

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Класс 10 Вариант 10-02

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

**1.** Гайку бросают с вышки со скоростью  $V_0 = 10 \text{ м/с}$  под углом  $\alpha = 30^\circ$  к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью  $2V_0$ .

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять  $g = 10 \text{ м/с}^2$ . Сопротивление воздуха не учитывать.

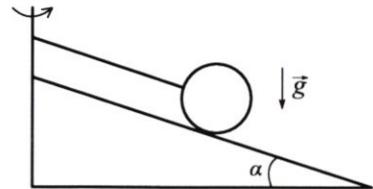
**2.** Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние  $S$  к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно  $m$  и  $M = 2m$ . Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом  $\mu$ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу  $F$  ( $F > F_0$ ) к канату?

**3.** Однородный шар массой  $m$  и радиусом  $R$  находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом  $\alpha$  к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной  $L$ , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

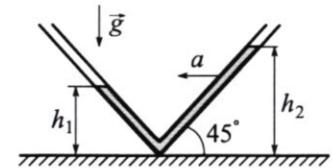
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоятся.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью  $\omega$  вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



**4.** Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол  $\alpha = 45^\circ$ . При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением  $a = 4 \text{ м/с}^2$  уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте  $h_1 = 10 \text{ см}$ .

- 1) На какой высоте  $h_2$  установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью  $V$  будет двигаться жидкость в трубке относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ м/с}^2$ . Действие сил трения пренебрежимо мало.



**5.** В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре  $27^\circ\text{C}$  и давлении  $P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$ . В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в  $\gamma = 5,6$  раза.

Плотность и молярная масса воды  $\rho = 1 \text{ г/см}^3$ ,  $\mu = 18 \text{ г/моль}$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

н/1

Поскольку всё время полёта гайка приближается к горизонтальной поверхности земли, угол между вектором скорости направлена вниз под углом  $30^\circ = \alpha$  к горизонту. Для вертикальной составляющей скорости:  $V_0 \sin \alpha + g t = 2V_0 \sin \beta$  (β показан на рисунке),  $t$  - время полёта. Для горизонтальной составляющей:

$$V_0 \cos \alpha = 2V_0 \cos \beta; \cos \alpha = 2 \cos \beta, \text{ но условие } \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}, \text{ тогда } \cos \beta = \frac{\cos \alpha}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}, \text{ значит, } \sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \sqrt{1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{4}\right)^2} = \sqrt{\frac{13}{16}} = \frac{\sqrt{13}}{4}$$

Поставим в ур-е где вертикальной составляющей, учём также, что  $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ :  $V_0 \cdot \frac{1}{2} + g t = 2V_0 \cdot \frac{\sqrt{13}}{4}$

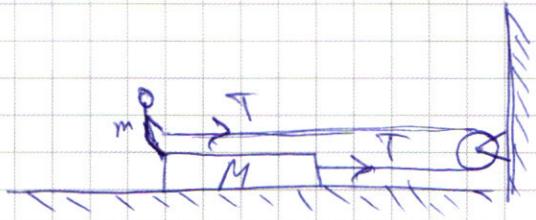
$$t = V_0 \left( \frac{\sqrt{13}}{2} - \frac{1}{2} \right) / g = \frac{V_0 \cdot \sqrt{13} - 1}{2g}$$

$$\boxed{t = \frac{V_0 \frac{\sqrt{13}}{2} - \frac{1}{2}}{2g} = \frac{\sqrt{13}-1}{2} \approx \frac{3,6-1}{2} = \frac{2,6}{2} = 1,3 \text{ с}}$$

(Вертикальная компонента скорости гайки при падении)

$$2V_0 \sin \beta = 2V_0 \cdot \frac{\sqrt{13}}{4} = \boxed{\frac{V_0 \sqrt{13}}{2}} = \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \sqrt{13}}{2} \approx 5 \cdot 3,6 \frac{\text{м}}{\text{с}} = \boxed{18 \frac{\text{м}}{\text{с}}}$$

