

Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 09-02

Класс 09

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вл

1. Корабль A и торпеда B в некоторый момент времени находятся на расстоянии $l = 0,8$ км друг от друга (см. рис.) Скорость корабля $V_1 = 8$ м/с, угол $\alpha = 60^\circ$, угол $\beta = 30^\circ$. Скорость V_2 торпеды такова, что торпеда попадет в цель.



1) Найдите скорость V_2 торпеды.

2) На каком расстоянии S будут находиться корабль и торпеда через $T = 25$ с?

2. Плоский склон горы образует с горизонтом угол α , $\sin \alpha = 0,6$. Из миномета, расположенного на склоне, производят выстрел, под таким углом β к поверхности склона, что продолжительность полета мины наибольшая. Мина падает на склон на расстоянии $S = 1,8$ км от точки старта.

1) Под каким углом β к поверхности склона произведен выстрел?

2) Найдите максимальную дальность L стрельбы из такого миномета на горизонтальной поверхности. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало.

3. Вниз по шероховатой наклонной плоскости равнозамедленно движется брусок. Величина ускорения бруска $a = 2$ м/с². Пластилиновый шарик, движущийся по вертикали, падает на брусок и прилипает к нему, а брусок останавливается. Продолжительность полета шарика до соударения $T = 0,2$ с. Начальная скорость шарика нулевая.

1) Найдите скорость V_1 шарика перед соударением.

2) Найдите скорость V_2 бруска перед соударением.

Движение шарика до соударения – свободное падение. Массы бруска и шарика одинаковы.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало.

Быстрые процессы торможения бруска и деформации пластилина заканчиваются одновременно. В этих процессах действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

4. Два одинаковых шарика движутся по взаимно перпендикулярным прямым и слипаются в результате абсолютно неупругого удара. После слипания скорость шариков $V = 25$ м/с. Скорость одного из шариков перед слипанием $V_1 = 30$ м/с.

1) С какой скоростью V_2 двигался второй шарик перед слипанием?

2) Найдите удельную теплоемкость c материала, из которого изготовлены шарики, если известно, что в результате слипания температура шариков повысилась на $\Delta t = 1,35$ °С. Температуры шариков перед слипанием одинаковы.

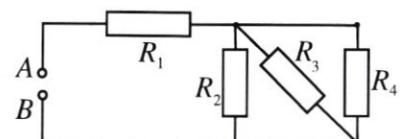
5. Четыре резистора соединены как показано на рисунке. Сопротивления резисторов $R_1 = 2 \cdot r$,

$R_2 = R_3 = 4 \cdot r$, $R_4 = r$. На вход АВ схемы подают напряжение $U = 8$ В.

1) Найдите эквивалентное сопротивление R_{AB} цепи.

2) Какая суммарная мощность P будет рассеиваться на резисторах R_2 ,

R_3 и R_4 при $r = 6$ Ом?



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задание 1 Решение:

Дано: $l = 0,8 \text{ км} = 800 \text{ м}$
 $V_1 = 8 \text{ м/с}$
 $\alpha = 60^\circ$
 $\beta = 30^\circ$
 $T = 25 \text{ с}$

Для упрощения решения задачу перейдем в систему отсчета, связанную с кораблем. Тогда

$$\vec{v}_{\text{абс}} = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}_{\text{пер}} \quad \text{Из теор. Галилея: } \vec{v}_{\text{абс}} = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}_{\text{пер}}$$

НСО: корабль
 ПСО: земля
 тело: торпеда

$\vec{v}_{\text{абс}}$ - скор. торпеды отн. корабля; $\vec{v}_{\text{абс}} = \vec{v}$

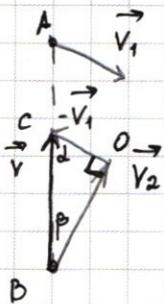
$\vec{v}_{\text{пер}}$ - скор. земли отн. корабля; $\vec{v}_{\text{пер}} = -\vec{v}_1$

$\vec{v}_{\text{отн}}$ - скор. торпеды отн. земли; $\vec{v}_{\text{отн}} = \vec{v}_2$

$\Rightarrow \vec{v} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1$; т.к. торпеда попадает в корабль (по условию), то

\vec{v} сонаправл. с \vec{AB} . Тогда, т.к. $\alpha + \beta = 90^\circ$, треугольник BCO (см. обознач. на рис.) прямоугольный

$$\angle COB = 90^\circ \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \tan \beta = \frac{0,5}{0,5\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow v_2 = \sqrt{3} v_1$$



$$v_2 = \sqrt{3} v_1 \approx 1,71 \cdot 8 \approx 13,7 \text{ м/с}$$

При этом расстояние S можно найти, зная V ;

По теор. Пифагора $V = \sqrt{v_1^2 + v_2^2} = \sqrt{8^2 + 3 \cdot 8^2} = \sqrt{4 \cdot 8^2} = 2 \cdot 8 = 16 \text{ м/с}$

т.е. торпеда движется со скор. 16 м/с отн. корабля;

$$S = l - VT = 800 - 16 \cdot 25 = 400 \text{ м}$$

Ответ: 1) $13,7 \text{ м/с}$

2) 400 м

Задача 2

Дано:

$$\sin \alpha = 0,6$$

$$t = t_{\max}$$

$$S = 1,8 \text{ км} = 1800 \text{ м}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

$$F_{\text{сопр}} \approx 0$$

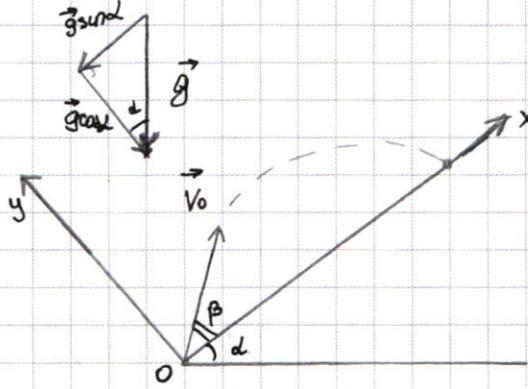
$\beta; L$

Решение:

