

Олимпиада «Физтех» по физике, 1

Класс 10

Вариант 10-01

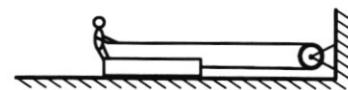
Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без в.

1. Камень бросают с вышки со скоростью $V_0 = 8 \text{ м/с}$ под углом $\alpha = 60^\circ$ к горизонту. В полете камень все время приближался к горизонтальной поверхности Земли и упал на нее со скоростью $2,5V_0$.

- 1) Найти вертикальную компоненту скорости камня при падении на Землю.
- 2) Найти время полета камня.
- 3) Найти горизонтальное смещение камня за время полета.

Ускорение свободного падения принять $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

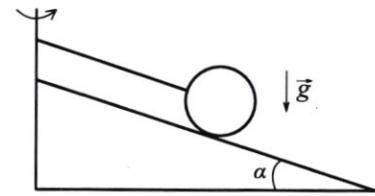
2. Человеку, упирающемуся в ящик ногами, надо передвинуть ящик из состояния покоя по горизонтальному полу на расстояние S к стене (см. рис.). Массы человека и ящика равны соответственно m и $M = 5m$. Натянутые части каната, не соприкасающиеся с блоком, горизонтальны. Массами каната, блока и трением в оси блока можно пренебречь. Коэффициент трения между ящиком и полом μ .



- 1) С какой силой ящик с человеком давят на пол при движении ящика?
- 2) С какой минимальной постоянной силой надо тянуть человеку канат, чтобы осуществить задуманное?
- 3) Какой скорости достигнет ящик, если человек осуществит задуманное, приложив постоянную силу F ($F > F_0$) к канату?

3. Однородный шар массой m и радиусом R находится на гладкой поверхности клина, наклоненной под углом α к горизонту (см. рис.). Шар удерживается нитью длиной L , привязанной к вертикальной оси, проходящей через вершину клина. Нить параллельна поверхности клина.

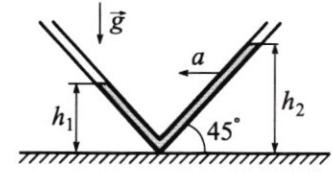
- 1) Найти силу натяжения нити, если система покоятся.
- 2) Найти силу натяжения нити, если система вращается с угловой скоростью ω вокруг вертикальной оси, проходящей через вершину клина, а шар не отрывается от клина.



4. Трубка, изогнутая под прямым углом, расположена в вертикальной плоскости и заполнена маслом (см. рис.). Угол $\alpha = 45^\circ$. При равноускоренном движении трубки в горизонтальном направлении уровни масла в коленах трубки устанавливаются на высотах $h_1 = 8 \text{ см}$ и $h_2 = 12 \text{ см}$.

- 1) Найдите ускорение a трубы.
- 2) С какой максимальной скоростью V будет двигаться жидкость относительно трубы после того как трубка внезапно станет двигаться равномерно (ускорение «исчезнет»)?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Действие сил трения пренебрежимо мало.



5. В цилиндрическом сосуде под поршнем находится насыщенный водяной пар при температуре 95°C и давлении $P = 8,5 \cdot 10^4 \text{ Па}$. В медленном изотермическом процессе уменьшения объема пар начинает конденсироваться, превращаясь в воду.

- 1) Найти отношение плотности пара к плотности воды в условиях опыта.
 - 2) Найти отношение объема пара к объему воды к моменту, когда объем пара уменьшился в $\gamma = 4,7$ раза.
- Плотность и молярная масса воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, $\mu = 18 \text{ г/моль}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 1

