

Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Вариант 10-04

Класс 10

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

1. Мальчик бросает железный шарик с вышки со скоростью $V_0 = 8 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 60^\circ$ к горизонту. В полете шарик все время приближался к горизонтальной поверхности Земли и упал на нее со скоростью $2,5V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости шарика при падении на Землю.
- 2) Найти время полета шарика.
- 3) Найти горизонтальное смещение шарика за время полета.

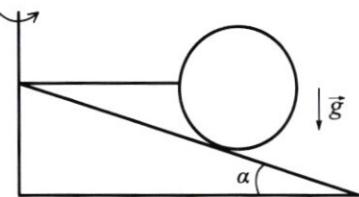
Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

2. На противоположных концах тележки массы M , находящейся на гладкой горизонтальной поверхности, стоят два ученика одинаковой массы m каждый. Вначале система неподвижна. Один ученик бросает мяч, а другой ловит. Масса мяча m_1 . После броска тележка движется со скоростью V_1 . Продолжительность полета мяча T . Силу сопротивления воздуха считайте пренебрежимо малой.

- 1) Найдите горизонтальную проекцию скорости V_0 мяча (относительно поверхности, на которой находится тележка) в процессе полета.
- 2) Найдите длину L тележки.
- 3) Найдите скорость V_2 тележки после того, как второй ученик поймает мяч.

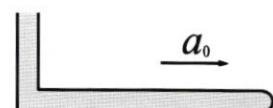
3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается горизонтально натянутой нитью, привязанной к вершине клина.

- 1) Найти силу натяжения нити, если система покойится.
- 2) Найти силу натяжения нити, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина.



4. Тонкая Г - образная трубка с горизонтальным коленом, закрытым с одного конца, и вертикальным коленом высотой $H = 48 \text{ мм}$, открытым в атмосферу, заполнена полностью ртутью (см. рис.). Если трубку двигать (в плоскости рисунка) с ускорением, не большим некоторого a_0 , то ртуть из трубки не выливается.

- 1) Найти давление P_1 внутри трубы в точке А, находящейся от вертикального колена на расстоянии $1/2$ длины горизонтального колена, если трубка движется с ускорением a_0 .
- 2) Найти давление P_2 в точке А, если трубка движется с ускорением $0,25a_0$.
- 3) Найти давление P_3 вблизи закрытого конца трубы, если она движется с ускорением $0,3a_0$.



Атмосферное давление $P_0 = 752 \text{ мм рт. ст.}$ Давлением насыщенных паров ртути в условиях опыта пренебречь. Ответы дать в «мм рт. ст.».

5. Поршень делит объем горизонтального герметичного цилиндра на две равные части, в каждой из которых находится вода и водяной пар при температуре $T = 373 \text{ К}$. Масса воды в каждой части в 4 раза меньше массы пара. Поршень находится на расстоянии $L = 0,4 \text{ м}$ от торцов, площадь поперечного сечения поршня

$S = 25 \text{ см}^2$. Масса M поршня такова, что $\frac{Mg}{S} = 0,02P_0$, здесь P_0 – нормальное атмосферное давление.

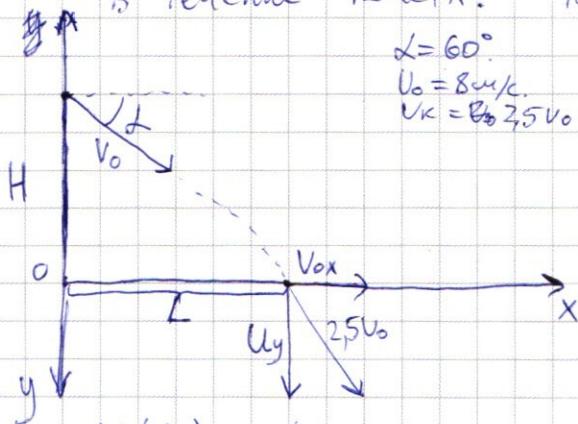
- 1) Найдите массу m воды в каждой части в начальном состоянии.
- 2) Цилиндр ставят на дно (ось цилиндра вертикальна). Найдите приращение Δm массы воды под поршнем к моменту установления равновесного состояния.