Пусть \vec{v}_0 - нач. скор. камня. Рассмотрим

движ. камня в перпендикулярных осях, одна из к-рых сонаправлена со склоном горы.

$$\vec{a} = \vec{g}; \quad \vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{\vec{a} t^2}{2}$$



$$Oy: \quad y = v_0 \sin \beta t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2}$$

$$Ox: \quad x = v_0 \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2} \quad (2)$$

В конце движ. $y = 0$; $t_{\text{обл}}$ - полн. время движ. камня

$$0 = v_0 \sin \beta t_{\text{обл}} - \frac{g \cos \alpha t_{\text{обл}}^2}{2} \Rightarrow t_{\text{обл}} = \frac{2 v_0 \sin \beta}{g \cos \alpha} \quad (1)$$

Из формулы видно, что $t_{\text{обл}}$ принимает макс. значение

при $\sin \beta = 1$ (макс. знач. тригоном. функции \sin) $\Rightarrow \beta = 90^\circ$

т.е. надо кидать перпендикулярно склону. По условию

задали (спросил у консультанта) мы можем направить

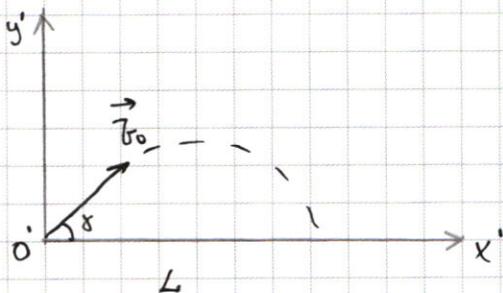
орудие ~~так~~ ^{под 90° к склону} в.к. мы считаем, что склон длинный и шарик

не дойдёт до уровня земли. $\cos \beta = 0$; Из (2), где $x = -S$;

$$(2): \quad -\frac{2S}{2} = v_0 \cdot 0 \cdot t_{\text{обл}} - \frac{g \sin \alpha t_{\text{обл}}^2}{2} \Rightarrow 2S = g \sin \alpha t_{\text{обл}}^2 \quad t = t_{\text{обл}}$$

$$\Rightarrow t_{\text{обл}} = \sqrt{\frac{2S}{g \sin \alpha}}; \quad \text{Из (1) при } \sin \beta = 1 \quad t_{\text{обл}} = \frac{2 v_0}{g \cos \alpha}$$

$$\sqrt{\frac{2S}{g \sin \alpha}} = \frac{2 v_0}{g \cos \alpha} \Rightarrow \frac{2S}{g \sin \alpha} = \frac{4 v_0^2}{g^2 \cos^2 \alpha} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2S g \cos^2 \alpha}{4 \sin \alpha}}$$



При этом при рассмотрении

движения в осях $O'y'$ и $O'x'$ (см. рис.)

$$O'y': \quad y = v_0 \sin \gamma t - \frac{g t^2}{2} \quad (3)$$

$$O'x': \quad x = v_0 \cos \gamma t \quad (4)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$t_{обч}$ - время движ. во φ смг.; $\cos d = \sqrt{1 - \sin^2 d} = 0,8$;

аналогично из ③: $0 = v_0 \sin \varphi t'_{обч} - \frac{g t_{обч}^2}{2} \Rightarrow t'_{обч} = \frac{2 v_0 \sin \varphi}{g}$

④: $L = v_0 \cdot \cos \varphi \cdot t'_{обч} = \frac{v_0^2 \sin 2\varphi}{g}$; L минимум. Наимб. знат.

при $\varphi = 45^\circ$; $L = \frac{v_0^2}{g} = \frac{2 \cdot 5 \cdot 9 \cos^2 d}{4 \sin d \cdot g} = \frac{5 \cos^2 d}{2 \sin d} = \frac{1800 \cdot 0,64}{2 \cdot 0,6} =$

$$= \frac{18 \cdot 64 \cdot 10}{12} = \frac{3 \cdot 640}{2} = 3 \cdot 320 = 960 \text{ м}$$

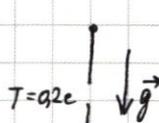
Ответ: 1) 90° ($\pi/2$ рад.)

2) 960 м

Задание 3 Решение: Пусть m - масса бруска (шарика)

Дано: Рассмотрим движение шарика:

$a = 2 \text{ м/с}^2$ $\vec{a} = \vec{g}$; $\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$
 $T = 0,2 \text{ с}$ $\vec{v}_0 = \vec{0} \Rightarrow v = gT = 2 \text{ м/с} = v_1$



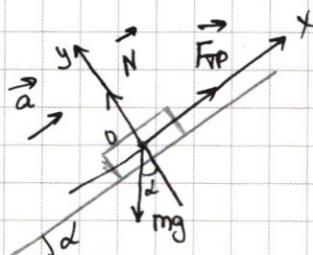
$g = 10 \text{ м/с}^2$
 $m_1 = m_2 = m$

$v_1; v_2$

Рассмотрим движение бруска:

α - угол накл. пл.;

