

Олимпиада «Физтех» по физике, с

Класс 10

Вариант 10-02

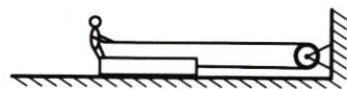
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

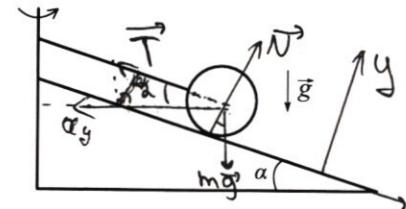
Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

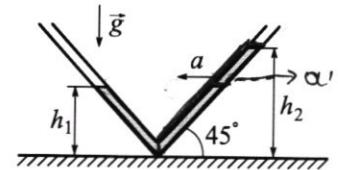
3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.



- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покойится.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.

4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4 \text{ м/с}^2$ уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10 \text{ см}$.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?



Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Действие сил трения пренебрежимо мало.

5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

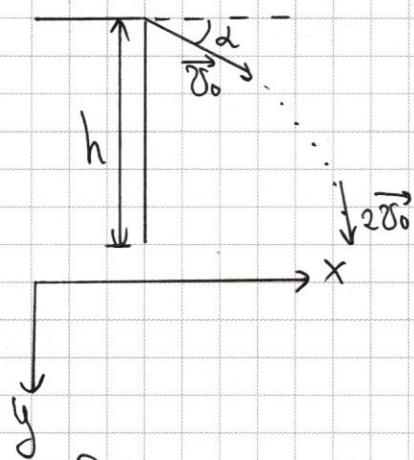
- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.

- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, $\mu = 18 \text{ г/моль}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1.



Дано: $v_0 = 10 \text{ м/с}$,
 $\alpha = 30^\circ$, $g = 10 \text{ м/с}^2$

Решение: 1) $v_x = \text{const} = v_0 \cdot \cos \alpha$.

$$v_y = v_0 \cdot \sin \alpha + g \cdot t$$

v_k - конечная скорость при
падении на Землю.

$$v_k = 2v_0 = \sqrt{v_x^2 + v_{y_k}^2}$$

$$4v_0^2 = v_x^2 + v_{y_k}^2$$

v_{y_k} - вертикальная компонента
скорости мяча при падении
на Землю.

$$4v_0^2 = v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha + v_{y_k}^2$$

$$v_{y_k}^2 = v_0^2 (4 - \cos^2 \alpha)$$

$$v_{y_k} = v_0 \sqrt{4 - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} =$$

$$= v_0 \cdot \sqrt{4 - \frac{3}{4}} = v_0 \cdot \sqrt{\frac{16-3}{4}} =$$

$$= \frac{v_0}{2} \sqrt{13} = \frac{10 \text{ м/с}}{2} \cdot \sqrt{13} =$$

$$= 5 \text{ м/с} \cdot \sqrt{13} \approx 17,5 \text{ м/с}$$

2) $v_y = v_0 \cdot \sin \alpha + g t$.

$$v_{y_k} = v_0 \cdot \sin \alpha + g t_{\text{падения}}$$

$$t_{\text{падения}} = \frac{v_{y_k} - v_0 \cdot \sin \alpha}{g} =$$

$$= \frac{v_0 \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} - v_0 \cdot \sin \alpha}{g} =$$

$$= \frac{v_0 (\sqrt{4 - \cos^2 \alpha} - \sin \alpha)}{g} =$$

$$= \frac{10 \text{ м/с} \left(\frac{\sqrt{13}}{2} - \frac{1}{2} \right)}{10 \text{ м/с}^2} = \frac{\sqrt{13} - 1}{2} \text{ с} \approx 1,25 \text{ с}.$$