Дано:

$$V_0 = 8 \frac{m}{s}$$

$$\alpha = 60^\circ$$

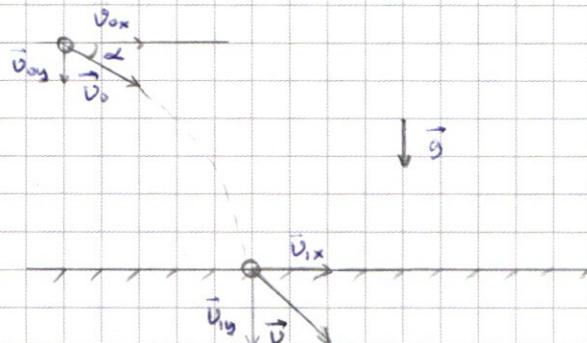
$$V_1 = 2,5 V_0$$

$$g = 10 \frac{m}{s^2}$$

1) $V_{1y} - ?$

2) $t - ?$

3) $L - ?$



1) При таком же горизонтальном компоненте

скорости остаются постоянной

$$V_x = \text{const} = V_{0x} = V_{ix}$$

$$V_{0x} = V_0 \cdot \cos \alpha = V_{ix}$$

Вертикальная компонента скорости меняется при

$$\begin{aligned} \text{падении на землю } V_{iy} &= \sqrt{V_i^2 - V_{ix}^2} = \sqrt{(2,5 V_0)^2 - \\ &- (V_0 \cdot \cos \alpha)^2} = V_0 \sqrt{(2,5)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2} = V_0 \cdot \sqrt{6} = 8\sqrt{6} \left(\frac{m}{s}\right) \approx 19 \frac{m}{s} \end{aligned}$$

2) Так как на земле в полете движутся

только ускорение свободного падения \vec{g} , то

можно записать следующее уравнение

$$V_{iy} - V_{oy} = g t \quad (V_{oy} - \text{вертикальная компонента начальной скорости}, t - время полета)$$

$$t = \frac{V_{iy} - V_{oy}}{g} = \frac{V_0 \cdot \sqrt{6} - V_0 \cdot \sin 60^\circ}{g} = \frac{V_0}{g} \left(\sqrt{6} - \frac{\sqrt{3}}{2} \right) =$$

$$= \frac{V_0}{g} \cdot \sqrt{3} \left(\sqrt{2} - \frac{1}{2} \right) \approx 1,2 (s)$$

3) L - горизонтальное перемещение камня

$$L = v_x \cdot t = v_0 \cdot \cos \alpha \cdot \frac{v_0}{g} \cdot \sqrt{3} (\sqrt{2} - \frac{1}{2}) = \frac{v_0^2}{g} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} (\sqrt{2} - \frac{1}{2}) = \\ = \frac{v_0^2}{g} \cdot \frac{2\sqrt{6}-\sqrt{3}}{4} \approx 7,95 \text{ (m)}$$

Одн. 2) $8\sqrt{6} \text{ см} \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 19 \frac{\sqrt{3}}{2}$

2) $0,8\sqrt{3}(\sqrt{2}-0,5)(c) \approx 1,2c$

3) $\approx 7,95 \text{ m}$

N2

Дано:

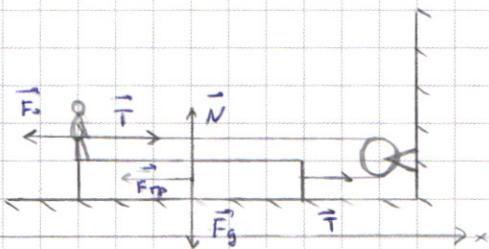
$$S, m_{un} = m$$

$$M = 5m, \mu$$

1) $F_g - ?$

2) $F_o - ?$

3) $bT - ?$



$$F_g = 5mg + N_{un}$$

$$N_{un} = mg$$

1) $F_g = N = mg + 5mg = 6mg$

2) $F_o = T$

$T - F_{fp} = 6ma$, где $a = 0$ т.к. не движется

наименьшая величина силы $\Rightarrow T - F_{fp} = 0$

$$T = F_{fp}$$

$$F_o = \mu N = \mu \cdot 6mg = 6\mu mg$$

3) В данном случае massa $F = T$

$$T - \mu \cdot 6mg = 6ma$$

$$a = \frac{T - \mu \cdot 6mg}{6m} = \frac{F}{6m} - \mu g$$

$$S = \frac{v^2 - v_0^2}{2a}$$

$v_0 = 0$ т.к. элеких изначально

изменений

$$S = \frac{v^2}{2a} \Rightarrow v = \sqrt{2as} = \sqrt{2s \left(\frac{F}{6m} - \mu g \right)} = \\ = \sqrt{s \left(\frac{F}{3m} - 2\mu g \right)}$$