Из II 3-на Ньютона:



$$m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{F}_{тр} + \vec{N}$$

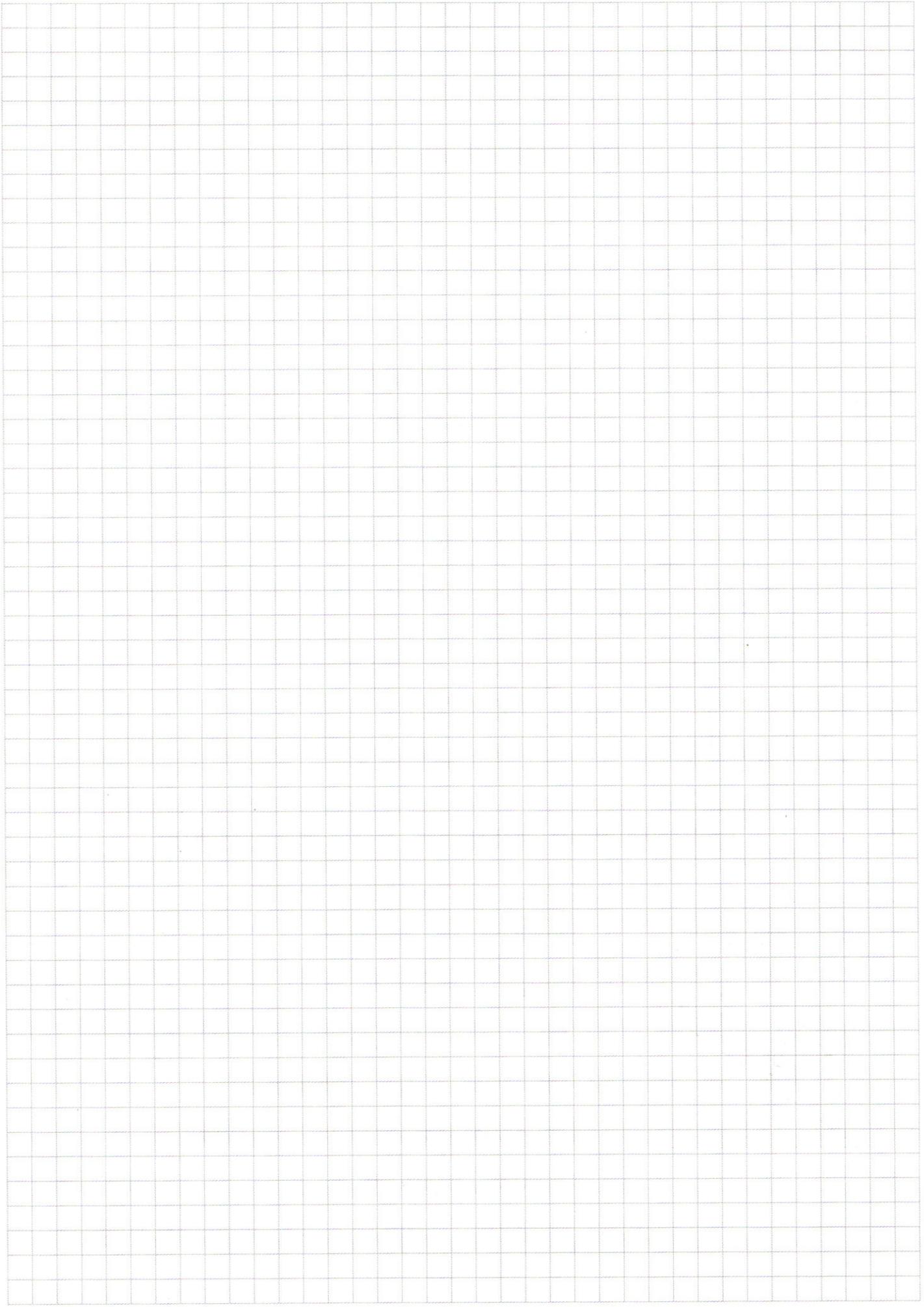
$$Oy: 0 = N - mg \cos d \Rightarrow N = mg \cos d$$

$$Ox: ma = F_{тр} - mg \sin d$$

Из 3-на Амонтона-Кулона:

$$F_{тр} = \mu N = \mu mg \cos d$$

$$ma = \mu mg \cos d - mg \sin d \Rightarrow a = g(\mu \cos d - \sin d)$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задание 4 Решение:

Дано:

$$\vec{V}_1 \perp \vec{V}_2$$

$$V = 25 \text{ м/с}$$

$$m_1 = m_2 = m$$

$$c_1 = c_2 = c$$

$$V_1 = 30 \text{ м/с}$$

$$\Delta t = 1,35 \text{ с}$$

$$t_1 = t_2$$

$$V_2 ; c$$

Пусть m -масса одного шарика.

Из 3-на сохр. импульса:

$$\vec{P}_1 = \vec{P}_2 ;$$

$$\vec{P}_1 = m \vec{v}_1 + m \vec{v}_2$$

$$\vec{P}_2 = 2m \vec{V}$$

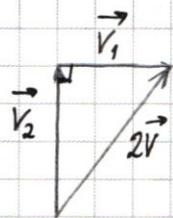
$$\Rightarrow m \vec{v}_1 + m \vec{v}_2 = 2m \vec{V} \Rightarrow$$

$\Rightarrow \vec{v}_1 + \vec{v}_2 = 2\vec{V}$; Рассмотрим глав. скоростей:

По теореме Пифагора:

$$V_2^2 + V_1^2 = 4V^2 \Rightarrow V_2 = \sqrt{4V^2 - V_1^2} = 40 \text{ м/с}$$

Из 3-на сохр. мех. энергии:



$$E_{*1} = E_2 ;$$

$$E_1 = \frac{m v_1^2}{2} + \frac{m v_2^2}{2}$$

$$E_2 = \frac{2m v^2}{2} + Q, \text{ где } Q - \text{ кол-во теплоты, переданное шарикам}$$

$$Q = 2 \cdot m \cdot c \cdot \Delta t$$

$$\Rightarrow \frac{m v_1^2}{2} + \frac{m v_2^2}{2} = \frac{2m v^2}{2} + 2m c \Delta t \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{v_1^2 + v_2^2 - 2v^2}{4 \Delta t} = c = \frac{30^2 + 40^2 - 2 \cdot 25^2}{4 \cdot 1,35} \approx 231,5 \frac{\text{Дж} \cdot \text{м}}{\text{кг} \cdot \text{с}}$$