Для боковой полёта:  $H = V_0 \sin \alpha \cdot t + \frac{gt^2}{2} = t \left( V_0 \cdot \frac{1}{2} + \frac{gt}{2} \right) = \boxed{\frac{t}{2} (V_0 + gt)} = 1,3 \text{ с} \cdot \frac{1}{2} (10 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 1,3 \text{ с}) = 1,3 \text{ с} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{1}{2} (1+1,3) = 1,3 \times 5 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 2,3 = 6,5 \cdot 2,3 \text{ м} = 14,95 \text{ м} \approx \boxed{15 \text{ м}}$



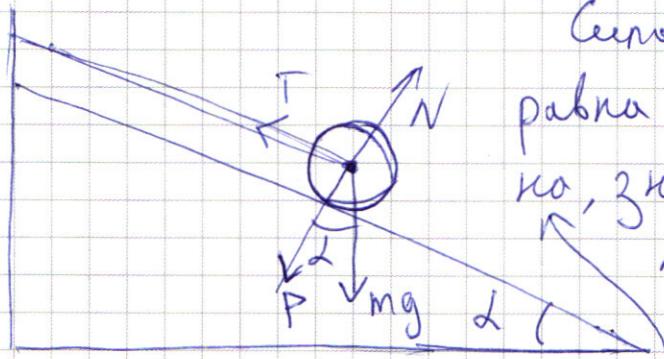
н/2

При движении лыжка, человек прикладывает силу к канату, а канат распологает горизонтально, значит сила направлена горизонтально, на лыжку также сила направления горизонтально, ровно как и сила трения по ней. Значит, по вертикальной направлению только сила тяжести лыжка и человека. Значит, лыжник с человеком гадят на ноги при движении с силой  $Mg + mg = 2mg + \mu g = [3mg]$ .

Чтобы осуществить задуманное, человеку нужно приложить такую силу, чтобы сила трения не смогла скомпенсировать её, и лыжник поехал. Для силы  $F_0$ :  $F_0 = T$ , где  $T$  - сила натяжения ~~каната~~ каната. Для лыжника:  $T = \mu \cdot 3mg = 3\mu mg$ . Значит,  $[F_0 = 3\mu mg]$ .

Если прикладывать силу  $F \cdot 3ma = F - 3\mu mg$ , Тогда,  $a = \frac{F}{3m} - \mu g$ ; нужно, чтобы лыжник проехал расстояние  $S$ , значит,  $S = \frac{at^2}{2}$ ,  $\sqrt{\frac{2S}{a}} = \sqrt{\frac{2S}{F - 3\mu mg}} = \frac{6mS}{F - 3\mu mg}$ ,  $t$  - время, за которое человек осуществил ~~задуманное~~ задуманное

н/3



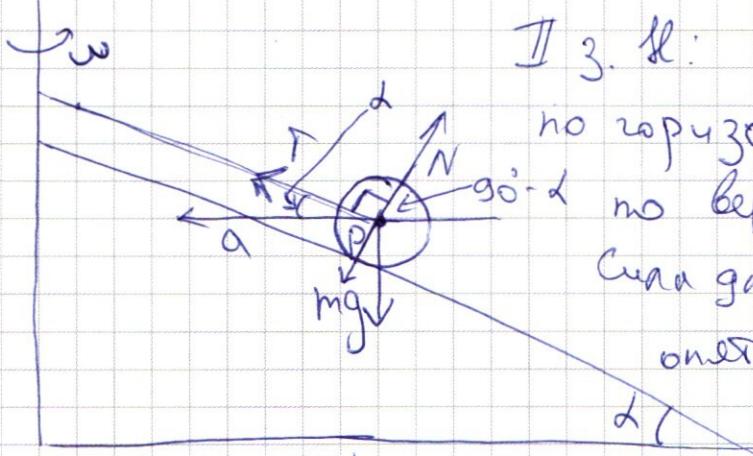
Сила давления шара на клин равна силе реакции опоры клина, значит, именем  $N$ . По I. З. ф.

$$N = mg \cos \alpha. P = N, [P = mg \cos \alpha]$$

$P$ -сила давления  
по III З. ф.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Если сидима вращается с угловой скоростью  $\omega$ :



