightarrow$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow N &= \sqrt{N_m^2 + N_M^2 + 2 N_m mg} = \sqrt{m^2 g^2 (36\mu^2 + 1) + 25m^2 g^2 + 10m^2 g^2} = \\ &= mg \sqrt{36\mu^2 + 1 + 25 + 10} = mg \sqrt{36\mu^2 + 36} = 6mg \sqrt{\mu^2 + 1} \end{aligned}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) Минимальная сила достигается при равномерном движении $\Rightarrow T_{\min} = T = 6\mu mg$

3) Рассмотрим ось X:

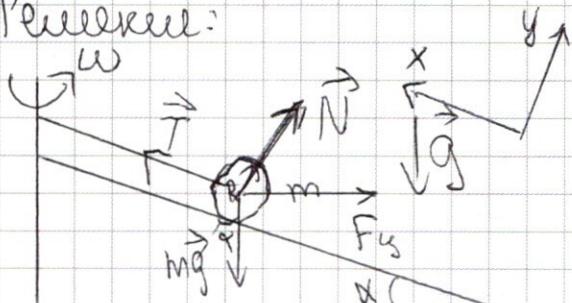
$$F - F_{\text{тр}} = 6ma \Rightarrow a = \frac{F - 6\mu mg}{6m} = \frac{F}{6m} - \mu g$$

$$S = \frac{at^2}{2}, V = at, t = \sqrt{\frac{2S}{a}} \Rightarrow V = \sqrt{2aS} = \sqrt{2S\left(\frac{F}{6m} - \mu g\right)}.$$

Ответ: 1) $mg\sqrt{36\mu^2 + 4g^2}$, 2) $6\mu mg$, 3) $\sqrt{2S\left(\frac{F}{6m} - \mu g\right)}$; 1) $6mg\sqrt{\mu^2 + 1}$

№3 Дано: Решение:

m, R, α, L, ω



1) $T_h - ?$

2) $T_{\text{бр}} - ?$

$$1) T_h = mg \sin \alpha - 0_x$$

$$2) 0_x: F_g \cos \alpha = T_{\text{бр}} - mg \sin \alpha \Rightarrow$$

$$T_{\text{бр}} = F_g \cos \alpha + mg \sin \alpha = m \omega^2 r \cos \alpha + mg \sin \alpha,$$

$$r = (R+L) \cos \alpha \Rightarrow T_{\text{бр}} = m (\omega^2 (R+L) \cos^2 \alpha + g \sin \alpha)$$

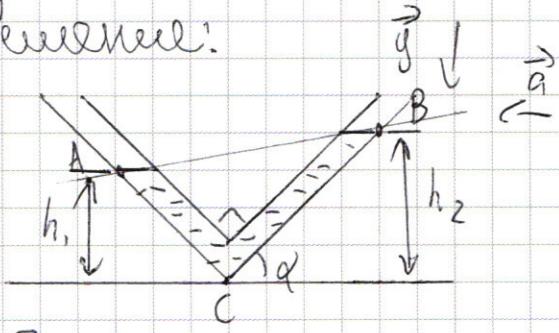
$$r \approx (R+L) \cos \alpha \Rightarrow T_{\text{бр}} = m (\omega^2 (R+L) \cos^2 \alpha + g \sin \alpha) -$$

угол α остаётся прежним, поскольку
шар не отклоняется от кривой.

Ответ: 1) $T_h = mg \sin \alpha$, 2) $T_{\text{бр}} = m (\omega^2 (R+L) \cos^2 \alpha + g \sin \alpha)$

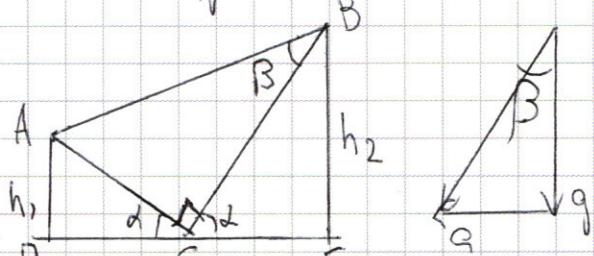
№4 Дано:

$$\alpha = 45^\circ, \\ h_1 = 8 \text{ см}, \\ h_2 = 12 \text{ см}$$



1) a=? , 2) V=?

Решение: 1) Поскольку между сечения трубки присоединяется, ускорение может найти геометрически.