Одн. 1) $F_g = 6mg$

2) $6\mu mg$

3) $\sqrt{2s \left(\frac{F}{6m} - \mu g \right)}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

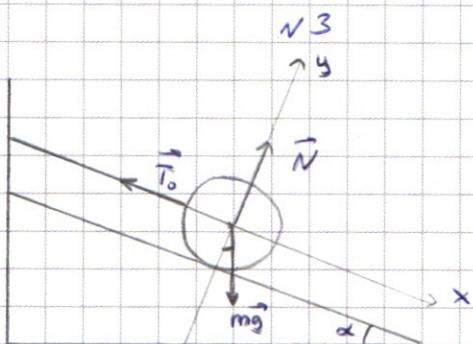
$$m, R, \alpha, L$$

1) $T_0 - ?$

2) ω

$T - ?$

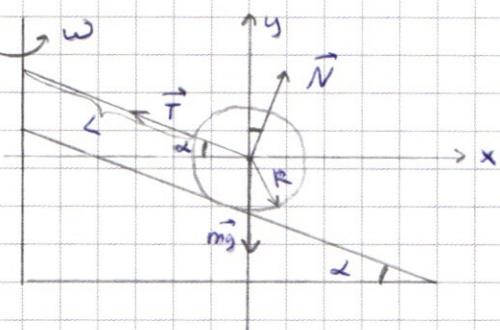
2)



$$\text{по оси } ox: mg \sin \alpha - T_0 = 0$$

$$T_0 = m g \sin \alpha$$

2)



$$a_{\text{нр}} = (L + R) \cos \alpha \omega^2$$

$$\text{ox: } N \cdot \sin \alpha - T \cos \alpha = -m a_y$$

$$\text{oy: } N \cdot \cos \alpha = m g \Rightarrow N = \frac{m g}{\cos \alpha}$$

$$T \cos \alpha - \frac{m g}{\cos \alpha} \cdot \sin \alpha = m \cdot (L + R) \cos \alpha \omega^2$$

$$\begin{aligned} T &= \frac{m(L+R) \cos \alpha \omega^2 + \frac{m g \sin \alpha}{\cos \alpha}}{\cos \alpha} = \\ &= m(L+R) \omega^2 + \frac{m g \sin \alpha}{\cos^2 \alpha} \end{aligned}$$

Ответ: 1) $m g \sin \alpha$

2) $m(L+R) \omega^2 + \frac{m g \sin \alpha}{\cos^2 \alpha}$

№ 5

Дано:

$$t = 95^\circ\text{C}$$

$$P = 8,5 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

$$1) \quad x = \frac{P_n}{P} - ?$$

$$2) \quad y = \frac{V_2}{V_1}$$

$$\gamma = \frac{V_1}{V_2} = 9,7$$

$$J = J_b = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$M = 18 \frac{\text{g}}{\text{моль}}$$

1)

P	t
V ₁	.

$$T = t + 273 = 368 \text{ (K)}$$

$$P \cdot V_1 = \frac{m_n}{\mu} RT$$

$$P \cdot V_1 = \frac{P_n \cdot V_1}{\mu} RT$$

$$P_n = \frac{P \cdot \mu}{RT}$$

$$x = \frac{P_n}{P} = \frac{P \cdot \mu}{RT P} = \frac{8,5 \cdot 10^4 \text{ Pa} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}}{8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль}\cdot\text{К}} \cdot 368 \text{ K} \cdot 10^3 \frac{\text{Н}}{\text{Дж}}} \approx 0,50 \cdot 10^{-3}$$

2)

P	t
V ₂	.