3) По закону сохранения энергии: $mgh + \frac{m\omega_0^2}{2} = \frac{m(2\omega_0^2)}{2}$

$$gh + \frac{\omega_0^2}{2} = \frac{4\omega_0^2}{2} \quad | \cdot 2$$

$$2gh + \omega_0^2 = 4\omega_0^2$$

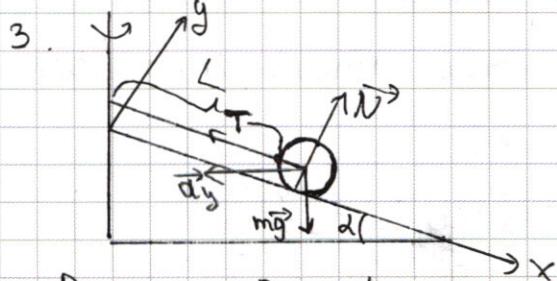
$$2gh = 3\omega_0^2$$

$$h = \frac{3\omega_0^2}{2g} = \frac{3 \cdot 100 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{2 \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 15 \text{ м}$$

Ответ: 1) $\omega_{yK} = \omega_0 \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} \approx 17,5 \text{ м/с};$

2) $t_{\text{напёма}} = \frac{\omega_0 (\sqrt{4 - \cos^2 \alpha} - \sin \alpha)}{g} \approx 1,25 \text{ с};$

3) $h = \frac{3\omega_0^2}{2g} = 15 \text{ м.}$



Дано: m, R, d, L, ω .

Найти:

1) $P_1 - ?$

2) $P_2 - ?$

Решение: 1) Матр покоятся, если сумма всех сил, действующих на него, равна нулю. Напишем

2-ой закон Ньютона для оси ОХ

и ОY: ОХ: $T = mg \cdot \sin \alpha$

ОY: $N_2 = mg \cdot \cos \alpha$

$|N| = |P|$ по 3-ему закону Ньютона.

Напишем

$$N_2 = mg \cdot \cos \alpha \Rightarrow P_1 = mg \cdot \cos \alpha.$$

2) Когда система находится вращающейся, возникает центростремительное ускорение \vec{a}_y . Напишем 2-ой закон Ньютона для осей ОХ и ОY:

ОХ: $T - mg \cdot \sin \alpha = ma_y \cdot \cos \alpha$

ОY: $mg \cdot \cos \alpha - N_2 = ma_y \cdot \sin \alpha$

$a_y = \omega^2 r = \omega^2 (L + R) \cdot \cos \alpha$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

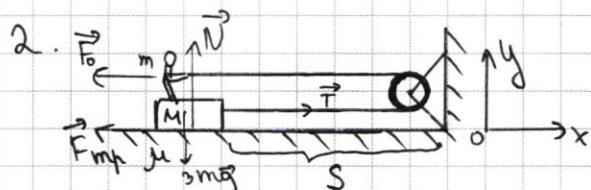
$$mg \cdot \cos \alpha - N_2 = m \cdot \omega^2 (L + R) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha$$

$$N_2 = |mg \cdot \cos \alpha - m \omega^2 (L + R) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha|$$

$$|N| = |P|, |P_2| = |N_2| = mg \cdot \cos \alpha - m \omega^2 (L + R) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha$$

Ответ: 1) $P_2 = mg \cdot \cos \alpha;$

$$2) P_2 = m(g \cos \alpha - \omega^2 (L + R) \cdot \cos \alpha \cdot \sin \alpha).$$



Дано: $m, M = 2m, S, \mu.$

Найти: 1) $P - ?$

2) $F_0 - ?$

3) $t - ?$ ($F > F_0$)

Решение: 1) Запишем 2-ой закон Ньютона для оси OY: $(m + M) \cdot g =$

$$= N. 3mg = N.$$

$$|P| = |N| = 3mg$$

$$P = 3mg$$

2) $|F_0| = |T|$ (по 3-ему закону Ньютона)

По оси OX: $F_{\text{нр}} = T.$

$$F_{\text{нр}} = \mu \cdot N. \mu \cdot N = T = F_0$$

$$F_0 \geq \mu \cdot N = 3\mu mg$$

3) По оси OX: $T_2 - F_{\text{нр}} = 3ma$

$$T_2 = F, F - F_{\text{нр}} = 3ma$$

$$F - 3\mu mg = 3ma$$

$$a = \frac{F - 3\mu mg}{3m}$$

$$S = \frac{v_0 \cdot t}{2} + \frac{at^2}{2}$$

$$S = \frac{at^2}{2}; t = \sqrt{\frac{2S}{a}} = \\ = \sqrt{\frac{2S \cdot 3m}{F - 3\mu mg}}$$