Поскольку поверх условной прямой поверхности жидкости AB перпендикулярна итоговому ускорению, то $a = g \tan \beta$, где β - угол $\angle ABC$,

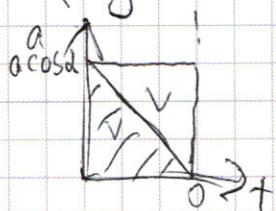
$$AD = h, BF = h_2, AC = \frac{AD}{\sin \alpha}, BC = \frac{BF}{\sin \alpha} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \tan \beta = \frac{AC}{BC} = \frac{\frac{AD}{\sin \alpha}}{\frac{BF}{\sin \alpha}} = \frac{AD}{BF} = \frac{h_1}{h_2} \Rightarrow a = g \frac{h_1}{h_2} = \frac{g}{\tan \alpha} =$$

$$= \frac{20}{3} \text{ м/с}^2 \approx 6,67 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

2) V максимальная будет в момент, когда эти уровни падения в трубках сравняются в первый раз. Из гидростатического давления струи жидкости $\Delta h = h_2 - h$, равно тому, создаваемому ускорением относительно трубки.

$$p g \Delta h S = m \times a \cos \alpha \Rightarrow$$



- гидрост. уско~~рение~~ от гидрост. давл.

- скорость a Равнотенденци \rightarrow

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\Rightarrow 2V = a \cos \alpha t$, движение равнодействующим \Rightarrow

$$\frac{\sqrt{t}}{2} \leq \frac{\Delta h}{\frac{a}{2}} \leq t \cdot \frac{\Delta h}{V}$$

$$2V = \frac{g \cos \alpha \Delta h}{V} \Rightarrow V \leq \sqrt{\frac{g \cos \alpha \Delta h}{2}} \leq \sqrt{\frac{0,01}{0,02} \cdot \frac{10}{8} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \sqrt{\frac{\sqrt{2}}{3} \cdot 10^{-2}} = \frac{\sqrt{2}}{10\sqrt{3}} \approx \frac{\sqrt{14}}{17} \approx \frac{1,18}{17} \approx 0,07 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Ответ: 1) 6,67 $\frac{\text{м}}{\text{с}}$, 2) 0,07 $\frac{\text{м}}{\text{с}}$

№5. Дано:

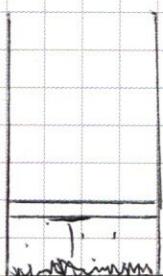
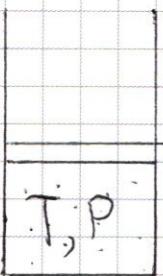
} Решение:

$$T = 95^\circ\text{C} = 368\text{K},$$

$$P = 8,5 \cdot 10^4 \text{Pa}$$

$$\gamma = 4,7, R = 10 \frac{\text{J}}{\text{K}\cdot\text{моль}}$$

$$P = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кПа}}{\text{моль}}$$



$$T = \text{const.}$$

$$1) \frac{P_n}{P_0} = ?, 2) \frac{V_n}{V_0} = ?$$

$$1) P, V_1 = \frac{m_1}{M} RT, P_1 = \frac{P_0 RT}{m_1} \Rightarrow P_1 = P_0 = P, \text{т.к.}$$

$$P_2 V_2 = \frac{m_2}{M} RT, P_2 = \frac{P_0 RT}{m_2}$$

может быть насыщенным паром подогревка \Rightarrow

$$P_n = \frac{PM}{RT} = \frac{8,5 \cdot 10^4 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,31 \cdot 368} = \frac{1530}{831 \cdot 368} = \frac{1}{2} \frac{\text{кПа}}{\text{моль}}$$

$$\frac{P_n}{P_0} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1000} = \frac{1}{2000}$$

2) $\gamma = \frac{V_1}{V_2} = 4,7$, где V_1 - начальный объем,

V_2 - конечный. $\Rightarrow V_1 = 4,7 V_2$

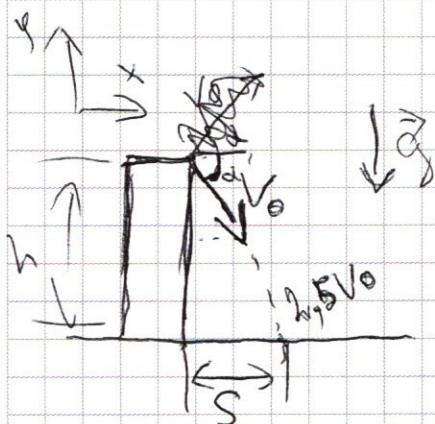
Вода образуется из конденсированного пара и
раскаливает в масле \Rightarrow

$$\Rightarrow V_f = \frac{V_1 - V_2}{P_e} P_n ,$$

$$\frac{V_n}{V_f} = \frac{V_2 P_f}{(V_1 - V_2) P_n} = \frac{V_2 P_f}{3,7 V_2 P_n} = \frac{2000}{3,7} \approx 541$$