II з. №:

$$\text{по горизонтали: } ma = T \cos \alpha - N \sin \alpha \quad (1)$$

$$\text{по вертикали: } mg = T \sin \alpha + N \cos \alpha \quad (2)$$

Сила давления пары на кресло  
онеё равна силе реакции

вногр., т. е., именем  $N$ .

$$(1): T = \frac{ma + N \sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$(2): T = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha}, \text{ значит,}$$

$$\frac{ma + N \sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha}; ma \sin \alpha + N \sin^2 \alpha = mg \cos \alpha - N \cos^2 \alpha,$$

$$N(\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha) = m(g \cos \alpha - a \sin \alpha)$$

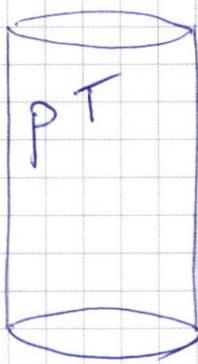
$$N = m(g \cos \alpha - a \sin \alpha)$$

Радиус вращения пары равен  $L+R$ , тогда  $a = \omega^2(L+R)$

значит,  $N = m(g \cos \alpha - \omega^2(L+R) \sin \alpha)$ .  $P = N$ ,

$$P = m(g \cos \alpha - \omega^2(L+R) \sin \alpha)$$

н/с



Поскольку пар будет оставаться насыщенным  
(тогда и пар в равновесии), давление пара не-  
кеться не будет, но условие не меняется тем-  
пературой. Ур-е Менделеева-Клаудиусона:  $PV = \gamma RT$ ,  
зде имеются только  $V$  и  $\gamma$  ( $V$ -объем пара,

$\rightarrow$ -кон-бо пара, R - универсальная газовая постоянная)

Значит,  $pV = \frac{m}{\mu} RT$  ( $m$ -масса пара);  $\frac{m}{V} = \frac{pM}{RT}$ ; также  $\frac{m}{V} = p_{\text{пара}}$ ; значит,  $p_{\text{пара}} = \frac{pM}{RT}$ . Могла отношение плотности пара к плотности воздуха равно  $\frac{p_{\text{пара}}}{p_{\text{воздух}}} = \frac{\frac{pM}{RT}}{\frac{p}{RT}} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot 18 \text{ моль}}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot 18 \text{ моль}}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}} \cdot 3,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 273 \text{ К}$

$$= \frac{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot \text{моль}^3 \cdot 18}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 3,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}} = \frac{3,55 \cdot 18 \text{ Па} \cdot \text{моль}^3}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}} = \frac{3,55 \cdot 18 \cdot 10^{-6} \text{ Па} \cdot \text{моль}^3}{8,31 \cdot 10^{-4}} =$$

$$= \frac{355 \cdot 18}{831 \cdot 3 \cdot 10^4} = \frac{355 \cdot 18}{831 \cdot 3 \cdot 10^4} = \frac{355 \cdot 6}{831 \cdot 10^4} = \frac{2130}{831 \cdot 10^4} = \frac{213}{831 \cdot 10^4} = \frac{71}{277 \cdot 10^4} \approx$$

$$\approx \frac{1}{3,9 \cdot 10^4} \approx \frac{1}{4 \cdot 10^4} = \frac{1}{4} \cdot 10^{-4} = \boxed{0,25 \cdot 10^{-4}}$$

$pV = \gamma RT$ , когда объём пара уменьшился в  $f$  раз:

$$p \frac{V}{f} = \gamma RT = \gamma_{\text{пара}} RT \quad \gamma_{\text{пара}} = \frac{2}{f}; \quad \gamma_{\text{пара}} + \gamma_{\text{воздух}} = \gamma;$$

$$\frac{\gamma}{f} + \gamma_{\text{воздух}} = \gamma; \quad \gamma_{\text{воздух}} = \gamma \left(1 - \frac{1}{f}\right) = \gamma \cdot \frac{f-1}{f}$$

$$V_{\text{воздух}} = \frac{m_{\text{воздух}}}{p} = \frac{\mu \gamma_{\text{воздух}}}{p} = \frac{\mu \cdot \gamma \cdot \frac{f-1}{f}}{p} = \boxed{\mu \gamma (f-1)}$$