Температура в цилиндре поддерживается постоянной. Трение считайте пренебрежимо малым. Молярная масса водяного пара $\mu = 18 \text{ г/моль}$, универсальная газовая постоянная $R = 8,31 \text{ Дж/(моль·К)}$. Объем воды намного меньше объема пара.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1:

В условиях сказано, что всё время полета шарик приближается к горизонтальной поверхности \Rightarrow начальная вертикальная составляющая скорости направлена вниз. Силы сопротивления воздуха нет \Rightarrow горизонтальная составляющая скорости не меняется в течение полета. Пусть высота на которой шарик бросают - H.



$$V_y(t) = V_y(0) + gt = \\ = V_0 \sin \alpha + gt.$$

т.к. t - время полета.

$$V_y(t) = V_y = \sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha} V_0$$

$$V_y = V_0 \sin \alpha + gt$$

$$t = \frac{V_y - V_0 \sin \alpha}{g} = \frac{V_0 (\sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha} - \sin \alpha)}{g} \\ = \frac{8 \left(\sqrt{6,25 - 0,25} - \frac{\sqrt{3}}{2} \right)}{10} \approx \frac{4}{5} \left(2,45 - \frac{1,73}{2} \right) = \frac{4}{5} \cdot \frac{8}{5} = \frac{32}{25} = 1,28 \text{ с.}$$

$$V_y = V_0 \sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha} \approx 8 \cdot 2,45 = 19,6 \text{ м/с.}$$

$$L = V_x t \quad \text{т.к. } V_x = \text{const}$$

$$L = V_0 \cos \alpha t = 8 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1,28 = 5,12 \text{ м}$$

Ответ: 1. 19,6 м/с
2. 1,28 с
3. 5,12 м

~~$$X(t) = V_x(t) = \text{const} = V_0 x = V_0 \cos \alpha \cdot t$$~~

$$V_y(0) = V_0 y = V_0 \sin \alpha$$

Пусть расстояние, которое шарик пролетел по горизонтали это L.

В ~~конечный момент времени~~
в момент до удара шарик двигался со скоростью $2,5 V_0$.
Пусть верт. составл. - V_y , горизонт. - V_x .

Тогда для этого момента справедливо

~~$$(2,5 V_0)^2 = V_y^2 + V_x^2$$~~

$$V_y^2 = ((2,5)^2 - \cos^2 \alpha) V_0^2$$

т.к.

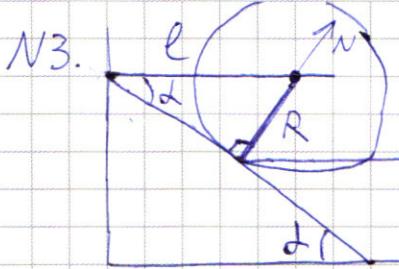
$$\cos \alpha = \frac{1}{2}$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$V_y = \sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha} V_0 = \frac{V_0 \sqrt{(2,5)^2 - \cos^2 \alpha}}{g} \cdot t$$

$$= \frac{8 \sqrt{6,25 - 0,25}}{10} \cdot 1,28 = \frac{8}{5} \cdot 1,28 = 5,12 \text{ м}$$

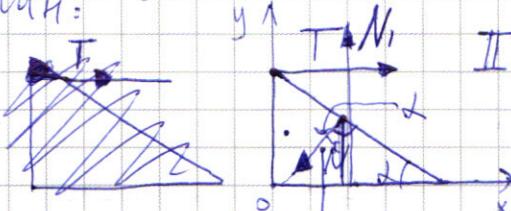
Чистовик



$$l \sin \alpha = R \quad (\#) \quad l = \frac{R}{\sin \alpha}$$

Рассставим силы, действующие на кружок из тел:
масса кружка - M .

