

Олимпиада «Физтех» по физике, ф Вариант 10-02

Класс 10

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вложенного бланка не оцениваются.

1. Гайку бросают с вышки со скоростью $V_0 = 10 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 30^\circ$ к горизонту. В полете гайка все время приближалась к горизонтальной поверхности Земли и упала на нее со скоростью $2V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости гайки при падении на Землю.
- 2) Найти время полета гайки.
- 3) С какой высоты была брошена гайка?

Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

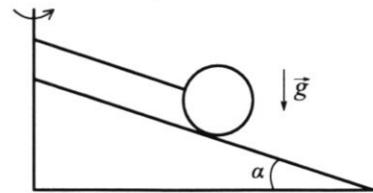
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 2m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) За какое время человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

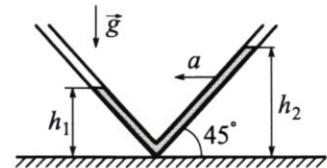
- 1) Найти силу давления шара на клин, если система покоятся.
- 2) Найти силу давления шара на клин, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении с ускорением $a = 4 \text{ м/с}^2$ уровень масла в одном из колен трубки устанавливается на высоте $h_1 = 10 \text{ см}$.

- 1) На какой высоте h_2 установится уровень масла в другом колене?
- 2) С какой скоростью V будет двигаться жидкость в трубке относительно трубки после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет») и когда уровни масла будут находиться на одинаковой высоте?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Действие сил трения пренебрежимо мало.

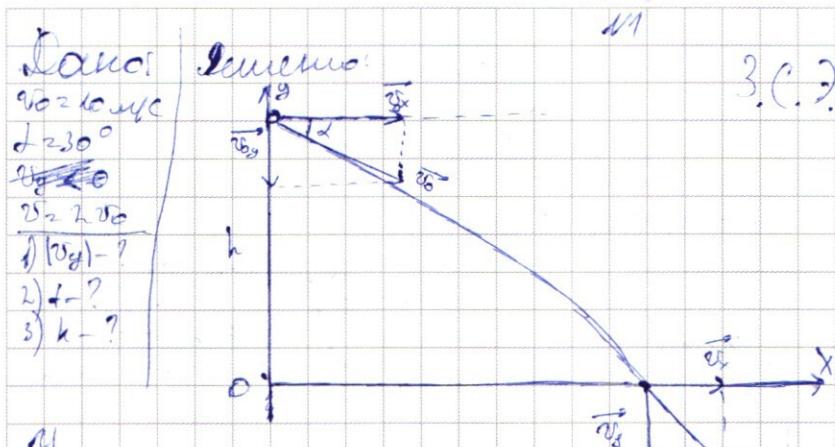


5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 27°C и давлении $P = 3,55 \cdot 10^3 \text{ Па}$. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
- 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшится в $\gamma = 5,6$ раза.

Плотность и молярная масса воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, $\mu = 18 \text{ г/моль}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Уравнение движения по оси Y:

$$y = y_0 + v_0 t + \frac{gt^2}{2}$$

$$y_g = -g t \quad g = h \cdot g_0 = 0$$

$v_{0y} = -20 \sin 30^\circ$ (м.н. склоняясь к земле боком кинетика пренебрежимо малая)

\Rightarrow это фрикционная балка.)

$$0 = h - 20 \sin 30^\circ t - \frac{gt^2}{2}$$

$$\frac{gt^2}{2} - 20 \sin 30^\circ t - h = 0. \quad \frac{10t^2}{2} + 10 \cdot 0.5 \cdot t - 15 = 0. \quad 5t^2 + 5t - 15 = 0. \quad t^2 + t - 3 = 0$$

$$t^2 + t - 3 = 0. \quad D = 1 + 12 = 13 \quad t = \frac{\sqrt{13} - 1}{2} \text{ (с)} \quad t = \frac{-\sqrt{13} - 1}{2} \text{ (необходимо)}$$

$$\sqrt{13} \approx 3.6 \Rightarrow t \approx \frac{3.6 - 1}{2} \approx 1.3 \text{ (с.)}$$

$$v_{0y} = v_{0y} + g t \quad v_{0y} = -20 \cdot 0.5 \text{ м/с}$$

$$v_y = -gt - 20 \sin 30^\circ$$

$$-v_y = gt + 20 \sin 30^\circ \quad -v_y = 10 \cdot \left(\frac{\sqrt{13} - 1}{2} \right) + 10 \cdot 0.5 = 5 + 5\sqrt{13} - 5 = 5\sqrt{13}. \quad |v_y| = 5\sqrt{13} \text{ м/с}$$

Ответы: 1) $|v_y| = 5\sqrt{13} \text{ м/с} \approx 28 \text{ м/с}$.