$V_{\text{пара}} = \frac{V}{f}$ . Отношение объёма пара к объёму воздуха

$$\text{равно } \frac{V}{f} / \frac{\mu \gamma (f-1)}{p} = \frac{V \cdot p}{f \mu \gamma (f-1)} = \frac{pV}{\mu \gamma (f-1)} \cdot \frac{1}{f} \gamma_{\text{пара}}$$

~~При этом V равно~~  $V = \frac{m}{p_{\text{пара}}} = \frac{\mu \gamma}{p_{\text{пара}}} = \frac{\mu \gamma}{\frac{pM}{RT}} = \frac{\mu \gamma RT}{pM}$

Могла отношение объёма пара к объёму воздуха равно:

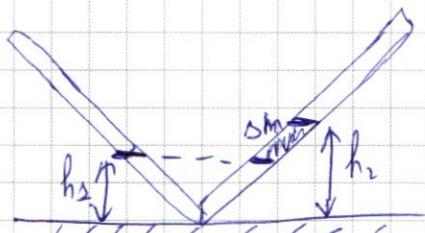
~~$$\frac{pV}{\mu \gamma (f-1)} = \frac{pM \gamma RT}{\mu \gamma (f-1) f RT} = \frac{p \cdot \gamma RT}{p \cdot \mu \gamma (f-1)} = \frac{pRT}{pM (f-1)}$$~~

$$= \frac{1 \frac{\text{моль}}{\text{моль} \cdot \text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 300 \text{ К}}{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot 18 \frac{\text{моль}}{\text{моль} \cdot \text{моль} \cdot \text{К}}} = \frac{831 \cdot 3 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}}{3550 \cdot 18 \text{ Па} \cdot 4,6 \text{ моль} \cdot \text{моль} \cdot \text{К}} = \frac{831 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}}{3550 \cdot 6,46 \text{ Па} \cdot \text{моль}^3} =$$

$$= \frac{277 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{моль} \cdot \text{К}}}{3550 \cdot 2 \cdot 4,6 \text{ Па} \cdot \text{моль}^3} = \frac{277 \cdot 10^6}{710 \cdot 4,6} = \frac{277 \cdot 10^5}{71 \cdot 4,6} = \frac{277}{3266} \cdot 10^5 \approx$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\approx \frac{3}{12} \cdot 10^5 \approx 0,08 \cdot 10^5 = 8 \cdot 10^3$$



$$\sqrt{4}$$

В узле трубы жидкость с каждой  
стороной трубы действует силой давле-  
ния на другую трубу, причём в правой  
части трубы эта сила ~~больше~~<sup>больше</sup> на  $\Delta m g \cos 45^\circ$ . Состав-  
ляющая этой силы по горизонтали равна  $\Delta m g \cos 45^\circ \cdot \cos 45^\circ =$   
 $= \Delta m g \cos^2 45^\circ = \Delta m g \cdot \frac{1}{2}$ , ~~эти~~ соответствующее уравнение