Кружок:



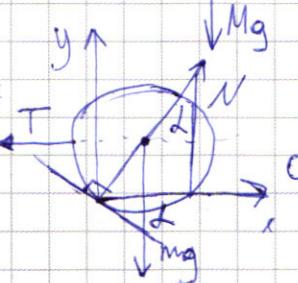
II закон Ньютона для оси Ox :

$$\sum F_x = T - N \sin \alpha \quad T - \text{сила} \\ \text{напряжения}$$

$$T = N \sin \alpha \quad (\#)$$

T_1 - сила
напряжения
при врац.

Шарик:



II закон Ньютона для оси Oy :

$$\sum F_y = N \cos \alpha - mg \quad (2)$$

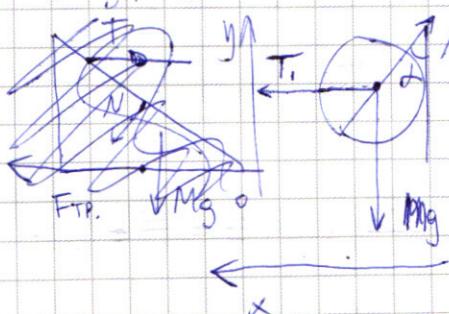
$$N = \frac{mg}{\cos \alpha}$$

$$\text{из } (1) \text{ и } (2) \quad T = mg \operatorname{tg} \alpha$$

Если система вращается относительно оси, проходящей через вершину кружка, то расстояние от оси до центра масс шарика ℓ .

$$\ell = \frac{R}{\sin \alpha} \quad (\#)$$

Тогда силы на шарике:



II закон Ньютона для Oy :

$$N \cos \alpha = mg$$

$$N = \frac{mg}{\cos \alpha} \quad (3)$$

для Ox : (3)

$$ma = T_1 - N \sin \alpha = T_1 - mg \operatorname{tg} \alpha$$

а ускорение при вращательном движении равно $a = \omega^2 R_{\text{до оси}}$.

в итоге получаем $a = \omega^2 \ell = \frac{\omega^2 R}{\sin \alpha}$

$$\text{тогда } T_1 = m \left(\frac{\omega^2 R}{\sin \alpha} + g \operatorname{tg} \alpha \right)$$

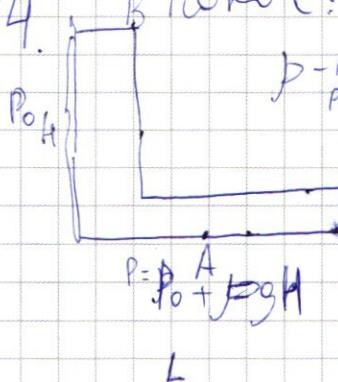
Ответ:

$$1. T = mg \operatorname{tg} \alpha$$

$$2. T_1 = m \left(\frac{\omega^2 R}{\sin \alpha} + g \operatorname{tg} \alpha \right)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N4. в работе:



ρ - плотность
ртути.

$$P_0 = 752 \text{ ММ. РТ. СТОЛБА.}$$

$$H = 48 \text{ мм.}$$

$$\text{Тогда } \rho g H = 48 \text{ ММ. РТ. СТОЛБА.}$$

Получим

расмотрим слой длины Δl .



$$\text{его масса } \rho \Delta l = \rho \Delta S.$$

пусть слева давление $P_{\text{справа}}$

P .

Тогда по II ЗН:

$$\Delta Ma = (P + \rho g H) \Delta S - PS =$$

$$\Delta PS$$

$$\Delta P \Delta l = \Delta PS$$

$$\Delta P \Delta l = \Delta P$$

просуммируем по всей длине горизонт.
канала и умножим.

$$PL \alpha = P.$$

Полученное давление является необходимым в точке B,
чтобы соудз двигался с ускорением α и ртуть не выплыла.

Если давление будет меньше, то ртуть выплыла бы.