2) $t = \frac{\sqrt{13} - 1}{2} \text{ с.} \approx 1.3 \text{ с.}$

3) $h = 15 \text{ м.}$

$v_y \approx 18 \text{ м/с}$

3.(.?).: $E_n + E_{ko} = E_k$.

$$E_k = \frac{m v^2}{2} = \frac{m \cdot 20^2}{2} = 2 m v_0^2.$$

$$E_{ko} = \frac{m v_0^2}{2}$$

$$m E_k = m v_0^2$$

$$m v_0^2 + m v_0^2 = 2 m v_0^2 / \sqrt{2}$$

$$2 g h + 2 v_0^2 = 4 v_0^2$$

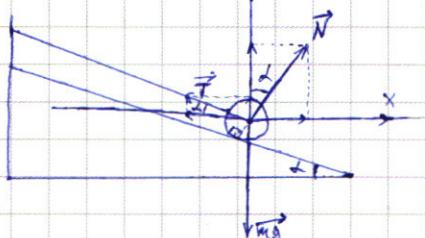
$$2 g h = 3 v_0^2. \quad h = \frac{3 v_0^2}{2 g}$$

$$h = \frac{3 \cdot 20^2}{2 \cdot 10} = 15 \text{ (м.)}$$

Дано:
 Р
 L
 ω
 1) F_g ?
 2) $F_g - ?$

Решение:

1) ω горизонт.



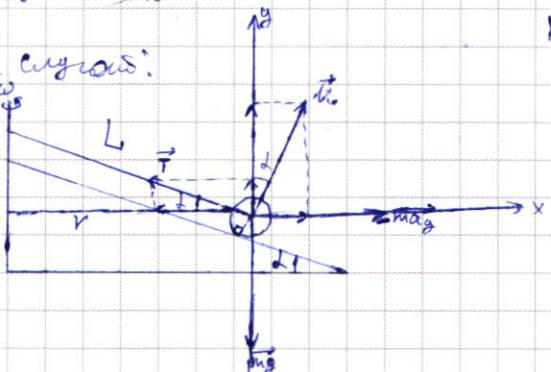
$$N \sin \alpha = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha$$

$$N \sin \alpha = \frac{mg \cos \alpha}{\sin \alpha} - \frac{N \cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \quad N \left(\sin \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \right) = \frac{mg \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$\frac{N}{\sin \alpha} = \frac{mg \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$N = mg \cos \alpha \Rightarrow F_g = mg \cos \alpha$$

2) ω горизонт.



$$T = L \cos \alpha$$

$$F_g + T = mg$$

$$OY: N \sin \alpha + T \sin \alpha - T \cos \alpha = 0$$

$$N \sin \alpha = T \cos \alpha$$

$$a_g = \omega^2 R = \omega^2 L \cos \alpha$$

$$N \sin \alpha = T \cos \alpha \Rightarrow mg \cos \alpha = T \cos \alpha$$

$$OY: N \cos \alpha + T \sin \alpha - mg = 0$$

$$T = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$N \sin \alpha = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha \Rightarrow N \cos^2 \alpha$$

$$N \sin \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{N \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - N \cos^2 \alpha$$

$$N \left(\sin \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \right) = \cos \alpha \left(\frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{N \cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \right) \quad \sin \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} = \frac{1}{\sin \alpha} \quad (\text{зокоздано бывше})$$

$$\frac{N \omega}{\sin \alpha} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} (mg - N \cos^2 \alpha)$$

$$N \omega = N \cos \alpha (g - \omega^2 L \sin \alpha) \Rightarrow f_{\text{норм}} = N \cos \alpha (g - \omega^2 L \sin \alpha)$$

Ответы: 1) $F_g = mg \cos \alpha$.

2) $f_{\text{норм}} = N \cos \alpha (g - \omega^2 L \sin \alpha)$.