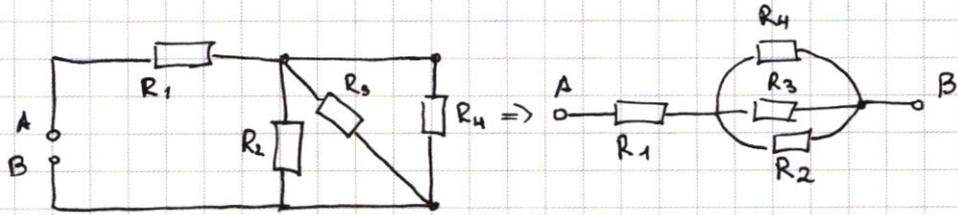
Ответ: 1) 40 м/с

2) 231,5 $\frac{\text{Дж} \cdot \text{м}}{\text{кг} \cdot \text{с}}$

Задача 5 Решение:

Дано:

- $R_1 = 2r$
- $R_2 = R_3 = 4r$
- $R_4 = r$
- $U = 8В$
- $r = 6\Omega$
- $R_{AB}; P$



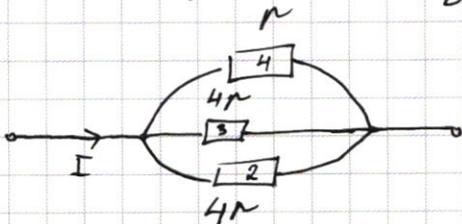
В эквивалентной схеме резисторы R_2, R_3 и R_4 параллельны и сог. послед. с R_1

$$R_{AB} = R_1 + R_{2-3-4}$$

$$\frac{1}{R_{2-3-4}} = \frac{1}{R_4} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_2} = \frac{1}{r} + \frac{1}{4r} + \frac{1}{4r} = \frac{6}{4r} \Rightarrow R_{2-3-4} = \frac{2r}{3}$$

$$R_{AB} = R_1 + R_{2-3-4} = 2r + \frac{2}{3}r = \frac{8}{3}r = \frac{8 \cdot 6}{3} = 16\Omega$$

$P = P_2 + P_3 + P_4 = I_2^2 R_2 + I_3^2 R_3 + I_4^2 R_4$; Найдём распредел. токов в параллельн. сог.



$$I_2 + I_3 + I_4 = I$$

$$I_4 r = I_3 4r = I_2 \cdot 4r \Rightarrow$$

$$\Rightarrow I_3 = I_2; I_3 = 0,25 I_4 = I_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1,5 I_4 = I \Rightarrow I_4 = \frac{2I}{3}; I_2 = \frac{1I}{6}; I_3 = \frac{1I}{6}$$

$$\textcircled{1}: P = \frac{1I^2 \cdot 4r}{36} + \frac{1I^2 \cdot 4r}{36} + \frac{4I^2 \cdot r}{9} = \frac{8I^2 r}{36} + \frac{16I^2 r}{36} = \frac{24I^2 r}{36} =$$

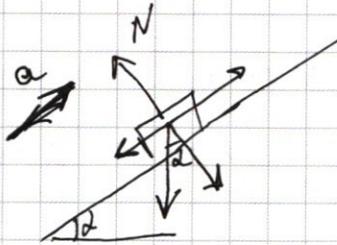
$$= \frac{2}{3} I^2 r; \text{ Из 3-го Ома, } I = \frac{U}{R_{AB}} = \frac{8 \cdot 3}{8r} = \frac{3}{r}$$

$$I^2 = \frac{9}{r^2} \Rightarrow P = \frac{2}{3} \cdot \frac{9}{r^2} \cdot r = \frac{6}{r} = \frac{6}{6} = 1ВТ$$

Ответ: 1) 16Ω ($2\frac{2}{3}r$)

2) $1ВТ$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



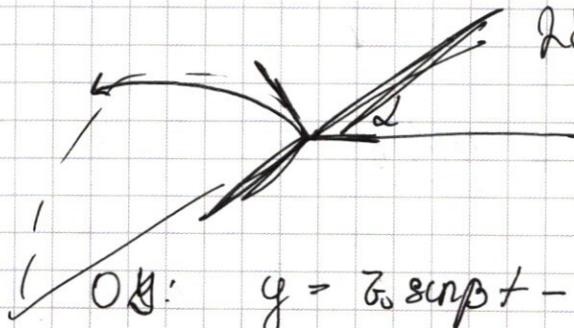
$$N = mg \cos \alpha$$

$$ma = F_{\text{TP}} - mg \sin \alpha$$

$$2 \mu mg \cos \alpha = mg \sin \alpha$$

$$2 \mu \cos \alpha = \sin \alpha$$

$$a = g (\mu \cos \alpha - \sin \alpha)$$



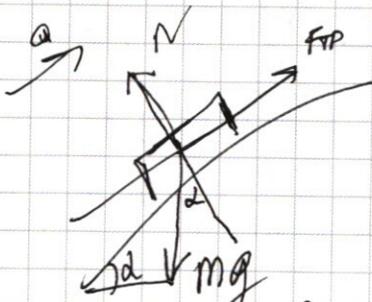
$$OJ: y = v_0 \sin \beta t - \frac{g \cos^2 \alpha t^2}{2} \Rightarrow 0 = v_0 \sin \beta t - \frac{g \cos^2 \alpha t^2}{2}$$