$P_n = \text{const}$, т.к. пар насосимый

($P = \text{const}$ во всей же цепи)

$$P_{n_2} = \frac{(m_0 - m_1)}{V_2} = \frac{P \cdot \mu}{RT}$$

m_0 - первоначальная масса пара

m_1 - масса остаточного воздуха в бутылке

$$P_{n_1} = \frac{m_0}{V_1} \quad (V_1 - \text{ начальный объём пара}, \\ V_2 - \text{ конечный})$$

$$P_{n_2} = P_{n_1}$$

$$\frac{m_0 - m_1}{V_2} = \frac{m_0}{V_1}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{m_0}{m_0 - m_1} = \gamma$$

$$m_0 = \gamma m_1 - \gamma m_0$$

$$m_0 (\gamma - 1) = \gamma m_0$$

$$\frac{m_0}{m_0} = \frac{\gamma}{\gamma - 1}$$

$$\frac{P_n \cdot V_1}{P \cdot V_1} = \frac{\gamma}{\gamma - 1}$$

$$\frac{P_n \cdot V_2 \cdot \gamma}{P \cdot V_1} = \frac{\gamma}{\gamma - 1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{P}{P_n(\gamma-1)} = y$$

$$y = \frac{P}{P_n(\gamma-1)} = \frac{PRT}{P_n \mu (\gamma-1)}$$

$$= \frac{2 \cdot 10^3}{3,7} \approx 0,54 \cdot 10^3$$

Ответ: 1) $0,50 \cdot 10^{-3}$

2) $0,54 \cdot 10^3$

№ 4

Дано:

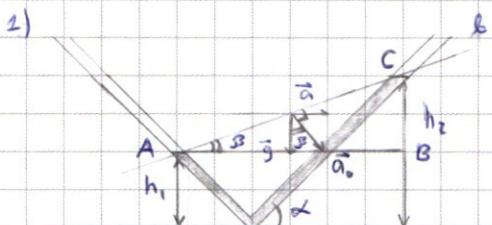
$$\alpha = 45^\circ$$

$$h_1 = 8 \text{ см}$$

$$h_2 = 12 \text{ см}$$

$$g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

2)



На движущем судне
ускорение \vec{a} , направленное
по направлению с
ускорением судна

\vec{a}_0 - ускорение жидкости (суммарное)

1) a - ?

Поверхность (свободная) для расчета тока перпендикулярно

2) V - ?

по ускорению (значе $B \perp a$)

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{a}{g} = \frac{(h_2 - h_1)}{h_2 \cdot \operatorname{ctg} \alpha + h_1 \cdot \operatorname{ctg} \alpha} = \frac{CB}{AB}$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \operatorname{ctg} 45^\circ = 1$$

$$\Rightarrow \frac{a}{g} = \frac{(h_2 - h_1)}{h_1 + h_2} \Rightarrow a = g \frac{h_2 - h_1}{h_1 + h_2} =$$

$$= 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{4 \text{ см}}{20 \text{ см}} = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

2) Максимальная скорость будет достигнута,
когда уловимы максимума

Помимо этого выражения есть

$$\cancel{P} \cdot \frac{h_1 \sqrt{2} g h_1}{2} + \cancel{P} \cdot \frac{h_2 \sqrt{2} g h_2}{2} = 2 \cancel{P} \cdot \frac{h_1 + h_2}{2} \sqrt{2} \cdot \frac{h_1 + h_2}{2} g + 2 \sqrt{2} \cdot \frac{h_1 + h_2}{2} \cdot \frac{v^2}{2}$$

$$2 h_1^2 g + 2 h_2^2 g = (h_1 + h_2)^2 g + 2(h_1 + h_2) v^2$$

$$v^2 = g \frac{(h_1^2 + h_2^2 - h_1^2 - 2h_1 h_2 - h_2^2)}{h_1 + h_2}$$

$$v^2 = g \frac{2h_1^2 + 2h_2^2 - h_1^2 - 2h_1 h_2 - h_2^2}{2(h_1 + h_2)}$$

$$v^2 = g \frac{(h_2 - h_1)^2}{2(h_1 + h_2)}$$

$$v = (h_2 - h_1) \sqrt{\frac{g}{2(h_1 + h_2)}} = 0,04m \cdot \sqrt{\frac{\omega^2 z}{2 \cdot 0,2m}} = 0,2 \frac{m}{s}$$