1.3

$$mg + T + N = 0$$

$$OY: N \sin \alpha - T \cos \alpha = 0$$

$$N \sin \alpha = T \cos \alpha$$

$$OY: -mg + N \cos \alpha + T \sin \alpha = 0$$

$$T \sin \alpha = mg - N \cos \alpha$$

$$T = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$uz \text{ Obj: } N \sin \alpha = T \cos \alpha$$

$$\sin^2 \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha} = \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha}$$

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \Rightarrow \frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha} = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$$

$$T = L \cos \alpha$$

$$F_g + T = mg$$

$$N \sin \alpha + T \sin \alpha - T \cos \alpha = 0$$

$$N \sin \alpha = T \cos \alpha$$

$$a_g = \omega^2 R = \omega^2 L \cos \alpha$$

$$N \sin \alpha = T \cos \alpha \Rightarrow mg \cos \alpha = T \cos \alpha$$

$$OY: N \cos \alpha + T \sin \alpha - mg = 0$$

$$T = \frac{mg - N \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$N \sin \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{N \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - N \cos^2 \alpha$$

$$N \sin \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{N \cos \alpha}{\sin \alpha} \cdot \cos \alpha = \frac{mg}{\sin \alpha} - N \cos^2 \alpha$$

$$N \left(\sin \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \right) = \cos \alpha \left(\frac{mg}{\sin \alpha} - \frac{N \cos^2 \alpha}{\sin \alpha} \right) \quad \sin \alpha + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin \alpha} = \frac{1}{\sin \alpha} \quad (\text{зокоздано бывше})$$

$$\frac{N \omega}{\sin \alpha} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} (mg - N \cos^2 \alpha)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:	(чт.)
$t = 27^\circ\text{C}$	300 K
$P = 355 \cdot 10^3 \text{ Pa}$	
$t_2 = \text{const}$	
$\rho = 12 \text{ г/см}^3$	10^3 кг/м^3
$M = 18.2 \text{ (для 18.18, } 18.18^3 \text{ кг/код)}$	
$\gamma = 5.6$	
$\frac{P_1}{P} = ?$	
$\frac{V_2}{V_1} = ?$	

решение: №5

$$1) PV = \frac{mRT}{M} \quad P_2 = \frac{mRT}{V_2 M} \quad P_2 = \frac{mRT}{V_1 M}$$

$$P_2 = \frac{P_1 RT}{M} \quad P_2 = \frac{P_1}{RT} \cdot M \quad P_2 = \frac{355 \cdot 10^3 \cdot 18 \cdot 10^3}{831 \cdot 300} \cdot 10^3$$

$$= \frac{355 \cdot 6 \cdot 10^2}{831} \cdot \frac{10^3}{10^3} \approx 2,563 \cdot 10^2 \text{ кг/м}^3$$

$$355 \cdot 6 = 213. \quad 213 \cdot 2130000 | 831$$

$$\frac{P_2}{P} = \frac{2,563 \cdot 10^2}{10^3} = 2,563 \cdot 10^{-1} \quad \begin{array}{r} 16621 \\ 4680 \\ 4155 \\ 5250 \\ 4986 \\ 2640 \\ 2493 \\ \hline 1480... \end{array} | 2,5631$$

$$\textcircled{2} \quad 000002563.$$

$$2) V_2 = \frac{V_1}{\gamma} \quad P_2 = \frac{m_1}{V_1} \quad V_1 = \frac{m_1}{P_1} \quad V_2 = \frac{m_1}{\gamma P_1} \quad \gamma = \frac{V_1}{V_2}$$

$$\frac{PV_1}{P} = \frac{m_1 RT}{M} \quad \frac{PV_1}{PV_2} = \frac{m_1 RT}{M RT + m_2 RT} \quad \frac{V_1}{V_2} = \frac{m_1}{m_2} = \gamma \quad m_2 = \frac{m_1}{\gamma} \quad \Delta m = m_1 - m_2 \quad \textcircled{3}$$

$$\textcircled{4} \quad m_1(1 - \frac{1}{\gamma})$$

$$\text{Для балки: } P = \frac{\Delta m}{V_2} \quad V_2 = \frac{\Delta m}{P} = \frac{m_1(1 - \frac{1}{\gamma})}{P}$$

$$V_2 = \frac{m_1}{\gamma P_1} \quad \frac{V_2}{V_1} = \frac{M_1 D}{\gamma \cdot P_1 \cdot M_1(1 - \frac{1}{\gamma})} = \frac{D}{\gamma P_1 \cdot (\gamma - 1)} = \frac{1}{(\gamma - 1) \cdot \frac{P_1}{D}}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{1}{96 \cdot 2,563 \cdot 10^5} = 10 \cdot \frac{1}{11,788} \quad \textcircled{5}$$