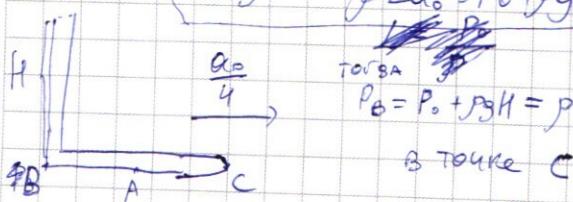
Тогда при движении с ускорением α_0 :



с другой стороны
давление в точке B

$$\text{РАВНО } P_B = P_0 + \rho g H$$

случай 2. Тогда $\rho L \alpha_0 = P_0 + \rho g H$



в точке C

давление в точке C. $P_C = 0$.

давление в точке $P_B = \rho L \alpha_0$

~~давление в точке~~ давление в точке

давление в точке зависит от длины
канала, которую нужно учесть

давление в точке A $P_A = \frac{P_0 + \rho g H}{2} = \frac{752 + 48}{2} =$

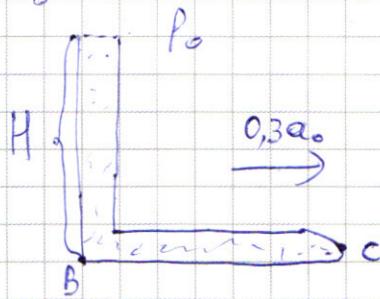
$$\frac{752 + 48}{2} = 400 \text{ ММ. РТ. СТОЛБА.}$$

$$\text{Тогда } P_C = \frac{3}{4} \rho L \alpha_0.$$

$$P_A = \frac{P_B + P_C}{2} = \frac{\frac{7}{4} \rho L \alpha_0}{2} =$$

$$\frac{7}{8} \rho L \alpha_0 = \frac{7}{8} (P_0 + \rho g H) = 700 \text{ ММ. РТ. СТ.}$$

случай 3.



$$P_B = P_0 + \rho g H = \rho L a_0$$

$$P_B = 0,3 \rho L a_0 + P_c$$

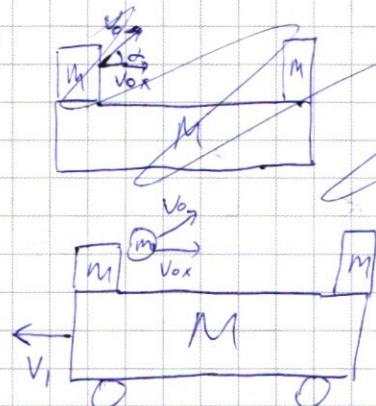
$$0,7 \rho L a_0 = P_c$$

$$P_c = 0,7 (P_0 + \rho g H) = 0,7 \cdot 800 = 560 \text{ мм.рт.ст.}$$

- Ответ: 1. 400 мм.рт.ст.
2. 700 мм.рт.ст.
3. 560 мм.рт.ст.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N2.



Рассмотрим моментум блока.

~~ЗСИ:~~

$$x: 0 = Mv_{ox} - mv_{ox} - (m+M)v_1$$

и скорость мальчика, который

рассмотрим моментума и после блока:

~~ЗСИ:~~

$$x: 0 = mv_{ox} - (2m+M)v_1$$

вертикальная составляющая скорости

мальчика изменяется силой реакции опоры земли - тележка,

тогда горизонт. сост. скорости равна.

$$v_{ox} = \frac{(2m+M)v_1}{m_1}$$

второй мальчик поймает мячик, когда расстояние между ним и мячиком станет определено им.

Их скорость сумма также равна ($v_{ox} = v_1$).

$$\text{тогда } L = (v_{ox} + v_1)T = v_1 \frac{2m+M+m_1}{m_1} \cdot T$$

Когда он поймает мячик, то...

