

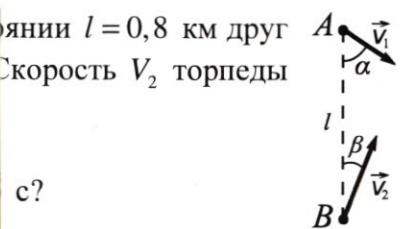
Олимпиада «Физтех» по физике, ф

Вариант 09-02

Класс 09

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без вло:

- 1.** Корабль A и торпеда B в некоторый момент времени находятся на расстоянии $l = 0,8$ км друг от друга (см. рис.) Скорость корабля $V_1 = 8$ м/с, угол $\alpha = 60^\circ$, угол $\beta = 30^\circ$. Скорость V_2 торпеды такова, что торпеда попадет в цель.
- 1) Найдите скорость V_2 торпеды.
 - 2) На каком расстоянии S будут находиться корабль и торпеда через $T = 25$ с?
-
- 2.** Плоский склон горы образует с горизонтом угол α , $\sin \alpha = 0,6$. Из миномета, расположенного на склоне, производят выстрел, под таким углом β к поверхности склона, что продолжительность полета мины наибольшая. Мина падает на склон на расстоянии $S = 1,8$ км от точки старта.
- 1) Под каким углом β к поверхности склона произведен выстрел?
 - 2) Найдите максимальную дальность L стрельбы из такого миномета на горизонтальной поверхности. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало.
- 3.** Вниз по шероховатой наклонной плоскости равнозамедленно движется брускок. Величина ускорения бруска $a = 2$ м/с². Пластилиновый шарик, движущийся по вертикали, падает на брускок и прилипает к нему, а брускок останавливается. Продолжительность полета шарика до соударения $T = 0,2$ с. Начальная скорость шарика нулевая.
- 1) Найдите скорость V_1 шарика перед соударением.
 - 2) Найдите скорость V_2 бруска перед соударением.
- Движение шарика до соударения – свободное падение. Массы бруска и шарика одинаковы. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Быстрые процессы торможения бруска и деформации пластилина заканчиваются одновременно. В этих процессах действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.
- 4.** Два одинаковых шарика движутся по взаимно перпендикулярным прямым и слипаются в результате абсолютно неупругого удара. После слипания скорость шариков $V = 25$ м/с. Скорость одного из шариков перед слипанием $V_1 = 30$ м/с.
- 1) С какой скоростью V_2 двигался второй шарик перед слипанием?
 - 2) Найдите удельную теплоемкость c материала, из которого изготовлены шарики, если известно, что в результате слипания температура шариков повысилась на $\Delta t = 1,35$ °С. Температуры шариков перед слипанием одинаковы.
- 5.** Четыре резистора соединены как показано на рисунке. Сопротивления резисторов $R_1 = 2 \cdot r$, $R_2 = R_3 = 4 \cdot r$, $R_4 = r$. На вход АВ схемы подают напряжение $U = 8$ В.
- 1) Найдите эквивалентное сопротивление R_{AB} цепи.
 - 2) Какая суммарная мощность P будет рассеиваться на резисторах R_2 , R_3 и R_4 при $r = 6$ Ом?



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1.

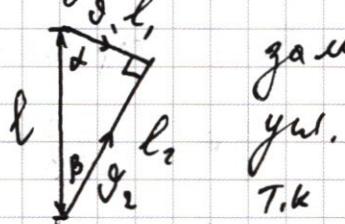
Дано:

$$\begin{aligned} l &= 0,8 \text{ ми} = 800 \text{ м} \\ \vartheta_1 &= 8 \frac{\pi}{3} = 8 \frac{\pi}{2} \\ \alpha &= 60^\circ = 60^\circ \\ \beta &= 30^\circ = 30^\circ \\ T &= 25 \text{ с} = 162 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1) \quad v_2 &=? \quad \frac{m}{c} \\ 2) \quad S &=? \quad m \end{aligned}$$

Решение;

1) соединим напротивы корабль скоростей в одной точке (то же время)!



запишем что образованы прямой угл.