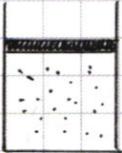
$$t = \sqrt{\frac{6m \cdot s}{F - 3\mu mg}}$$

Ответ: 1) $P = 3mg$;

$$2) F_0 = 3\mu mg;$$

$$3) t = \sqrt{\frac{6m \cdot s}{F - 3\mu mg}}$$

5.



$$t = 27^\circ C$$

$$T = \text{const.}$$

$$P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$$

$$V \downarrow, M = 5,6; P_B = 12 \text{ Па}; \mu = 18 \text{ г/моль}$$

$$\text{Найти: 1)} \frac{P_n}{P_B} - ?$$

$$2) \frac{V_n}{V_B} - ?$$

Решение:

$$1) \text{Уравнение Менделеева-Клапей-рона: } \frac{P \cdot V}{T} = \frac{m}{M} \cdot R$$

Разделим обе части на V :

$$\frac{P}{T} = \frac{m}{M} \cdot R = \frac{g_n}{\mu} \cdot R$$

$$\frac{P}{T} = \frac{P_n}{\mu} \cdot R$$

$$P_n = \frac{P \cdot \mu}{R \cdot T}$$

Вода практически не сжимается, поэтому её плотность можно принять за 12 г/см^3 .

$$\begin{aligned} \frac{P_n}{P_B} &= \frac{P \cdot \mu}{RT \cdot P_B} = \frac{3,55 \cdot 10^3 \text{ Па} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}} \cdot (27 + 273) \text{ К} = \\ &= \frac{3,55 \cdot 18}{8,31 \cdot 300 \cdot 1000} = \frac{0,71 \cdot 18}{8,31 \cdot 300 \cdot 200} = \frac{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}}{8,31 \cdot 50 \cdot 200} = \frac{0,71}{2,77 \cdot 10^4} \approx \\ &\approx 0,3 \cdot 10^{-4} (\approx 0,26 \cdot 10^{-4}). \end{aligned}$$

$$2) \frac{P \cdot V_{n1}}{T} = \frac{m_1}{\mu} \cdot R$$

$$\frac{P \cdot V_{n2}}{T} = \frac{m_2}{\mu} \cdot R$$

$$\frac{V_{n1}}{V_{n2}} = \frac{m_1}{m_2}; \quad \frac{V_{n1}}{V_{n2}} = \gamma$$

$$m_1 = \gamma \cdot m_2.$$

$\Delta m = m_1 - m_2$ - масса выделившейся воды.

$$\Delta m = (\gamma - 1)m_2.$$

m_1 - начальная масса пара

m_2 - масса пара во втором случае

V_{n1} - начальный объём пара

V_{n2} - объём во втором случае

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$V_{\text{воды}} = \frac{\rho m}{P_f} = \frac{(\gamma-1)m_2}{P_f}$$

$$V_{\text{п}_2} = \frac{m_2}{\gamma P} \cdot R \cdot T$$

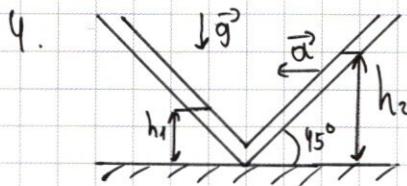
$$\frac{V_p}{V_B} = \frac{V_{\text{п}_2}}{V_{\text{воды}}} = \frac{\frac{m_2}{\gamma} \cdot R \cdot T \cdot P_f}{P \cdot (\gamma-1)m_2} = \frac{\frac{R}{\gamma} T \cdot P_f}{P \cdot (\gamma-1)} = \frac{R \cdot P_f}{S \cdot P \cdot (\gamma-1)} =$$