Ответ: 1) $\frac{1}{2000}$; 2) 541

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$1) h = V_0 \sin \alpha t + \frac{gt^2}{2}$$

$$S = V_0 \cos \alpha t$$

$$V_y = V_0 \sin \alpha t + gt$$

$$V_x = V_0 \cos \alpha t$$

$$\sqrt{(V_0 \sin \alpha t + gt)^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha} \leq S, \sqrt{V_0^2}$$

$$(V_0 \sin \alpha t + gt)^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha \geq S^2, 25 V_0^2$$

$$V_0^2 \sin^2 \alpha + 2gt V_0 \sin \alpha + g^2 t^2 + V_0^2 \cos^2 \alpha \geq 6, 25 V_0^2$$

$$V_0^2 + 2gt V_0 \sin \alpha + g^2 t^2 - 6, 25 V_0^2 \leq 0$$

~~$$g^2 t^2 + 2gt V_0 \sin \alpha + g^2 t^2 - 6, 25 V_0^2 \leq 0$$~~

$$D = 4g^2 V_0^2 \sin^2 \alpha + 4V_0^2 g^2$$

$$t_h = \frac{-2gV_0 \sin \alpha + \sqrt{4g^2 V_0^2 \sin^2 \alpha + 4V_0^2 g^2}}{2g^2} = \frac{V_0 \sqrt{4 \sin^2 \alpha + 4V_0^2}}{2g}$$

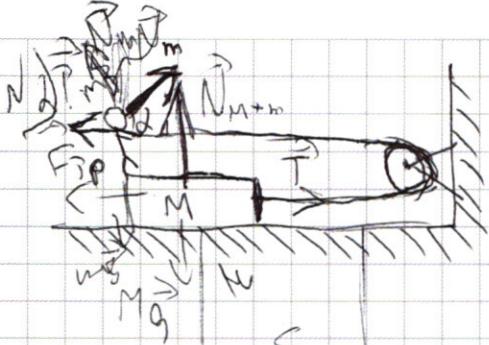
$$= \frac{V_0}{2g} \left(\sqrt{4 \sin^2 \alpha + 4V_0^2} - 2 \sin \alpha \right) = \frac{8}{20} \left(\sqrt{24 - \sqrt{3}} \right) = \frac{2}{5} \left(\sqrt{24 - \sqrt{3}} \right)$$

$$\approx \frac{2}{5} \sqrt{3} (2\sqrt{2} - 1) \approx \frac{2}{5} \cdot 1.7 / (2.8 - 1) \approx 0.68 \cdot 1.8 \approx 1.224 \text{ с} - t_h$$

$$1) V_y = V_0 \sin \alpha + gt_h \leq \frac{8\sqrt{3}}{2} + 10 \cdot 1.224 = 4.17 + 12.24 = 16.41 \text{ м/с}$$

$$= 6.8 + 12.24 = 19.04 \text{ м/с}$$

$$2) S = V_0 \cos \alpha t_h \leq 4 \cdot 1.224 = 4.896 \text{ м}$$



$$(M+m)g = N_{m+n}$$

$$\mu N = f \Rightarrow \mu (M+m)g$$

$$M_m T = N_m \cos \alpha$$

$$mg \sin \alpha = N_m \sin \alpha$$

$$N_m = \sqrt{T^2 + m^2 g^2} = \sqrt{M^2 g^2 + m^2 g^2} =$$

$$T = \mu N_m = \mu M g = 6 \mu m g$$

$$M g = N_m \sin \alpha$$

$$= \sqrt{M^2 + M^2 + 2 M_m M_m \sin^2 \alpha}$$

$$= \sqrt{M^2 + M^2 + 2 M_m M_m \sin^2 \alpha} = \sqrt{M^2 (25 \mu^2 + 1) + 25 M^2 g^2 + 10 M g^2} = N_m = M g \sqrt{36 \mu^2 + 1}$$