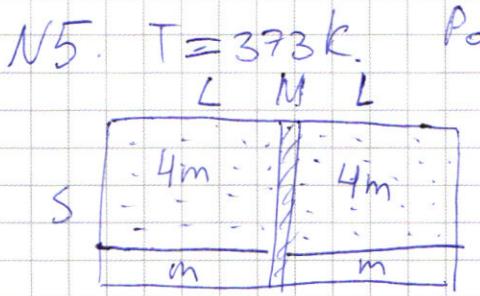
$$\text{ЗСИ: } -(m+M)v_1 + m_1v_{ox} = (2m+M+m_1)v_2$$

$$v_2 = 0.$$

$$\text{Ответ: } 1. v_{ox} = \frac{2m+M}{m_1} v_1$$

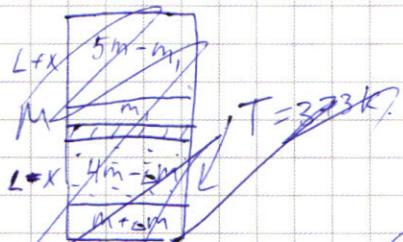
$$2. L = v_1 T \frac{2m+M+m_1}{m_1}$$

$$3. v_2 = 0$$



$$\frac{Mg}{S} = 0,02 P_0$$

$$M = \frac{0,02 \cdot 10^5}{10} \cdot 8,31 \cdot 10^{-3} = \frac{2 \cdot 2,5}{10} = 0,5 \text{ kN}$$



$$V = LS \quad R = 8,31 \frac{\text{Nm}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

$$\mu = 18 \frac{\text{г/моль}}{\text{моль}} = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}} \\ L = 0,4 \text{ м} \\ S = 25 \text{ см}^2 = 25 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2 = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2 \\ m = \frac{P_0 V \mu}{4RT} \approx 0,365 \text{ кг}$$

~~$$(L+x)SP_1 = \frac{5m - m_1}{\mu RT}$$~~
~~$$(L-x)SP_2 = \frac{(4m - m_2)}{\mu RT}$$~~

~~$$P_2 S - P_1 S = (m_1 + M)g$$~~

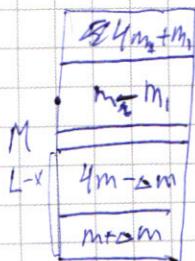
~~$$P_2 S - P_1 S = \frac{RT}{\mu} (4m - m_2 - m_1)$$~~

~~$$(P_2 - P_1)S = (m_1 + M)g$$~~

~~$$\frac{P_2 (4-x) - P_1 (L+x)}{P_2 - P_1} = \frac{RT}{\mu g} \cdot \frac{4m - m_2 - m_1}{m_1 + M}$$~~

~~$$(m_1 + M) \left(\frac{1}{P_2 - P_1} - \frac{x}{L+x} \right) = \frac{RT}{\mu g} \cdot \frac{4m - m_2 - m_1}{m_1 + M}$$~~

~~$$(m_1 + M) \left(1 - \frac{P_1 + P_2}{P_2 - P_1} \right) = \frac{RT}{\mu g} \cdot \frac{4m - m_2 - m_1}{m_1 + M}$$~~



$$P_2 (L-x)S = \frac{4m - m_2}{\mu RT}$$

$$(m_1 + M)g = (P_2 - P_1)S$$

$$P_1 (L+x)S = \frac{4m + m_1}{\mu RT}$$

$$P_2 = \frac{RT}{\mu S} \frac{4m - m_2}{L-x}$$

$$\frac{P_2 (L-x)}{P_1 (L+x)} = \frac{4m - m_2}{4m + m_1}$$

$$P_1 = \frac{RT}{\mu S} \frac{4m + m_1}{L+x}$$

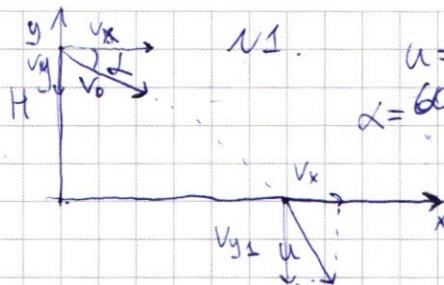
$$(m - m_1 + M)$$

$$\text{Ответ: } 1 \cdot 0,365 \text{ кг}$$

$$P_2 (m - m_1 + M)g = \frac{RT}{\mu} \frac{(4mL - mL^2 + 4mx - mx^2 - 4m^2 + 4mx - m_1L + m_1x)}{(L^2 - x^2)}$$