$$= \frac{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{к}\cdot\text{моль}} \cdot 300\text{K} \cdot 1000 \frac{\text{кг}/\text{м}^3}{\text{моль}}}{18 \cdot 10^{-2} \frac{\text{м}^3}{\text{моль}} \cdot 3,55 \cdot 10^3 \text{Па} (5,6-1)} = \frac{8,31 \cdot 3 \cdot 10^5}{18 \cdot 3,55 \cdot 4,6} = \frac{8,31 \cdot 10^5}{6 \cdot 3,55 \cdot 4,6} =$$

$$= \frac{2,77 \cdot 10^5}{2 \cdot 3,55 \cdot 4,6} = \frac{2,77 \cdot 10^5}{7,1 \cdot 4,6} = \frac{2,77 \cdot 10^5}{32,66} \approx 8,5 \cdot 10^3$$

Ответ: 1) $\frac{P_p}{P_B} = \frac{P \cdot S}{R \cdot T \cdot P_f} \approx 0,26 \cdot 10^{-4}$;

2) $\frac{V_p}{V_B} = \frac{R \cdot T \cdot P_f}{S \cdot P \cdot (\gamma-1)} \approx 8,5 \cdot 10^3$.



Дано: $\alpha = 4 \text{ Н/см}^2$,
 $h_1 = 10 \text{ см}$.

Найти: 1) $h_2 - ?$

2) $V - ?$

Решение:

$$1) m \cdot \alpha = \left(\frac{\sqrt{2}}{2} \cdot h_2 - \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot h_1 \right) \cdot S \cdot P \cdot g$$

$$\cancel{S}(h_1 + h_2) \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot S \cdot \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2} (h_2 - h_1) \cdot S \cdot P \cdot g$$

$$(h_1 + h_2) \cdot \alpha = (h_2 - h_1) \cdot g$$

$$h_1 \cdot \alpha + h_2 \cdot \alpha = h_2 \cdot g - h_1 \cdot g$$

$$h_2 \cdot \alpha - h_2 \cdot g = -h_1 \alpha - h_1 g$$

$$h_2 (\alpha - g) = - (h_1 \alpha + h_1 g)$$

$$h_2 (g - \alpha) = h_1 \alpha + h_1 g$$

$$h_2 = \frac{h_1 (\alpha + g)}{g - \alpha} = \frac{10 \text{ см} (4 + 10) \frac{\text{Н}}{\text{см}^2}}{(10 - 4) \frac{\text{Н}}{\text{см}^2}} =$$

$$= \frac{10 \text{ см} \cdot 14}{6} = \frac{10 \cdot 7}{3} \text{ см} \approx$$

$$\approx 23 \text{ см.}$$

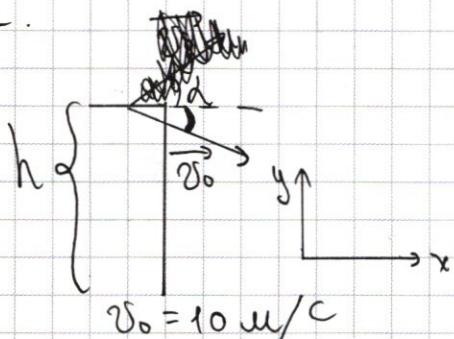
Ответ: $h_2 = \frac{h_1 (\alpha + g)}{g - \alpha} \approx 23 \text{ см.}$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1.



$v_y - ?$

$t_{\text{послед}} - ?$

$h - ?$

Решение: 1) $v_x = \text{const.}$

$$v_x = v_0 \cdot \cos \alpha$$

$$v_y = v_0 \cdot \sin \alpha + gt$$

$$v_k = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \\ = \sqrt{v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha + v_y^2}$$

$$(2v_0)^2 = v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha + v_y^2$$

$$4v_0^2 = v_0^2 \cdot \cos^2 \alpha + v_y^2$$

$$v_y^2 = v_0^2 (4 - \cos^2 \alpha)$$

$$v_y = v_0 \sqrt{4 - \cos^2 \alpha} =$$

$$= v_0 \sqrt{4 - \frac{3}{4}} =$$

$$= v_0 \cdot \sqrt{\frac{16-3}{4}} = \sqrt{\frac{13}{4}}$$

$$= \cancel{v_0} \cdot \cancel{v_0} \cdot \sqrt{\frac{13}{4}} = \cancel{v_0} \cdot \frac{\sqrt{13}}{2}$$