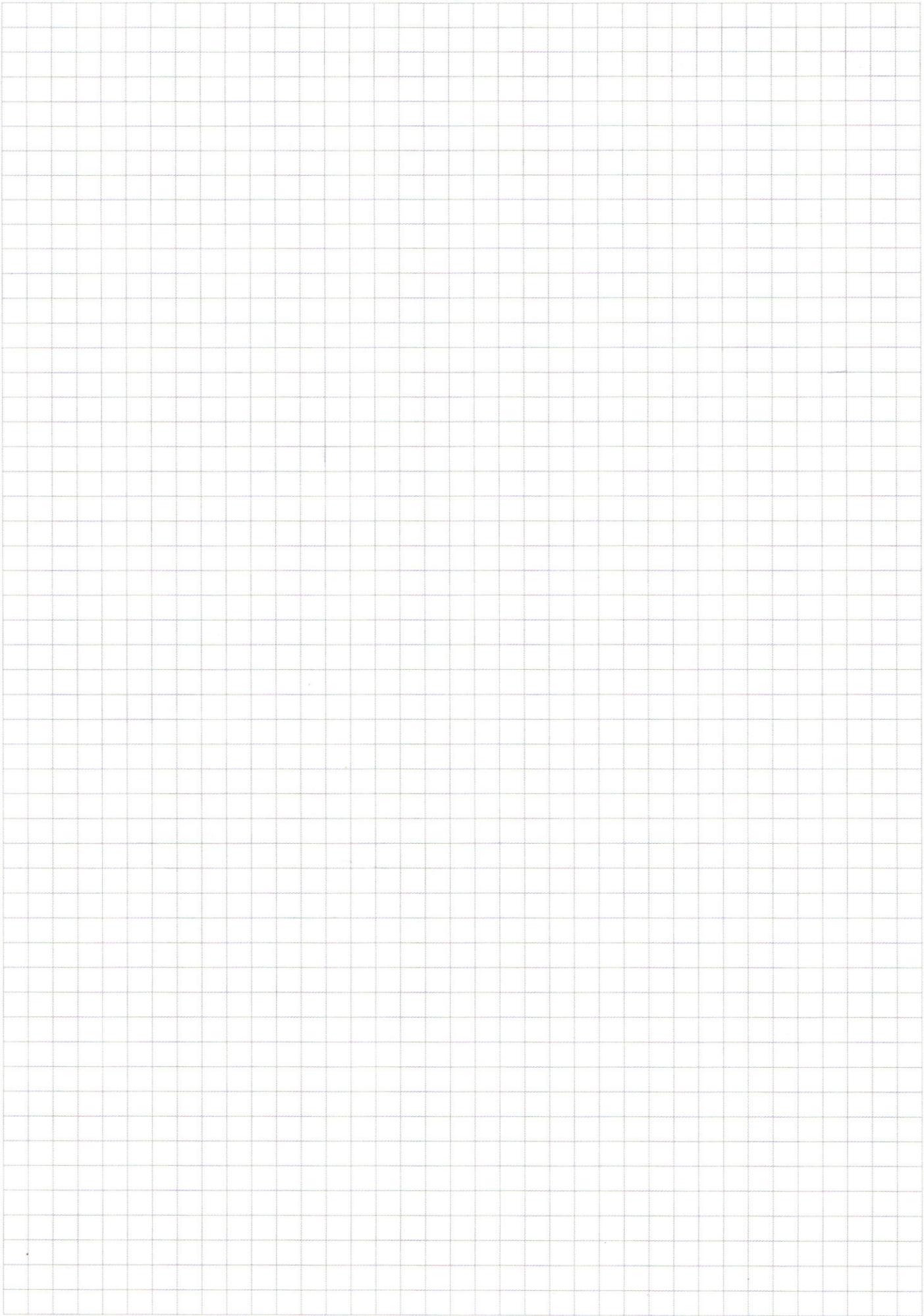
$$\text{Po II з. fl. : } m_a = \Delta m g \cdot \frac{1}{2}$$

6 - ~~линейная~~ линейная массовая плотность.  $\delta = \frac{\text{масса}}{l_{\text{трубы}}}$

$$\text{По формуле } \Delta m = \delta \cdot (h_2 - h_1); m = \delta \left( \frac{h_1}{\cos 45^\circ} + \frac{h_2}{\cos 45^\circ} \right) = \frac{\delta}{\cos 45^\circ} (h_1 + h_2)$$

$$\text{По формуле } m_a = \frac{\Delta m g}{2} \text{ принимает вид: } \frac{\delta}{\cos 45^\circ} (h_1 + h_2) a = \frac{\delta}{2 \cos 45^\circ} (h_2 - h_1) g; \\ (h_1 + h_2) a = (h_2 - h_1) \frac{g}{2}; 2ah_1 + 2ah_2 = gh_2 - gh_1; h_2(g - 2a) = \\ = h_1(2a + g); h_2 = \boxed{h_1 \frac{2a + g}{g - 2a}} = 10 \text{ см. } \frac{2 \cdot 4 \frac{\text{кг}}{\text{см}^2} + 10 \frac{\text{кг}}{\text{см}^2}}{10 \frac{\text{кг}}{\text{см}^2} - 2 \cdot 4 \frac{\text{кг}}{\text{см}^2}} = 10 \text{ см.}$$