Ответ: 1) $5 \frac{m}{s}$

2) $0,2 \frac{m}{s}$

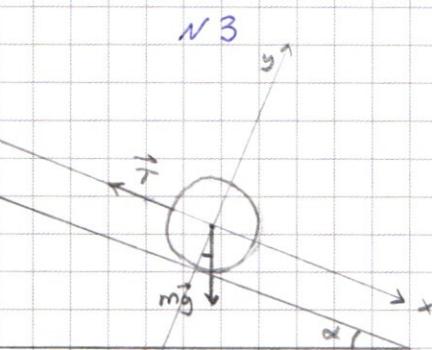
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

m, R, α, L

1) $T_0 - ?$

2) ω
 $T - ?$



$$\begin{array}{r}
 & 8,31 \\
 \times & 368 \\
 \hline
 & 6648 \\
 + & 680 \\
 + & 85 \\
 \hline
 & 1630 \\
 + & 305808 \\
 \hline
 & 30580808
 \end{array}$$

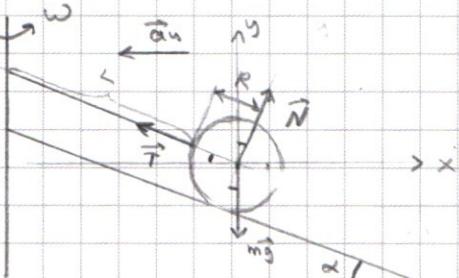
$$\begin{array}{r}
 1630 \cdot 100 \\
 \hline
 305808 \cdot 100
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1630000 \\
 - 1529 \\
 \hline
 100
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 305,8 \\
 0,500 \\
 \hline
 100
 \end{array}$$

$$m\omega \text{ осн } ox : mg \cdot \sin \alpha - T = 0$$

$$T = mg \sin \alpha$$

2)



$$a_y = (L+R) \cos \alpha \cdot \omega^2$$

$$m \text{ осн } ox : N \cdot \sin \alpha - T \cdot \cos \alpha = -ma_y$$

$$m(L+R) \cos \alpha \omega^2 = T \cos \alpha - mg \cos \alpha \cdot \sin \alpha$$

$$T = m((L+R)\omega^2 + g \sin \alpha)$$

3)

2/3

$$\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\begin{array}{r}
 20000 \\
 - 185 \\
 \hline
 150 \\
 - 148 \\
 \hline
 20
 \end{array}$$



чертёжник

(Поставьте галочку в нужном поле)

чистовик

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

$$\rho \Delta h_1 \sqrt{2} g \frac{h_2}{2} + \rho \Delta h_1^2 \frac{\sqrt{2}}{2} g = \frac{2 \rho s (h_1 + h_2)^2 g \sqrt{2}}{2} + \frac{\rho s (h_1 + h_2) \sqrt{2} v^2}{2}$$

$$g h_2^2 \frac{\sqrt{2}}{2} + h_1^2 \frac{\sqrt{2}}{2} g - \frac{\sqrt{2} g (h_1 + h_2)^2}{2} = (h_1 + h_2) \sqrt{2} v^2$$

$$\rho s \cdot \frac{h_1 + h_2}{2} \cdot g + \frac{h_1 + h_2}{2} \cdot \frac{(h_1 - h_2) g s \cdot (h_2 - h_1)}{4}$$