2) $v_y = v_0 \cdot \sin \alpha + gt$

$$v_0 \cdot \frac{\sqrt{13}}{2} = v_0 \cdot \sin \alpha + gt$$

$$t = \frac{v_0 (\frac{\sqrt{13}}{2} - \sin \alpha)}{g}$$

3) ЗСЭ: $mgh + \frac{mv_0^2}{2} =$
 $= \frac{m(2v_0)^2}{2}$

$$v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t + \frac{gt^2}{2} = \\ = 10 \cdot \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{13}-1}{2} \right) + \frac{10}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{13}-1}{2} \right)^2 =$$

$$= 5 \left(\frac{\sqrt{13}-1}{2} \right) + 5 \cdot \frac{13-2\sqrt{13}+1}{4} \quad \left| \begin{array}{l} \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \\ 4 \cdot 4 = 16 \\ 3 \cdot 3 = 9 \end{array} \right.$$

$$\frac{3,55}{0} \quad | \frac{5}{0,21} \quad 2,5(\sqrt{13}-1) + \frac{5}{4}(14-2\sqrt{13}) = 2,5(\sqrt{13}-1) + \frac{5}{2}(7-\sqrt{13})$$

$$\approx 2,5 \quad \approx 3,5$$

$$\frac{5}{2} \cdot \frac{5}{2} + \frac{5}{2} \cdot \frac{7}{2} = \frac{25+35}{4} = \frac{60}{4} = 15$$

$T = \text{const}$

$t = 27^\circ\text{C}$

$p = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Pa}$

$$\frac{P \cdot V}{T} = \frac{m}{M} \cdot R \quad | : V$$

$V = \text{const}$

$$P = \frac{m}{M} \cdot R$$

$$\frac{3}{2} \rightarrow RT$$

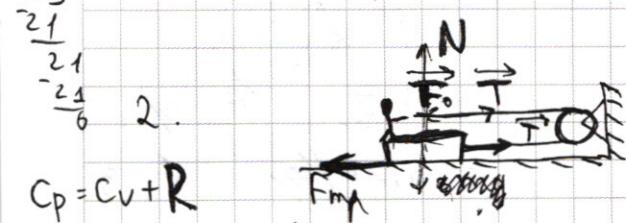
$$P_2 = \frac{P \cdot M}{T \cdot R}$$

$$\rho_f = 12 \text{ g/cm}^3$$

$$\frac{3,55 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{(27+273) \cdot 8,3} =$$

$$= \frac{3,55 \cdot 18}{300 \cdot 8,3}$$

$$\rho_0 (\sqrt{4 - \cos^2 \alpha} - \sin \alpha)$$



$$C_p = C_V + R$$

$$U = \frac{3}{2}RT$$

$$U = C_p \cdot T$$

$$F_{mp} = \mu \cdot N = \mu \cdot 3mg$$

$$F_{mp} = T$$

$$F_{mp} = 3\mu mg$$

$$\frac{71}{0} \quad | \frac{277}{180,256}$$

$$\frac{110}{-554}$$

$$\frac{1560}{-1385} \quad | \frac{71}{1750}$$

$$\frac{277}{1277} \quad | \frac{3}{213} \quad | \frac{44}{1662} \quad | \frac{51}{1939}$$

$$\frac{554}{1385} \quad | \frac{277}{5} \quad | \frac{3}{1385}$$

~~sta. 100
k. 100
k. walls~~

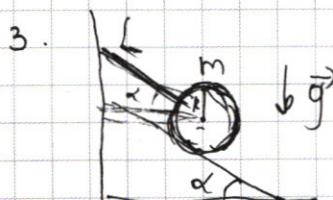
$$\frac{3 \cdot 100}{20} = 15$$

$$\frac{2}{5} \quad | \frac{3,5}{17,5}$$

~~105
175
105
225~~

$$\frac{3,4}{10,8} \quad | \frac{3,5}{13,6} \quad | \frac{1}{1056} \quad | \frac{3,5}{12,25}$$