$$(P_2 - P_1)S = \frac{RT}{\mu} \left(\frac{4m - m_2}{L-x} - \frac{4m + m_1}{L+x} \right)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



N1.

$$u = 2,5V_0$$

$$\alpha = 60^\circ$$

$$V_x = \text{const} = V_0 \cos \alpha$$

$$V_y(t) = V_0 \sin \alpha + gt$$

$$V_x^2 + V_y^2(t) = u^2$$

$$\begin{array}{r} x_{23} \\ 23 \\ \hline 69 \\ 46 \\ \hline 529 \end{array} \quad \begin{array}{r} x_{17} \\ 17 \\ \hline 119 \\ 17 \\ \hline 2,85 \end{array}$$

$$V_{y1} \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \approx \frac{1,71}{2} \approx 0,855$$

$$V_y^2(t) = u^2 - V_x^2 = ((2,5)^2 - 1) V_0^2 = 5,25 V_0^2$$

$$\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

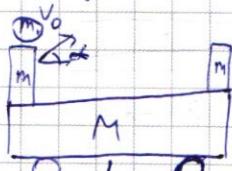
$$V_y(t) = V_0 \sin \alpha + gt = V_0 \sqrt{5,25}$$

$$\sqrt{5,25} \approx$$

$$\sqrt{5,25} \approx 2,3$$

$$\Delta x = V_x t = V_0 \cos \alpha t = \frac{V_0^2 \cos \alpha (\sqrt{5,25} - \sin \alpha)}{g}$$

N2.



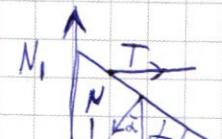
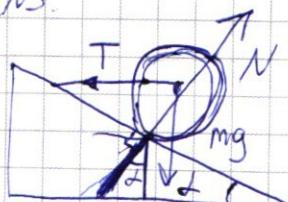
$$V_{ox} = V_0 \cos \alpha.$$

~~Помимо~~

$$1: \bullet = m, V_0 \cos \alpha - (\cancel{(m+M)} V_1) + mU$$

$$2: (V_0 \cos \alpha + V_1) \cancel{T} = L$$

N3.



$$a = \frac{V^2}{R} = \frac{\omega^2 R^2}{R} = \omega^2 R$$

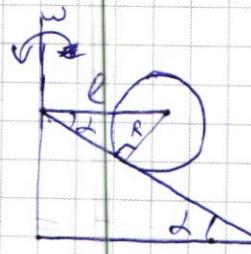
$$N = \frac{mg}{\cos \alpha}$$

$$a = \omega^2 R$$

$$ma = T - N \sin \alpha$$

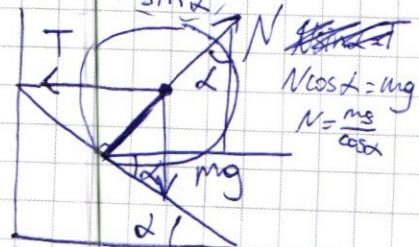
$$m\omega^2 R = T - \sin \alpha \frac{mg}{\cos \alpha}$$

$$T = m(\omega^2 R + g \tan \alpha) = m\left(\frac{\omega^2 R}{\sin \alpha} + g \tan \alpha\right)$$



$$R \sin \alpha = R$$

$$R = \frac{R}{\sin \alpha}$$



$$N \cos \alpha = mg$$

$$N = \frac{mg}{\cos \alpha}$$

N2.