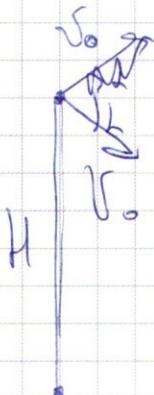
$$\cdot \frac{\frac{18 \frac{\text{кг}}{\text{см}^2}}{2 \frac{\text{кг}}{\text{см}}}}{2 \frac{\text{кг}}{\text{см}}} = \boxed{90 \text{ см}}$$



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$V_0 \begin{array}{l} \nearrow \\ \searrow \end{array} \begin{array}{c} \times 3,3 \\ 5,2 \\ \hline 9,9 \end{array} \begin{array}{c} 11 \\ 6,5 \\ \hline 19,5 \\ \hline 13,0 \\ \hline 149,5 \end{array}$$

$$V_0 \sin \alpha \cdot t - \frac{gt^2}{2} = H$$

$$\begin{array}{r} 2,2 \\ 277 \\ \times 13,1 \\ \hline 1277 \\ 1831 \\ \hline 277 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} V_0 \\ \downarrow \\ 2V_0 \end{array} \begin{array}{c} 3 \times 28 \\ 7 \end{array}$$

$$V_0 \cos \alpha = 2V_0 \cos \beta$$

$$2V_0 \sin \beta = V_0 \sin \alpha - gt$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\begin{array}{r} 3,6 \\ \times 3,6 \\ \hline 21,6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2770 \\ 831 \\ \hline 277 \\ 3 \end{array}$$

$$V_0 \cos \alpha = 2V_0 \cos \beta \quad \frac{128}{129,6} \sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \quad \sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta}$$

$$V_0 \sin \alpha - gt = 2V_0 \sin \beta \quad \sin^2 \alpha - \sin^2 \beta = \cos^2 \alpha - \cos^2 \beta$$

$$\cos^2 \alpha - \cos^2 \beta = \sin^2 \beta - \sin^2 \alpha$$

$$2 \cos^2 \beta = \sin^2 \beta - \sin^2 \alpha$$

$$V_0 \sin \alpha + gt = 2V_0 \sin \beta$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = 2 \cos \beta \quad \cos \beta = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

$$\begin{array}{c} V_1 \\ \nearrow \\ V_2 \\ \searrow \end{array} \begin{array}{c} 2,2 \\ 831 \\ \hline 10 \\ 10 \\ \hline 366,6 \\ 277 \\ \hline 896 \\ 831 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} V_x^2 + V_y^2 = V_0^2 \quad V_x^2 + V_2^2 = (2V_0)^2 \\ V_0^2 - V_1^2 = 4V_0^2 - V_2^2 = V_x^2 \\ 3V_0^2 + V_1^2 - V_2^2 = 0 \end{array}$$

$$V_2 = V_1 + gt \quad 3V_0^2 + V_1^2 - (V_1 + gt)^2 = 0$$

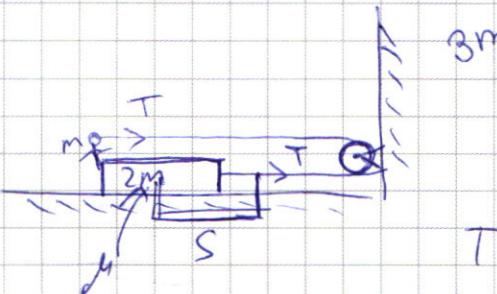
$$3V_0^2 + (V_1 - V_1 - gt)(V_1 + V_1 + gt) = 3V_0^2 - gt(2V_1 + gt) = 0$$

$$\begin{array}{r} 2,2 \\ 13,3 \\ \hline 1831 \\ 1831 \\ \hline 277 \\ 277 \\ \hline 36287 \end{array}$$