$$\frac{18}{16,6} \quad | \frac{18}{120} \quad | \frac{18}{108} \quad | \frac{18}{120}$$



$$1) x: T = mg \cdot \sin \alpha$$

$$y: N = mg \cdot \cos \alpha$$

$$|N| = |P| = mg \cdot \cos \alpha$$

$$2) x: T - mg \cdot \sin \alpha = m \alpha y$$

$$y: N = mg \cdot \cos \alpha$$

$$mg \cdot \cos \alpha - N = m \alpha y \cdot \sin \alpha$$

$$\alpha y = \omega^2 r = \omega^2 \cdot (L+R) \cdot \cos \alpha$$

$$N = mg \cdot \cos \alpha - m \cdot \sin \alpha \cdot \omega^2 (L+R)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{P \cdot V}{T} = \frac{m}{M} \cdot R$$

$$\frac{m_1}{m_2} = 5,6$$

$$V_{\text{наработка}} = \frac{\frac{m_2}{M} \cdot R \cdot T}{P}$$

$$\frac{P}{T} = \frac{P}{M} \cdot R$$

$$m_1 = 5,6 m_2$$

$$P_2 = \frac{P \cdot M}{R \cdot T}$$

$$m_1 - m_2 = 4,6 m_2$$

$$\frac{P \cdot V}{T} = \frac{m_1}{M} \cdot R$$

$$m_{\text{воздуха}} = 4,6 m_2$$

$$\frac{P_2 V_2}{T} = \frac{m_2}{M} \cdot P$$

$$V_{\text{воздуха}} = \frac{m_2 \cdot 4,6}{P_2}$$

$$\Delta m = m_1 - m_2 - \text{масса воздуха}$$

$$\frac{P \cdot V}{P_2 V_2} = \frac{m_1}{m_2}$$

$$\begin{array}{r} \times 7,1 \\ 4,6 \\ \hline + 426 \\ 284 \\ \hline 32,66 \end{array}$$

$$m_1 = \frac{P \cdot V \cdot M}{T \cdot R}$$

$$\begin{array}{r} 277 \\ 0 \\ \hline 2770 \end{array} \quad \begin{array}{r} | 3266 \\ 0,0848 \\ \hline 10,0848 \end{array}$$

$$m_2 = \frac{P_2 V_2}{T} \cdot \frac{M}{R}$$

$$\Delta m = \frac{M}{RT} (P \cdot V - P_2 V_2)$$

$$\begin{array}{r} 2770 \\ 0 \\ \hline 2770 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} | 3266 \\ 29394 \\ \hline 3268 \end{array}$$

$$\Delta m = \frac{M}{RT} (V - V_2)$$

$$\frac{P \cdot V}{T} = \frac{m}{M} \cdot R$$

$$P = \frac{M p}{R T}$$

$$m_a = (h_2 - h_1) \cdot S \cdot \rho_{nc} \cdot g$$

$$0,085$$

$$\frac{P \cdot V}{P_2 V_2} = \frac{m_1}{m_2}$$

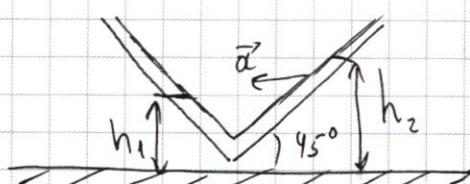
$$\begin{array}{r} | 3266 \\ 13064 \\ \hline 16330 \end{array}$$

$$d \rho_{nc} (h_1 + h_2) \cdot \frac{1}{2} \cdot S =$$

$$= \frac{1}{2} (h_2 - h_1) \cdot S$$

$$m \alpha \cdot \sin 45^\circ = mg$$

$$\alpha = g / \sqrt{2}$$



$$\begin{array}{r} 70 \\ 6 \\ \hline 123,3 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \\ 1 \\ \hline 3,55 \end{array}$$

$$1,41$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)