$$\textcircled{6} \quad 10 \cdot \frac{1}{11,8} \approx 10 \cdot 0,08475 = 8,475 \cdot 10^{-2} \frac{1}{8925} \quad \begin{array}{r} 10000000 | 118 \\ 944 \\ 560 \\ 42 \\ 880 \\ 826 \\ 540 \\ 42 \\ 680 \\ 590 \\ \hline 118 \end{array} | 1008475...$$

$$\text{Следоват: 1) } \frac{P_2}{P} \approx 2,563 \cdot 10^2 = 000002563.$$

$$2) \frac{V_2}{V_1} \approx 8475.$$

Дано:
 $S, m, M = 2m$,
 μ, F
 Решение:
 ①

$F_g = N \quad N = 2mg + mg = 3mg$
 $F_g = 3mg$

②

$N + 3mg + F + F_f = 0$
 $Oy: N - 3mg = 0 \quad N = 3mg$
 $Ox: F - F_f = 0 \quad F_f = F$
 $F_f = \mu N \quad F_f = 3\mu mg$
 $F_f = 3\mu mg$

③

$N + 3mg + F + F_f = 3m \cdot a$
 $Oy: N - 3mg = 0 \quad N = 3mg$
 $Ox: F - F_f = 3ma$
 $F_f = F - 3ma$
 $F_f = \mu N \quad F_f = 3\mu mg$
 $F - 3\mu mg = 3ma \quad a = \frac{F - 3\mu mg}{3m}$

$S = S_0 + \alpha t + \frac{\alpha t^2}{2}$
 $S_0 = 0, S_0 = 0$
 $S = \frac{\alpha t^2}{2} l_a$

$2S = \alpha t^2 \quad t^2 = \frac{2S}{\alpha} \quad t^2 = \frac{2S \cdot 3m}{F - 3\mu mg} = \frac{6Sm}{F - 3\mu mg}$

$t = \sqrt{\frac{6Sm}{F - 3\mu mg}}$ или $t = -\sqrt{\frac{6Sm}{F - 3\mu mg}}$ (не подходит).

Ответы: 1) $F_g = 3mg$.

2) $F_f = 3\mu mg$.

3) $t = \sqrt{\frac{6Sm}{F - 3\mu mg}}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

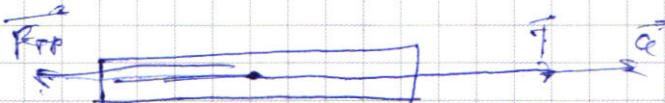
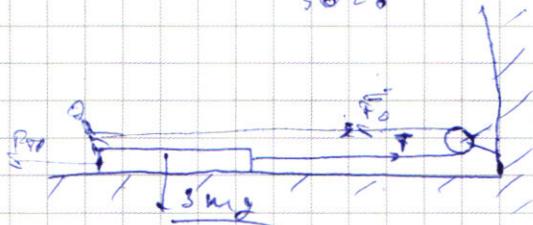
<p>Дано:</p> $\angle = 45^\circ$ $a = 4 \text{ см}^2$ $h_1 = 10 \text{ см}$ $g = 10 \text{ м/с}^2$ 1) $h_2 = ?$ 2) $a = ?$	<p>Найти:</p> <p>№4.</p>	<p>Задача базовая синяя</p> <p>бутылка содержит жидкость и</p> <p>насыщенный паром. Эта система</p> <p>закрыта от атмосферы.</p> <p>Для левого конца существующее уравнение — $(g+a)$, а для правого — $(g-a)$.</p> <p>$P_1 = P_2$ $P_1 = \rho h_1(g+a)$, $P_2 = \rho h_2(g-a)$.</p> <p>$\rho h_1(g+a) = \rho h_2(g-a)$</p> $h_2 = \frac{h_1(g+a)}{g-a}$ $h_2 = \frac{10 \text{ см} \cdot 14}{6} = \frac{10 \cdot 7}{3} = 10 \cdot 2\frac{1}{3} = 23\frac{1}{3} \text{ см} = 0,2333 \text{ м}$ <p>Ответ: $h_2 = 23,33 \text{ см} = 0,2333 \text{ м}$</p>
---	--------------------------	---