$$t = \frac{2v_0 \sin \beta}{g}$$

$$\frac{m}{c \cdot m} c^2$$

$$\frac{2v_0}{g} = t$$

$$s = -\frac{g t^2 \sin \alpha}{2}$$



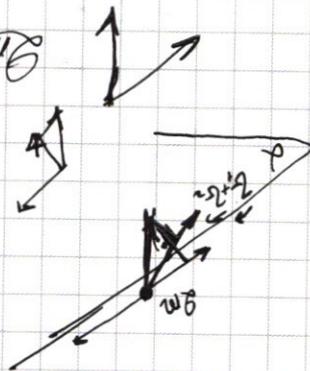
$$mg \cos \alpha = \mu$$

$$ma = \mu mg \cos \alpha - mg \sin \alpha$$

$$a = g (\mu \cos \alpha - \sin \alpha)$$

$$\Delta s = \frac{v_1^2}{2a} = \frac{v_1^2}{2g(\mu \cos \alpha - \sin \alpha)}$$

$$3 \leq \mu \leq 3$$

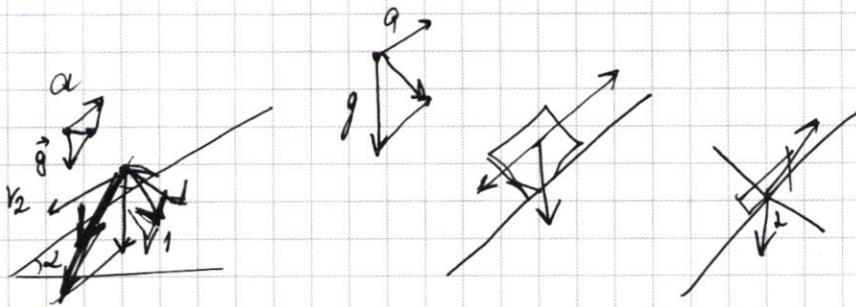


$$\Delta p = F \Delta t$$

$$mg + ma =$$

$$\Delta p = F \Delta t$$

$$\Delta p_x = F_x \Delta t$$



$$2mg \sin \alpha = 2mg \cos \alpha \mu$$

$$\sin \alpha = \cos \alpha \mu$$

$$ma = \mu mg \cos \alpha - mg \sin \alpha$$

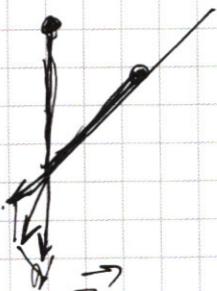
$$a = g(\mu \cos \alpha - \sin \alpha)$$

$$\frac{mV_1^2}{2} + \frac{mV_2^2}{2} = 0$$

$$\frac{mV_0^2}{2} + mgh = \frac{m(V_0 - aT)^2}{2} + \frac{mV_1^2}{2}$$

$$\frac{mV_0^2}{2} + mgh = \frac{m(V_0 - aT)^2}{2} + \frac{mV_1^2}{2}$$

$$h = \frac{g \Delta^2}{2} = \frac{10 \cdot 0,2 \cdot 0,2}{2} = 0,2$$



$$V_0^2 + 2gh = V_0^2 - 2V_0 aT + a^2 T^2 + V_1^2$$

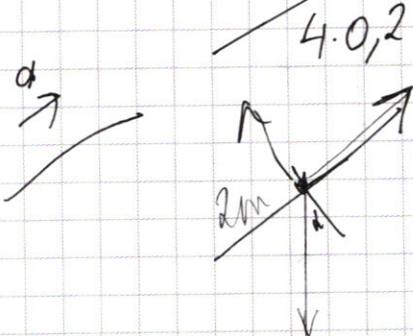
$$2gh = V_1^2 - 2V_0 aT + a^2 T^2$$

$$V_0 = \frac{a^2 T^2 + V_1^2 - 2gh}{2aT} = \frac{4 \cdot 10}{25} + 4 - 2 \cdot 0,2 \cdot 10 = 0,2 \text{ м/с}$$

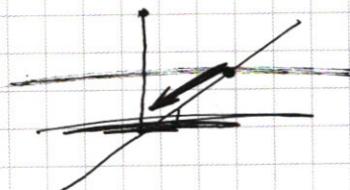
$$m\vec{v}_1 + m\vec{v}_2 = 0$$

$$= \frac{4}{25} + 4 - 4 = 0,2$$

$$= \frac{4 \cdot 10}{25 \cdot 4 \cdot 2} = \frac{10}{50} = 0,2 \text{ м/с}$$

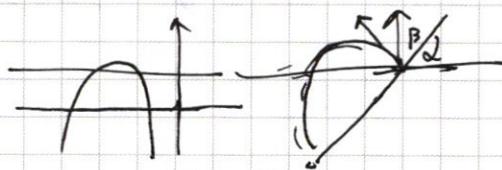
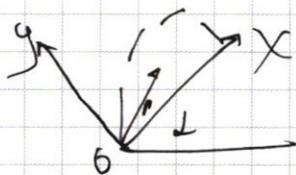


$$2mg \cos \alpha =$$



$$mgh + \frac{mV_0^2}{2} = m \sin \alpha g t^2$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$Oy: \quad y = v \sin \beta t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2}$$

$$x = v \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$0,8^2 = 0,64$$

$$0,6^2 = 0,36$$

$$-\frac{g \sin \alpha t^2}{2} + v \cos \beta t - S = 0$$

$$g \cos \alpha t = v \sin \beta$$

$$t = \frac{v \sin \beta}{g \cos \alpha} = \frac{v \sin \beta}{g \cos \alpha}; \quad t_{\pi} = \frac{2v \sin \beta}{g \cos \alpha}$$