черновик  чистовик

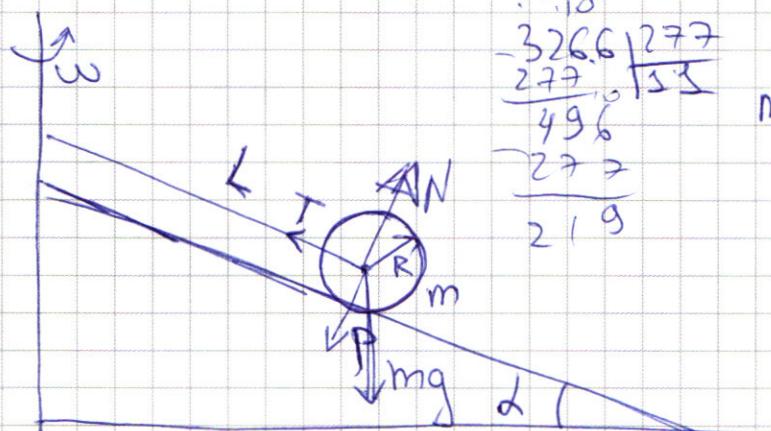
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)



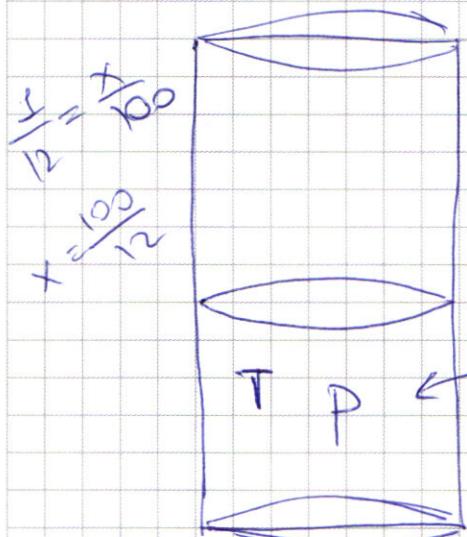
$$F = 3\mu mg = ma \quad a = 3\mu g \quad S = \frac{a t^2}{2} = \frac{3\mu g t^2}{2} \quad t = \sqrt{\frac{2S}{3\mu g}}$$

$$\frac{P}{V} = \frac{RT}{M} \quad P = \frac{RT}{M} V \quad M = \frac{RT}{PV}$$



$$PV = \gamma RT$$

$$\frac{PV}{T} = \frac{RT}{T} = R \quad \frac{PV}{T} = R$$



$$PV = \gamma RT \quad \frac{PV}{T} = \frac{R}{\gamma} = C_p$$

$$P \propto \frac{1}{V}$$

$$213 \frac{1}{71}$$

$$PV = \frac{m}{\mu} RT \quad \frac{m}{\mu} = \frac{PV}{RT}$$

$$\begin{array}{r} \times 3,7 \\ + 497 \\ \hline 2627 \\ \times 213 \\ \hline 2769 \end{array}$$

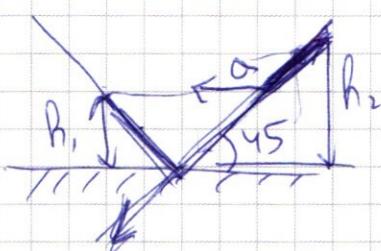
$$\begin{array}{r} \times 3,9 \\ + 639 \\ \hline 212 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 213 \\ + 2914 \\ \hline 213 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 3,5 \\ + 355 \\ \hline 213 \end{array}$$

$$\frac{m}{\mu} = \rho_n = \frac{PV}{RT}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\Delta m g \cos^2 45 = \Delta m g \cdot \frac{\Delta}{2} = \Delta m a$$

$$\frac{\Delta}{2} \Delta m g = m a \quad a = \frac{\Delta m}{2m} g$$

$$\Delta m = G \cdot (h_2 - h_1) \cos 45$$

$$m = G \left( h_1 \cos 45 + h_2 \cos 45 \right)$$

$$\Delta m = G \left( h_2 - h_1 \right) \frac{\cos 45}{\cos 45}$$

$$m = G \left( \frac{h_1}{\cos 45} + \frac{h_2}{\cos 45} \right) :$$

$$= \frac{G}{\cos 45} (h_1 + h_2)$$

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № \_\_\_\_  
(Нумеровать только чистовики)