$$180 - 90^\circ \alpha = 90^\circ \alpha$$

$$N = \sqrt{N_m^2 + N_m^2 + 2 N_m N_m \sin^2 \alpha}$$

$$= \frac{M g}{N_m} = \frac{M g}{\sqrt{M^2 (36 \mu^2 + 1) + 36 M^2 g^2}}$$

$$+ 2 \cdot N_m M g = \sqrt{M^2 g^2 (36 \mu^2 + 1) + 36 M^2 g^2}$$

$$+ 12 M^2 g^2 = M g \sqrt{36 \mu^2 + 1 + 36 + 12 \mu^2}$$

$$= M g \sqrt{36 \mu^2 + 49}$$

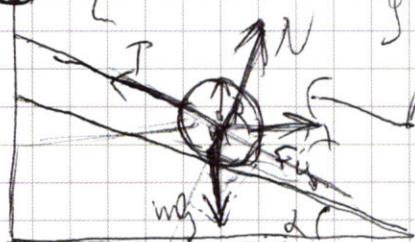
$$M g \sqrt{(6 \mu)^2 + (2 \sqrt{2})^2} = M g \sqrt{36 \mu^2 + 1 + 25 + 10}$$

$$F_{\text{пр}} N \# F - F_{\text{пр}} = 6 M g$$

$$3) a = \frac{F - 6 \mu m g}{6 m} < \frac{F}{6 m} - \mu g = \frac{36 \mu^2 m^2 g^2 + 16 M^2 g^2}{6 m}$$

$$\frac{at^2}{t^2} = \frac{a \sqrt{2S}}{\sqrt{a}} = \sqrt{2S} = \sqrt{2S / (6m - \mu g)}$$

ω



$$T \sin \alpha = N \cos \alpha$$

$$N \sin \alpha = mg \cos \alpha$$

$$F_f \cos \alpha = T - mg \cos \alpha$$

$$-F_f \sin \alpha = N + mg \sin \alpha$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$m\omega^2(L+R)\cos^2\alpha = T - masina$$

$$asg \lg \beta \lg \frac{h_1+h_2}{\sin \alpha}$$

$$T = m(\omega^2 \cos^2 \alpha (L+R) + g \sin \alpha)$$

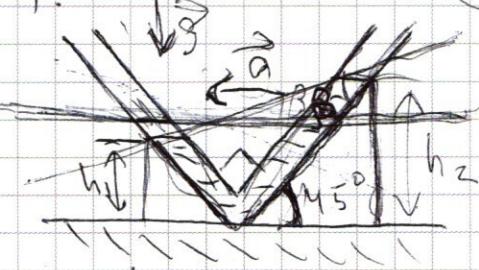
$$= \frac{100 \cdot 0,2 \cdot 2}{52} = \frac{4 \cdot 5^2}{2} = 25 \frac{m}{s^2}$$

$$s = 2,8$$

4. ~~max asina~~ ~~max ax~~

$$\beta \tan \beta = \frac{h_1+h_2}{\sin \alpha}$$

$$V_s = R t^2$$



$$\tan \beta = \frac{\sin \beta}{\sqrt{1-\sin^2 \beta}} = \frac{\sin \beta}{\sqrt{1-\sin^2 \beta}} = \frac{\sin \beta}{\sqrt{1-\sin^2 \beta}}$$

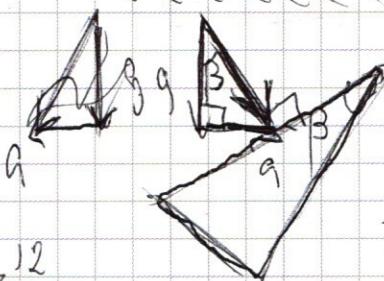
$$1 - \sin^2 \beta = \frac{\sin^2 \beta}{\tan^2 \beta}$$