т.к. $\alpha = 60^\circ$ то корабль прошел

$l_1 = 0,5l$ до времени с торпедой

т.к. а торпеда $l_2 = \frac{\sqrt{3}}{2} l$

запишем что до времени они прошли одинаково время t , причем в случае

корабль: $t = \frac{l_1}{v_1} = \frac{l}{2v_1}$

торпеда: $t = \frac{l_2}{v_2} = \frac{\sqrt{3}l}{2v_2}$

$$\Rightarrow \frac{l}{2v_1} = \frac{\sqrt{3}l}{2v_2} \Rightarrow v_2 = \sqrt{3}v_1 =$$

$$= 8\sqrt{3} \frac{m}{s}$$

2) Запишем что за время T корабль прошел $l_3 =$

$= v_1 \cdot T = 200 \text{ м}$, а торпеда $l_4 = v_2 \cdot T = 200\sqrt{3} \text{ м}$.

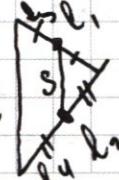
запишем что $l_1 = 0,5l$ (равно) $= 400 \text{ м}$ а $l_2 = 400\sqrt{3} \text{ м}$

запишем что $l_3 = \frac{l_1}{2} \quad l_4 = \frac{l_2}{2} \Rightarrow$ Выражая длинна

S - среднее значение полученного треугольника,

и равна $\frac{1}{2}l = 400 \text{ м}$

Ответ: $v_2 = 8\sqrt{3} \frac{m}{s}$ $S = 400 \text{ м}$



№ 5.

Дано:

$$R_1 = 2r$$

$$R_2 = R_3 = 4R$$

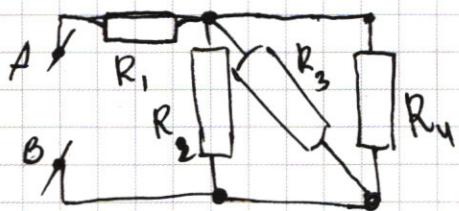
$$R_{23} = r$$

$$U = 8V$$

$$r = 6\Omega$$

$$1) R_{AB} = ?$$

$$2) P_{234} = ?$$



Решение:

R_2, R_3 и R_4 - соединены
параллельно;

$$\frac{1}{R_{234}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} =$$

$$= \frac{1}{4r} + \frac{1}{4r} + \frac{1}{r} = \frac{6}{4r} = \frac{3}{2}r$$

$$R_{234} = \frac{2}{3}R \quad R_1 \text{ и } R_{234} \text{ - соединены последовательно;}$$

$$R_{AB} = R_1 + R_{234} = 2r + \frac{2}{3}R = \frac{2^2}{3}r$$

$$P_{234} = \frac{U_{234}^2}{R_{234}}$$

$$U_{234} = U \cdot \frac{R_{234}}{R_{AB}} = \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 8} U = 0,25U = 2V$$

$$P_{234} = \frac{4V^2}{40\Omega} = 1W$$

$$R_{234} = \frac{2}{3}r = 4\Omega$$

$$\text{Ответ: } R_{AB} = \frac{2^2}{3}r ; P_{234} = 1W$$

№ 2.

Решение:

Вспомним что же

броско на максимум

равнодействующая

богинь брошен под углом

45° к горизонту \Rightarrow

$$\beta = 45^\circ + \alpha.$$

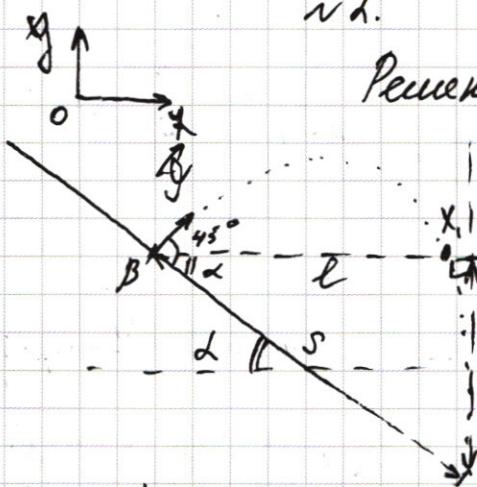
путь h - высота до неба

Мы спустялась по склону

$$h = S \sin \alpha =$$

l - расстояние которого

$$Ox \quad l = S \cos \alpha$$



$$\tan \alpha = \frac{h}{l} \rightarrow$$

$\rightarrow \triangle ABL \quad A = L - эпитетство T.E$

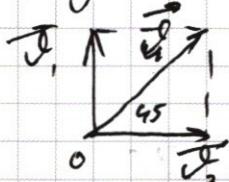
$\cos \alpha = 0,8$ сторона оттака равна 3:4:5