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

Лодка движется: $\frac{10,02}{0,712}$
 син $\frac{1}{0,712} \cdot 10,02 = 14,26$

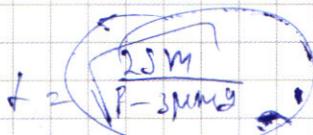
С
у
2 м
М
 1) $P_B = ?$
 2) $P_0 = ?$
 3) $R = ?$



$$T - R \text{ та} = F - F_0 = F - 3 \text{ кнг}$$

$$a = \frac{F - 3 \text{ кнг}}{M} = \frac{F}{M} - 2 \text{ м/с}^2$$

$$S = \frac{a t^2}{2} = \frac{2 \cdot 2^2}{2} = 4 \text{ м} \quad F = \frac{2 \cdot S}{t} = \frac{2 \cdot 4}{2} = 4 \text{ кнг}$$



Добавление высоты
составляет максимум.

Еще одна a нюанс

$$P_1 = \rho g h_1 (g + a \sin \alpha)$$

$$P_2 = \rho g h_2 (g + a \sin \alpha)$$

$$\frac{12 \text{ кн}}{0,712} =$$

$$h_1 g + h_1 a \sin \alpha = h_2 g + h_2 a \sin \alpha$$

$$h_2 = \frac{h_1 (g + a \sin \alpha)}{g + a \sin \alpha} \quad h_2 = \frac{10 \cdot (10 + 4 \cdot \frac{2}{3})}{10 + 4 \cdot \frac{2}{3}} = 14,7 \text{ м}$$

$$- 10 \left(\frac{10 + 2 \cdot \frac{2}{3}}{10 + 4 \cdot \frac{2}{3}} \right) =$$



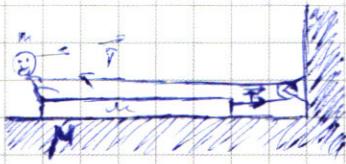
$$F g_2 - P_2 S = \rho g h_2 S$$

$$P_1 - P_2 S = \rho g h_1 S$$

$$P_{\text{разр.}} = \rho g S \Delta h = \rho g S D h = \frac{\rho g}{2} D^2 h^2$$

3

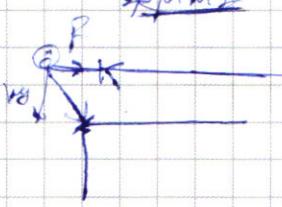
$$W \\ k=2n$$



12.

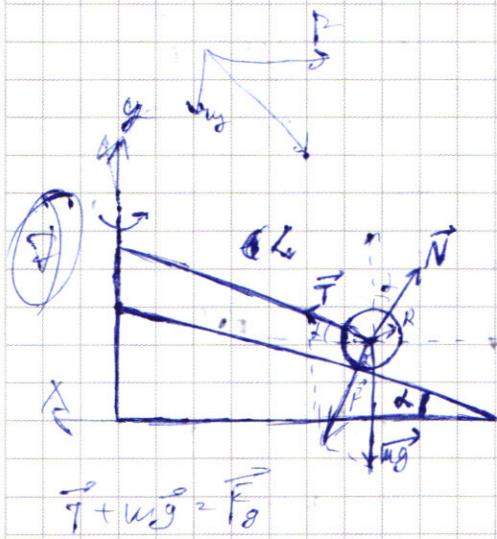
1) $\sin \alpha$

2) $N = \frac{P}{\sin \alpha}$
 $F_S = \frac{P}{2}$



$$(P_S) \sim G$$

$$\frac{\sin \alpha + \cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha} \cdot \frac{\sin \alpha \cos \alpha}{\sin^2 \alpha} \cdot \frac{1}{\sin \alpha}$$



$$T + \mu g = F_g$$

$$Ox: f \cos \alpha = \mu g \sin \alpha, \quad F_g = \frac{\mu g \sin \alpha}{\sin^2 \alpha} = \mu g \cot \alpha$$

$$Cy: \mu g + \mu \cos \alpha = F_g \cos \alpha$$

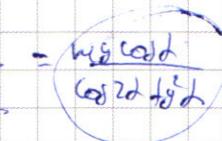
$$f = \frac{F_g \cos \alpha + \mu g}{\sin \alpha}$$

$$F_g = \frac{(F_g \cos \alpha + \mu g) \cdot \sin \alpha}{\sin^2 \alpha} = \frac{F_g \cos \alpha}{\sin \alpha} + \frac{\mu g \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