$$\frac{h_2^2}{2} -$$

$$h_2^2 - \frac{(h_1 - h_2)^2}{2} = (h_1 + h_2) v^2$$

$$1,41 - 0,5 = 0,91$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 17 \\ \hline 98 \\ + 141 \\ \hline 239 \end{array} \quad \begin{array}{r} 35 \\ \times 8 \\ \hline 28 \\ + 239 \\ \hline 1917 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,91 \\ \times 17 \\ \hline 63 \\ + 14 \\ \hline 159 \end{array} \quad \begin{array}{r} \sqrt{3} \cdot \sqrt{2} = 1,7 \cdot 1,41 \\ \sqrt{3} \cdot \sqrt{2} = 1,7 \cdot 1,41 \end{array}$$

$$109$$

$$1,41 - 0,5 = 0,91$$

$$2 \cdot 1,7 \cdot 1,41 - 1,7^2$$

$$\begin{array}{r} 141 \\ \times 17 \\ \hline 98 \\ + 14 \\ \hline 159 \end{array} \quad \begin{array}{r} 0,91 \\ \times 17 \\ \hline 63 \\ + 0,8 \\ \hline 0,916 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 159 \\ \times 0,8 \\ \hline 12376 \\ + 12 \\ \hline 12376 \\ \times 0,6188 \\ \hline 0,7735 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,04 \\ \times 15 \\ \hline 0,20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \sqrt{6} - \sqrt{3} \\ \hline 2 \end{array}$$

$$6,4$$

$$\begin{array}{r} 0,7735 \\ \times 6,4 \\ \hline 30950 \\ + 46410 \\ \hline 495040 \end{array}$$

$$4 \cdot 1,2$$

$$4,8$$

$$\frac{1,7 \cdot 0,91}{2} \cdot 6,4$$

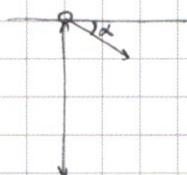
$$h_0$$

$$\frac{1,7}{2} (1,41 - 0,5)$$

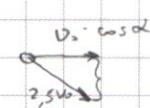
$$\rho s \cdot h_1 \cdot \sqrt{2} \cdot \frac{h_1}{2} g$$

$$\left(\rho s g \frac{h_0^2 \sqrt{2}}{2} \right) \cdot 2$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1)



N1

$$V_{bpm} = \sqrt{(2,5 V_0)^2 - V_0^2 \cdot \omega^2 \alpha^2}$$

$$\begin{array}{r} 2,5 \\ 1,25 \\ 1,25 \\ \hline 6,25 \end{array}$$

$$\sqrt{5,25}$$

$$5.$$

$$\begin{array}{r} 5,25 \\ 5,25 \\ \hline 105 \end{array}$$

$$\sqrt{3} = 1,7$$

$$\sqrt{2} = 1,41$$

$$2) V_{b0} - V_{b2} = -gt$$

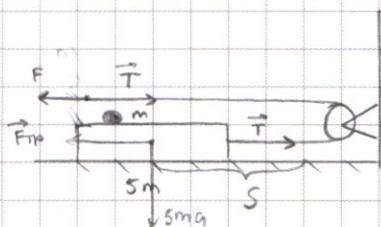
$$3) V_0 \cdot t = L$$

$$= V_0 \sqrt{6,25 - \frac{1}{4}}$$

$$0,75$$

$$\frac{\sqrt{6}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

N2



$$1) 6mg$$

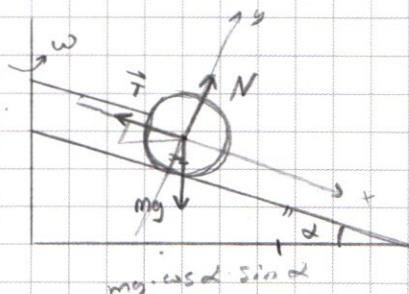
$$2) F_{Tp} = \mu \cdot 6mg = F_0$$

$$3) F - \mu 6mg = Gma$$

$$a = \frac{F - \mu 6mg}{Gm} = \frac{F}{Gm} - \mu g$$

$$s = \frac{v^2}{2a} \quad v = \sqrt{2 \cdot s \cdot \left(\frac{F}{Gm} - \mu g \right)}$$