$\angle \alpha \approx 34^\circ \quad \angle \beta = 45^\circ + 34^\circ = 79^\circ$

пролетело дистанцию в проекции на горизонтальную плоскость Ox

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

разложим в (по скобкам) по осям на Ox и Oy



$$\vec{v} = \vec{v}_1 + \vec{v}_2 \quad \text{по теореме про параллелепипед}$$

$$v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2} \quad v_1 = v_2 \quad \text{тк. } \angle = 45^\circ$$

$$v = v_1\sqrt{2} = v_2\sqrt{2}$$

Задано что на горизонт движение x , тело
пересекает ось x , пусть это произойдет в время $2t$
затем $t = \frac{v_0}{g}$ — время подъема
после X , тело продолжает движение t , по наклонной;
затем $h = \frac{g t^2}{2}$ $\Rightarrow t_1 = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2S \sin \alpha}{g}}$
задано что за все это время $2t+t$, тело прошло
и при этом на ось $Ox \Rightarrow (2t+t_1)v_1 = h$; получаем

$$\left(2\frac{v_0}{g} + \sqrt{\frac{2S \sin \alpha}{g}}\right)v_1 = S \cos \alpha$$

$$2v_0 + \sqrt{2S \sin \alpha \cdot g} = S \cos \alpha \cdot g.$$

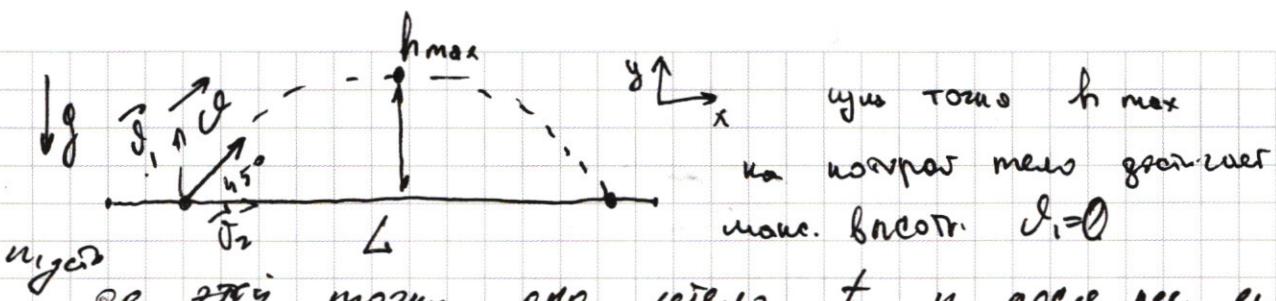
$$2v_0^2 + 2v_0 \sqrt{2S \sin \alpha \cdot g} = S \cos \alpha \cdot g = 0$$

$$2v_0^2 + 2v_0 \sqrt{2S \sin \alpha \cdot g} = 2S \cos \alpha \cdot g \Rightarrow 2S \cos \alpha \cdot g = 2S \sin \alpha \cdot g$$

$$v_0 = -\frac{\sqrt{2S \sin \alpha} + \sqrt{2S \cos \alpha}}{2} = \frac{\sqrt{2Sg} (\sqrt{\sin \alpha + \cos \alpha} - \sqrt{\sin \alpha})}{2} =$$

$$(отрицатель не рассматриваем) = \frac{15}{16} (\sqrt{38} - \sqrt{6}) \frac{m}{s}$$

рассмотрим случаи с горизонтальной поверхностью



точка может остановиться в точке t_2 и оно все же t_2

в сумме $2t_2$ является $t_2 = \frac{d_1}{g}$

$$L = 2t_2 \cdot d_2 = 2t_2 \cdot d_1 = \frac{\pi d_1^2}{g} = \frac{\pi \cdot 15^2}{g} \cdot (38 - \sqrt{6})^2$$

~~$$= \frac{3\pi}{45} (38 + 6 - 4\sqrt{54}) = \frac{3\pi}{45} (44 - 4\sqrt{54}) \approx 630 \text{ м.}$$~~