$$-g \sin \alpha t^2 + 2v \cos \beta t - 2S = 0$$

$$S = v \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$t = \frac{v \cos \beta}{g \sin \alpha} = \frac{2v \sin \beta}{g \cos \alpha}$$

$$S = -\frac{g \sin \alpha t^2}{2} + v \cos \beta t$$

или

$$\cos \beta \cdot \cos \alpha = 2 \sin \beta \sin \alpha$$



$$-g \sin \alpha t^2 + 2v \cos \beta t - 2S = 0 \quad \cos \beta \cdot 0,8 = 2 \cdot \sin \beta \cdot 0,6$$

$$-g \sin \alpha t^2 + 2v_x t - 2S = 0 \quad \cos \beta \cdot 8 = 12 \cdot \sin \beta$$

$$2v_x = 2g \sin \alpha t$$

$$2 \cos \beta = 3 \sin \beta$$

$$t = \frac{-2v_x}{-2g \sin \alpha} = \frac{+v_x}{+g \sin \alpha}$$

$$2 \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = 3 \sin \beta$$

$$2v \sin \beta = g \cos \alpha t = \frac{v \cos \beta \cdot g \cos \alpha}{g \sin \alpha}$$

$$4 - 4 \sin^2 \beta = 9 \sin^2 \beta$$

$$4 = 9 \sin^2 \beta$$

$$\frac{18 \cdot 640}{12} = \frac{3 \cdot 640}{2} = 3 \cdot 320 = 960 \text{ м}$$

$$\sin \beta = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

$$2v \sin \beta = v \cos \beta \cdot \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$t = \frac{v \cos \beta}{g \sin \alpha}$$

$$-g \sin \alpha t^2 + 2v \cos \beta t - 2S = 0$$

$$t = \frac{-2v \cos \beta \pm \sqrt{4v^2 \cos^2 \beta - 4Sg \sin \alpha}}{-2g \sin \alpha} = \frac{v \cos \beta \mp \sqrt{v^2 \cos^2 \beta - 2Sg \sin \alpha}}{g \sin \alpha}$$

$$(vx + \sqrt{v^2 x^2 - 2Sg \sin \alpha})' = 0$$

~~vt~~

$$-g \sin \alpha x^2 + 2vx - 2S = 0$$

$$y = \frac{2S + g \sin \alpha x^2}{2vx} = \frac{S}{vx} + \frac{g \sin \alpha x}{2v}$$

$$y = ax + \frac{b}{x}$$

$$ax = \frac{b}{x} \Rightarrow a \cdot x^2 = b$$

$$x = \sqrt{\frac{S \cdot 2v}{v \cdot g \sin \alpha}} = \sqrt{\frac{2S}{g \sin \alpha}} = \sqrt{\frac{3600}{6}} = \frac{60}{\sqrt{6}} = \frac{60\sqrt{6}}{6} = 10\sqrt{6}$$

$$2v = 2v \quad S = v \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$-g \sin \alpha t^2 + 2v \cos \beta t - 2S = 0$$

$$-6t^2 + 2v_x t - 3600 = 0$$

$$-3t^2 + v_x t - 1800 = 0$$

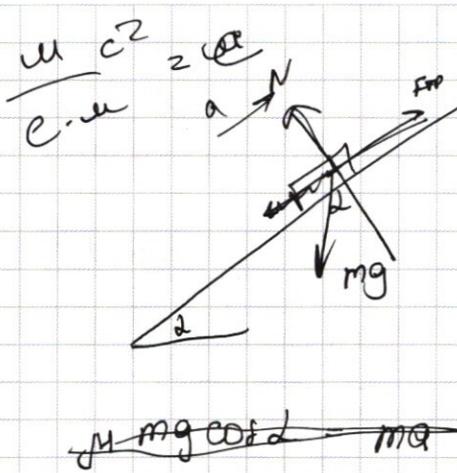
$$t = \frac{-v_x \pm \sqrt{v_x^2 - 21600}}{6}$$

$$-v_x \pm \sqrt{v_x^2 - 21600} = \text{MAX}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ \times 3 \\ \hline 54 \\ \times 4 \\ \hline 216 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \sqrt{18 \cdot 3 \cdot 4} = \\ \sqrt{3 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4} = \\ \sqrt{3^2 \cdot 2^2 \cdot 6} = \\ = 6\sqrt{6} \end{array}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