N3



$$1) T = mg \cdot \sin \alpha$$

$$2) a_y = \omega^2 \cdot (L + R)$$

$$T - mg \cdot \sin \alpha = ma_y$$

$$T = m(g \cdot \sin \alpha + \omega^2(L + R))$$

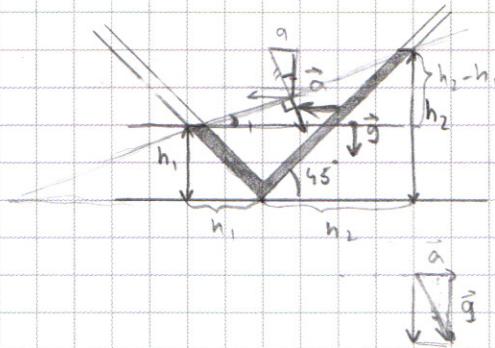
$$T \cdot \omega \sin \alpha = m(L + R) \cos \alpha \omega^2$$

$$T = m(L + R) \omega^2 + mg \sin \alpha$$

$$T - mg \sin \alpha = m(L + R) \omega^2$$

$$N \cdot \omega \sin \alpha = mg$$

4)



$$1) (pgh_2 - pgh_1) \cdot S = ma$$

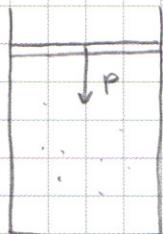
$$pgh(h_2 - h_1) \cdot S = p \cdot S \cdot \left(\frac{h_1}{\sin 45^\circ} + \frac{h_2}{\sin 45^\circ} \right) \cdot a$$

$$\frac{g(h_2 - h_1)}{\sqrt{2}h_1 + \sqrt{2}h_2} = a = \frac{g(h_2 - h_1)}{\sqrt{2}(h_1 + h_2)}$$

$$pS \cdot h_1 \sqrt{2} \cdot g \cdot \frac{h_1}{2} + pS \cdot h_2 \sqrt{2} \cdot g \cdot \frac{h_2}{2} = \\ = \frac{pS(h_1 + h_2)\sqrt{2}v^2}{2} \Rightarrow \frac{pS(h_1 + h_2)}{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \frac{(h_1 + h_2)}{2} \cdot g$$

$$2) V_{max} - ?$$

$$5. T = 273K$$



$$p = 8,5 \cdot 10^4 Pa$$

$$t = 93^\circ C$$

$$PV = \frac{m}{M} RT$$

$$pV = \frac{m}{M} RT$$

$$\chi = \frac{P_n}{P} = \frac{P \cdot M}{PRT}$$

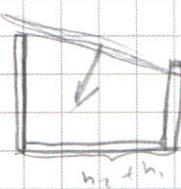
$$2) V_2 = \frac{V_1}{\chi}$$

$$p \Delta V = \chi m R t$$

$$P_n = \text{const} \quad \frac{P_n \cdot M}{RT} = \frac{(m_0 - m_1) \chi}{M}$$

$$m_0 \chi - m_1 \chi = m_0$$

$$1,995$$



$$m_0(\chi - 1) = m_1 \chi$$

$$\frac{m_0}{m_1} = \frac{\chi}{\chi - 1}$$

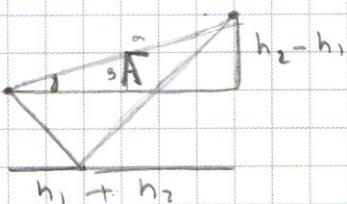
$$(pgh(h_2 - h_1)) = (h_2 + h_1)p \cdot S$$

$$\frac{P_n \cdot V_1}{P_1 \cdot V_1} = \frac{\chi}{\chi - 1}$$

$$\frac{P_n \cdot \chi V_2}{P_1 \cdot V_1} = \frac{\chi}{\chi - 1}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{\chi}{P_n(\chi - 1)} = \frac{1}{\chi(\chi - 1)}$$

$$8,31 \frac{dm}{kg \cdot K \cdot m^2}$$



$$\sqrt{2} \approx 1,41$$