$$\frac{\sin^2 \beta}{\tan^2 \beta} + \sin^2 \beta = 1$$

$$a = \frac{V}{t}$$

$$t = \sqrt{\frac{V}{g \cos \alpha}}$$

$$\Delta h =$$



$$\sin^2 \beta + \frac{1}{\tan^2 \beta} = 1$$

$$a = \frac{V}{t}$$



$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

уровень низкий
уровень высокий

$$V_s = \frac{a \sin \alpha t}{2}$$

$$a \sin \alpha / \beta$$

$$\frac{\sqrt{1-s^2}}{2} s^2$$

$$a \sin \alpha - h = 8 \cdot 10^{-2} \text{ м}$$

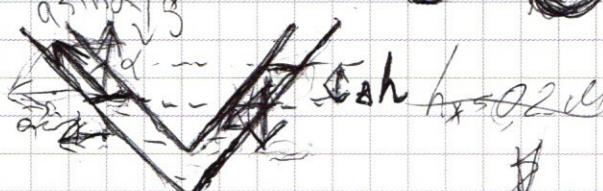
$$t = \frac{2s}{V}$$

$$\Delta Q = \frac{s^2}{4} \cdot \frac{1}{2}$$

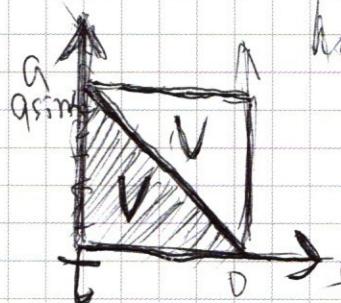
$$V_s = \frac{a \sin \alpha \sqrt{V}}{2 \sqrt{x}} \cdot t$$

$$\sqrt{V_s} = \frac{a \sin \alpha}{2 \sqrt{x}}$$

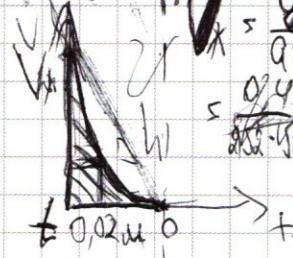
$$\frac{1}{2}$$



$$p g s \sin \alpha \cos \alpha$$



$$h_0 = 10 \text{ см}$$



$$s = \frac{8 \cdot h \cdot s}{a \cdot s^2}$$

$$s = \frac{0,4 \cdot 10 \cdot 0,2}{2 \cdot 0,12} = 1,66 \text{ м}$$

$$\sqrt{V} = \frac{a \sin \alpha}{2x}$$

$$V_s \frac{a^2 \sin^2 \alpha}{2x} = \frac{\sqrt{2}}{2x} \cdot \frac{2}{x} \frac{m}{c}$$

нс.



$$T_s = 368 \text{ K}, P_s = 8,5 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

$$\begin{array}{r} 273 \\ - 93 \\ \hline 180 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2000037 \\ - 185 \\ \hline 150 \\ - 148 \\ \hline 200 \end{array}$$

831

$T_s \text{ const}$

$$\begin{array}{r} 831 \\ - 8 \\ \hline 822 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 822 \\ - 6648 \\ \hline 1573 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1573000831 \\ - 2831 \\ \hline 156997 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 156997 \\ - 6648 \\ \hline 150349 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 150349 \\ - 3420 \\ \hline 146929 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 146929 \\ - 3324 \\ \hline 143605 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 143605 \\ - 960 \\ \hline 142645 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 142645 \\ - 831 \\ \hline 141814 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 141814 \\ - 1290 \\ \hline 138814 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 138814 \\ - 831 \\ \hline 138083 \end{array}$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$P_1 V_1 = \frac{m_1}{M} RT, P_2 = \frac{P_1 R T}{M}$$

$$P_1 V_1 = \frac{m_2}{M} RT, P_2 = \frac{P_1 R T}{M}$$

$$P_n = \frac{PM}{RT} = \frac{8,5 \cdot 10^4 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,31 \cdot 368} = \frac{1530}{8,31 \cdot 368}$$

$$\left(\frac{P_n}{P_0} \right) \approx \frac{1}{2000}$$

$$y_s = \frac{V_1}{V_2} = 4,7$$

$$1,18117$$

$$\begin{array}{r} 1,18117 \\ - 1,07 \\ \hline 0,117 \end{array}$$

$$V_s = \frac{V_1 - V_2}{38} P_n$$

$$\frac{V_1}{V_2} = 4,7$$

$$V_1 = 4,7 V_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{V_1 P_n}{(V_1 - V_2) P_n} = \frac{V_1 P_n}{3,7 \cdot 2 P_n} = \frac{2000}{3,7} \approx 541$$

$$N_{M,20} = N_M \sin \alpha + N_m \sin \alpha$$

$$N_{M,20} = (5mg + N_m \sin \alpha) s = 6mg + 16 \mu mg$$

$$\begin{array}{r} 1,2 \\ - 1,2 \\ \hline 0,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1,17 \\ - 1,17 \\ \hline 0,0 \\ - 224 \\ \hline 112 \\ - 112 \\ \hline 0,0 \end{array}$$