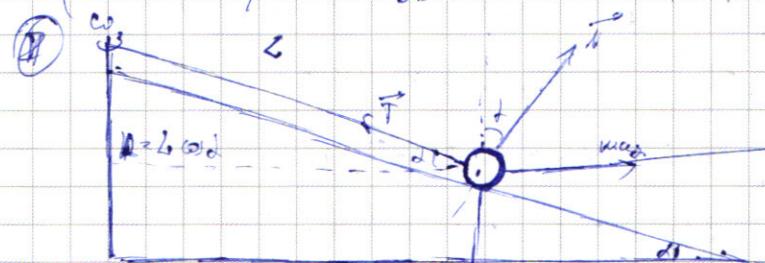
$$F_g = F_g \cos^2 \alpha + \mu g \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} =$$

$$F_g (\cos^2 \alpha - \cos^2 \alpha) = \mu g \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$F_g = \frac{\mu g \cos \alpha}{\sin \alpha (\cos^2 \alpha - \cos^2 \alpha)} = \frac{\mu g \cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\mu g \cos \alpha}{\cos^2 \alpha \tan \alpha}$$



$$T + N + \mu g \cos \alpha + \mu g \sin \alpha = 0$$



$$\sin \alpha = \frac{\cos \alpha (1 - \mu \cos^2 \alpha)}{\sin \alpha}$$

$$N = \frac{\sin \alpha}{\sin^2 \alpha}$$

$$N \sin \alpha = \frac{(\mu g - \mu \cos^2 \alpha) \cdot \cos \alpha}{\sin^2 \alpha} = \mu g \cos \alpha - \mu \cos^2 \alpha \cos \alpha$$

$$N \sin \alpha = \mu g \cos \alpha - \mu \cos^2 \alpha \cos \alpha$$

$$N \left(\sin \alpha - \frac{\cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha} \right) = \mu g \cos \alpha - \mu \cos^2 \alpha \cos \alpha$$

$$N = \frac{\mu g \cos \alpha (1 - \cos^2 \alpha)}{\sin^2 \alpha} = \frac{\mu g \cos \alpha \sin^2 \alpha}{\sin^2 \alpha}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{array}{l} \text{Dano} \\ \text{No = double} \\ \text{L = } 30^{\circ} \\ \text{V = } 250 \end{array}$$

- Personne

11

$$mgh = \frac{m \cdot 75^2}{2} = \frac{m \cdot 450}{2} + \cancel{mgh}$$

$$2gh + V_0^2 = 4V_0^2 + gh \quad h = \frac{3V_0^2}{2g}$$

$$\frac{300}{6} = 50 \text{ m}$$

$$h = \sqrt{20}$$

~~10~~

$$28 \\ 400^2 = 15x^2 + 28^2$$

$$v_x^2 = v^2 \cos^2 \alpha$$

$$v_{ox} = v_x = v_{cos\theta}$$

$$Ug = u g + g f$$

Vogt 20814

$$((\overline{v_0} \sin \theta + g t) - (v_0 \cos \theta))^2 = v_0^2 R^2$$

$$26^2 \sin^2 \theta - 2 \cdot 26 \sin \theta \cdot g t + g^2 t^2 \cdot 26^2 \cos^2 \theta = 420^2.$$

$$v_0^2 - 2v_0 s \cos \theta + g_f^2 = 4v_0^2.$$

$$\text{too } 320^2 = 87^2 - 270 \sin \angle B$$

$$300 = 100t^2 - 2 \cdot 10 \cdot gF \cdot 10 \cdot t$$

$$100t^2 - 10t - 300 = 0$$

$$\underline{10f^2 - f - 30 = 0} \quad D_2: f + 1200 = 120$$

$$100f^2 + 60f - 300 = 0 \quad 36 - 36 = 9\cancel{f^2}.$$

$$f^2 + f - 3 = 0$$

$$f = \frac{-1 \pm \sqrt{13}}{2}$$

$$= \frac{-1 \pm 3.6}{2} = \frac{2.6 \pm 3.6}{2} = 1.3 \pm 1.8$$

D-1-12213
1-123

$$f = -2 \cdot (c) \quad 2y = 2\cos \alpha f - c f$$

$$z_2 = 5 + \text{f}(10) \left(-\frac{1+i\sqrt{3}}{2} \right) = 8 - 8 + 5\sqrt{3} \text{cis} \left(5\sqrt{3} \right) \text{ rad/c}$$