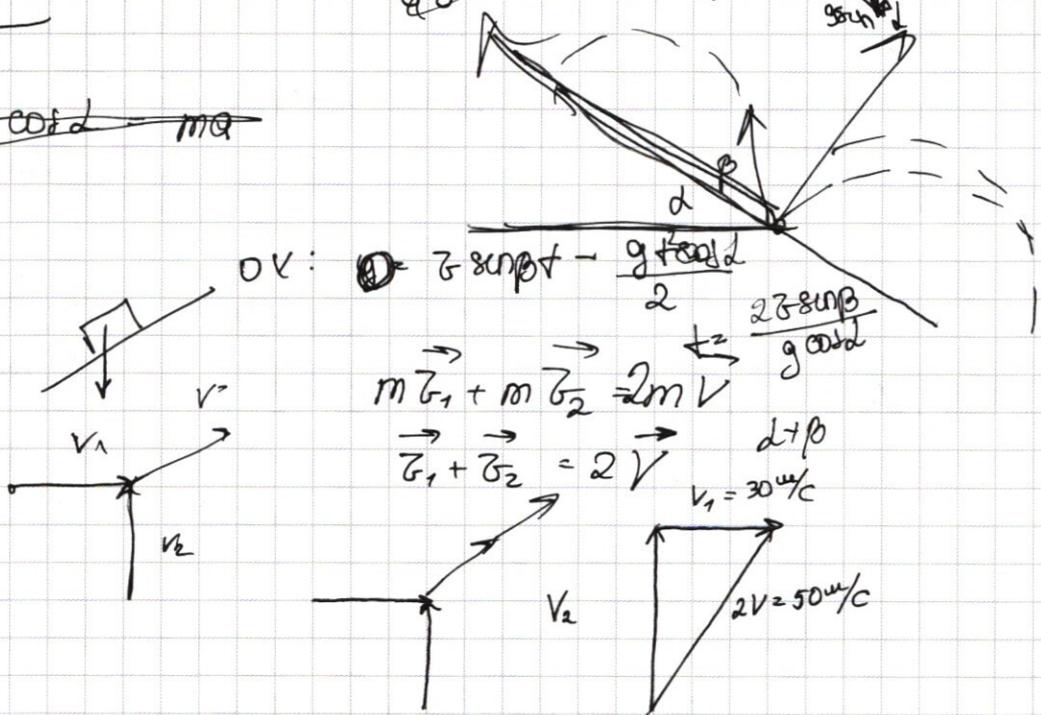


$$\frac{2 \cdot m \sqrt{e^2 T}}{m} = c$$

$$mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha = -ma$$

$$\mu mg \cos \alpha - mg \sin \alpha = ma$$

$$g(\mu \cos \alpha - \sin \alpha) = a$$



$$V_2 = \sqrt{2500 - 900} = 40 \text{ м/с}$$

$$E \quad \frac{m v_1^2}{2} + \frac{m v_2^2}{2} = \frac{2m V^2}{2} + Q$$

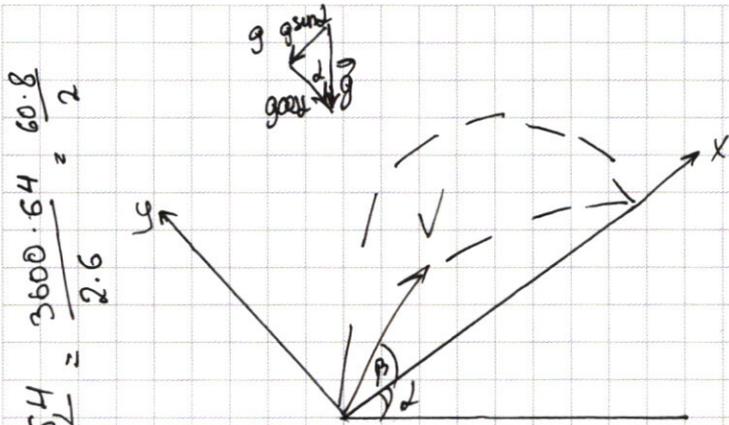
$$Q = 2mc \Delta T$$

$\frac{m}{m}$

$$m (v_1^2 + v_2^2) = 2m V^2 + 2Q$$

$$m (v_1^2 + v_2^2) = 2m V^2 + 2mc \Delta T$$

$$v_1^2 + v_2^2 = 2V^2 + 4c \Delta T$$



$$2 \cdot 1800 \cdot 10 \cdot 0.64 = 23040$$

$$\frac{23040}{2.6} = 8861.5$$

$$\frac{3600 \cdot 60 \cdot 8}{2} = 86400$$

$$\sin \alpha = 0.6$$

$$\cos \alpha = 0.8$$

$$\frac{2S + g \sin \alpha t^2}{2t} = v_0 \cos \beta$$

$$\frac{g \cos \alpha t^2}{2t} = v_0 \sin \beta$$

$$\sin 0^\circ = 0$$

$$\sin 90^\circ = 1$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{g \cos \alpha t}{2S + g \sin \alpha t^2}$$

$$\operatorname{tg} \beta = \frac{g \cos \alpha t^2}{2S + g \sin \alpha t^2}$$

$$y = v_0 \sin \beta t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2}$$

$$x = v_0 \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$S = v_x t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$\frac{2S + g \sin \alpha t^2}{2} = v_x t$$

$$\frac{2v_0 \sin \beta}{g \cos \alpha} = t$$

$$2v_0 \sin \beta = g \cos \alpha t$$

$$v_0 = \frac{g \cos \alpha t}{2 \sin \beta}$$

$$2S = 2v_0 \cos \beta t - g \sin \alpha t^2$$

$$2S + g \sin \alpha t^2 = 2v_0 \cos \beta t$$

$$\frac{2v_0 \sin \beta}{g \cos \alpha} = t$$

$$g \sin \alpha t^2 + 2v_0 \cos \beta t - 2S = 0$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x_{\max} = \frac{-b}{2a}$$

$$v_0^2 \cos^2 \beta = 2S g \sin \alpha$$

$$t = \frac{-2v_0 \cos \beta \pm \sqrt{4v_0^2 \cos^2 \beta - 4S g \sin \alpha}}{2g \sin \alpha}$$

$$S = \frac{g \cos \alpha t \cdot \cos \beta}{2 \sin \beta} t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$2S = g \cos \alpha t^2 \cdot \operatorname{ctg} \beta - g \sin \alpha t^2$$

$$\frac{2S}{g \cos \alpha \operatorname{ctg} \beta - g \sin \alpha} = t^2$$

$$2S \sin \beta + g \sin \alpha \sin \beta t^2 = g \cos \alpha t^2 \cos \beta$$

$$\frac{2S + g \sin \alpha t^2}{\cos \beta t} = v_0 = \frac{g \cos \alpha t}{2 \sin \beta}$$