1: $\bullet = mV_{0x} - (M+m)V_1 - mU \rightarrow V_{0x} = \frac{(M+2m)V_1}{m}$

2: $\frac{V_0 + 2mV_1}{m} \rightarrow (V_1 + V_{0x})T = L$

~~$V_{0x} = 2V_1$~~

$-(M+m)V_1 + m_1V_{0x} = MV_2 + (m_1+m)U_2$

$mU = MU_2$

$L = ?$

$V_{0x} = ?$

$V_{2T} = ?$

N5. $T = 373K$

$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$ $M = 18 \text{ г/моль}$ $P_0 = 10^5 \text{ Па}$

$S = 25 \text{ см}^2 = 25 \cdot (10^{-2})^2 \text{ м}^2 = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ м}^2$

$\frac{Mg}{S} = 0,02P_0$

$N = P_1S + Mg$

$m = M = 0,02P_0S$

$V = LS$

$PV = \frac{4m}{\mu}RT$

$P = ? \quad T$

$m = ?$

$V_1 = (L+x)S$

$V_2 = (L-x)S$

$P_1V_1 = \frac{5m - m_1}{\mu}RT_1$

$P_2V_2 = \frac{4m - 2m_1}{\mu}RT_1$

$\frac{P_1V_1}{P_2V_2} = \frac{5m - m_1}{4m - 2m_1}$

$\frac{P_1(L+x)}{P_2(L-x)} = \frac{5m - m_1}{4m - 2m_1}$

$S(P_2(L-x) - P_1(L+x)) = \frac{RT_1}{\mu}(4m - 2m - 5m + m_1) = \frac{RT_1}{\mu}(m_1 - 2m - m)$

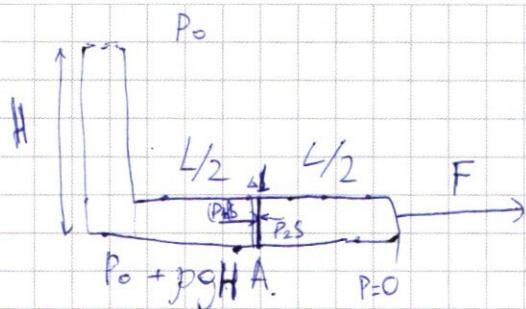
$M = \frac{0,02P_0S}{g}$

$N + P_2S + Mg = P_1S$

$m_1 = \frac{S(B-A)}{g}$

$\frac{8 \times 2,45}{19,60}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$m\ddot{a}_0 = F$$

$$\Delta m = \rho S \Delta l$$

$$\Delta m_{\alpha_0} = P_1 S - P_2 S$$

$$p_{S\Delta La_0} = (P_1 - P_2) S$$

$$p_{\Delta} \ell a_0 = \Delta P$$

$$\underline{P} \perp a_0 = P$$

~~PoV M~~
~~uRT~~

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{c} 2 \\ \times 2 \\ \hline 4 \end{array} \cdot 2,5 \cdot \sqrt{10} \cdot 18 \cdot \cancel{10} \\
 \begin{array}{c} X \\ 8,31 \\ 18 \\ \hline 54 \end{array} / 10 \quad 8,31 \cdot 373 \quad 2
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \cancel{825} \\ - 3125 + \cancel{805} \\ \hline 625 \end{array}$$

$$\frac{3125 + 600}{625} = \frac{1}{2^{7/2}} \cdot \sqrt{10^3}$$

$$\begin{aligned}
 & \cancel{8,31} \\
 & \cancel{8,31} \times \cancel{12,4} = \frac{\cancel{104,6}}{\cancel{12,5}} = \cancel{8,31} + \cancel{8,31} \\
 & \cancel{8,31} \times \cancel{12,5} = \frac{100}{\cancel{25}} \approx 0,365. \\
 & \cancel{8,31} \times \cancel{12,5} = \frac{\cancel{104,6}}{\cancel{25}} = \cancel{8,31} + \cancel{8,31}
 \end{aligned}$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)