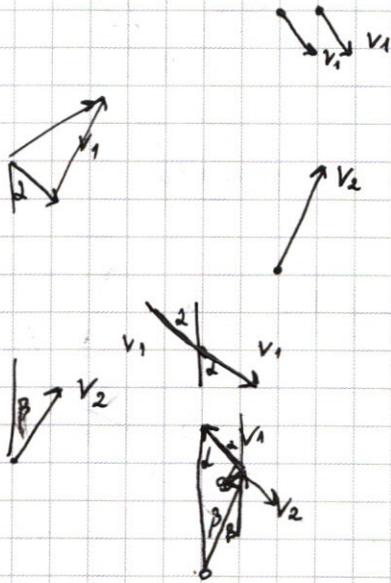
$$g^2 \sin^2(\alpha + \beta) + 2S \sin \beta = 0$$

$$t^2 = \frac{2S \sin \beta}{g \sin \alpha \cos \beta}$$

$$\frac{2S g^2 \cos^2 \alpha}{4 g \sin \alpha}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1



ИСО: корабль
ПСО: земля
тело: торпеда

$$\vec{v}_{Т-К} = -\vec{v}_1 + \vec{v}_2 \quad \times \frac{171}{8}$$

$$\vec{v}_{Т-К} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1 \quad \frac{13,68}{1}$$

$$\frac{1250}{4 \cdot 1,35}$$

$$\frac{1250}{12} \Big| \frac{4}{12,5}$$

$$\frac{05}{10}$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{8 \sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{0,5 \cdot 2}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

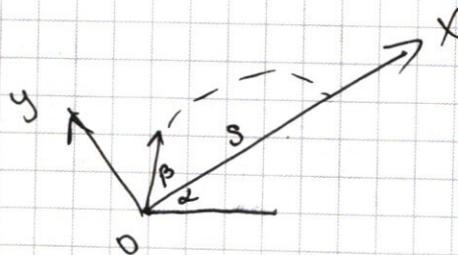
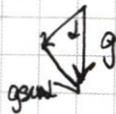
$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow v_2 = \sqrt{3} v_1$$

$$\sqrt{3 \cdot 64 + 64} = \sqrt{4 \cdot 8^2} = 2 \cdot 8 = 16 \text{ м/с}$$

$$\frac{16}{25} \times 25 = 80$$

$$\frac{32}{400}$$

ИСО?



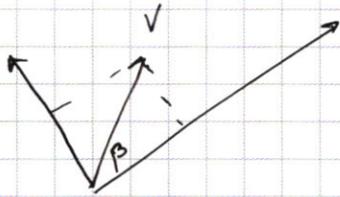
$$\frac{3125000}{270} \Big| \frac{135}{2314}$$

$$\frac{425}{405}$$

$$\frac{200}{135}$$

$$\frac{650}{540}$$

$$\frac{110}{1}$$



$$V_0 \sin \beta = g \cos \beta t$$

$$1800 =$$

$$\tau = \frac{g \cos \alpha t}{2 \sin \beta}$$

$$y = V_0 \sin \beta t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2} = 0 \Rightarrow t = \frac{2 V_0 \sin \beta}{g \cos \alpha}$$

$$x = \tau_0 \cos \beta - \frac{g \sin \alpha t^2}{2} \quad \frac{1}{4} \cdot \frac{2}{4} \cdot 6 = 4 \cdot \frac{1}{4} = 1 \quad a = Mg$$

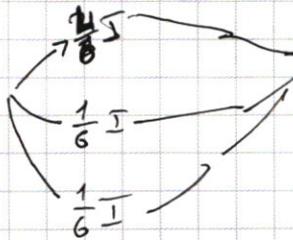
$$\frac{2}{80} \Rightarrow \tau = \frac{1}{2} \text{ s}$$

$$\beta = 90^\circ \quad 160 \text{ m}$$

$$\frac{2s + g \sin \alpha t^2}{\cos \beta t^2} = g$$

$$\frac{5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 20}{4 \cdot 27} =$$

$$\frac{135}{100} = \frac{27}{20} =$$



$$s = \tau_0 \cos \beta t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$2s = 2\tau_0 \cos \beta t - g \sin \alpha t^2$$

$$\frac{2s + g \sin \alpha t^2}{2 \cos \beta t} = \frac{g \cos \alpha t}{2 \sin \beta}$$

$$\frac{5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 20 \cdot 5}{27} =$$

$$4s \sin \beta + 2g \sin \alpha \sin \beta t^2 = 2g \cos \alpha \cos \beta t^2$$

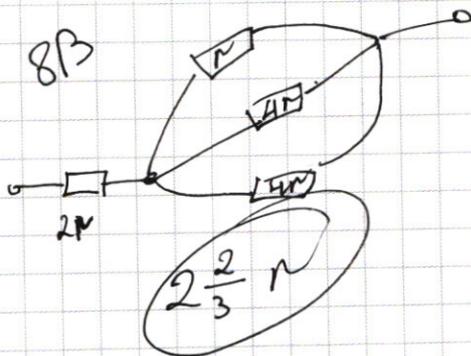
$$t^2 g (\sin \alpha \sin \beta - \cos \alpha \cos \beta) + 2s \sin \beta = 0$$

$$t^2 g (\cos(\alpha + \beta)) + 2s \sin \beta = 0$$

~~$$g \cos(\alpha + \beta) t^2 + 2s \sin \beta = 0$$~~

$$25 \cdot 100 - 25 \cdot 50 = 14$$

$$\approx 25 \cdot 50$$



$$\frac{625 \times 4}{2500}$$

$$\frac{1250}{4}$$

$$\frac{25 \cdot 50}{4 \cdot 1,35} = \frac{5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 2}{4 \cdot 1,35}$$