Ответ: 1) $\angle \beta \approx 82^\circ$

2) $L \approx 630 \text{ м.}$

3) $L \approx 630 \text{ м.}$

Дано:

$$a = 2 \frac{m}{c^2}$$

$$\mu = 0.2$$

$$m_1 = m_2 = m$$

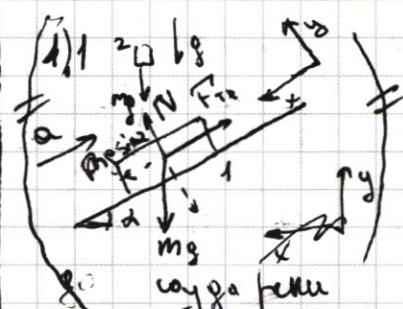
$$g = 10 \frac{m}{c^2}$$

$$T = 0.2 \text{ с}$$

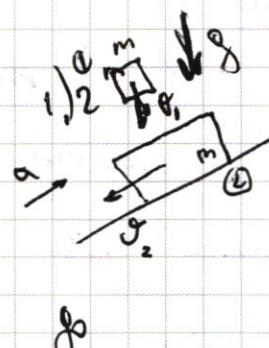
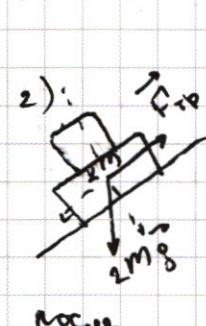
$$V_{0m} = 0 \frac{m}{c}$$

$$1) d_1 = ?$$

$$2) d_2 = ?$$



Решение:



$$\text{На рис. 1: } N = mg \cos \alpha$$

на рис. 2: Направление приложено к оси ОХ:

$$\gamma a = mg \sin \alpha - mg \cos \alpha \quad a = g \mu \cos \alpha - g \sin \alpha.$$

на рис. 1, 2

$$\frac{a}{g} = \mu \cos \alpha - \sin \alpha$$

после подстановки $d_1 = gT = 0.2 \cdot 10 \frac{m}{c^2} = 2 \frac{m}{c}$.

$$\vec{P}_1 = m \vec{v}_1 - \text{импульс шарика}$$

$$\vec{P}_2 = m \vec{v}_2 - \text{импульс блока}$$

$$\vec{P}_1 + \vec{P}_2 = 0. (\text{пур. 2}). \text{ т.к.}$$

$$f_x = 0 \frac{m}{c}$$

на рис. 2 $\angle \gamma$ Направление приложено к оси ОХ:

$$F_{rp} = 2mg \sin \alpha \quad F_{rp \max} = 2mg \sin \mu \quad \sin \alpha \mu \geq \sin \alpha$$

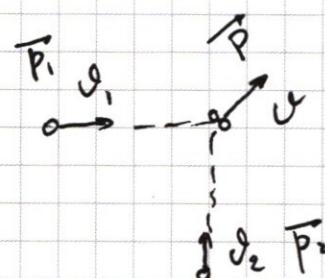
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Ответ: 1) $v_2 = 2 \frac{m}{c}$

№ 4

Дано:

$$\begin{aligned} m_1 = m_2 = m \\ v_1 = 30 \frac{m}{c} \\ \vartheta = 25 \frac{m}{c} \\ \hline 1) v_2 = ? \\ 2) c = ? \text{ при } \alpha t = 175^\circ \end{aligned}$$



Решение:

запомни это направление
бетто

$$\vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \vec{p}$$

$$m \vec{v}_1 + m \vec{v}_2 = 2m \vec{v}$$

$$\vec{v}_1 + \vec{v}_2 = 2 \vec{v}$$

запомни это $(\vec{v}_1 + \vec{v}_2) = \sqrt{v_1^2 + v_2^2}$ Т.к.

$$\sqrt{v_1^2 + v_2^2} = 2v \quad v_2 = \sqrt{4v^2 - v_1^2} = \sqrt{4 \cdot (25 \frac{m}{c})^2 - (30 \frac{m}{c})^2}$$

$$= 40 \frac{m}{c}; \quad v_2 = 40 \frac{m}{c}$$

запомни это все энергии потеряны

Ответ: 1) $v_2 = 40 \frac{m}{c}$.

2) $c = 463 \frac{\text{Дж}}{\text{н.с}}$

$$\epsilon_{k1} = \frac{mv_1^2}{2} \quad \epsilon_{k2} = \frac{mv_2^2}{2}$$

$$c = \frac{0,5v_1^2 + 0,5v_2^2 - v^2}{\alpha t} \approx 463 \frac{\text{Дж}}{\text{н.с}}$$

$$\epsilon_k = \frac{mv_1^2 + mv_2^2}{2} - mv^2$$

$$Q + \epsilon_k = \epsilon_{k1} + \epsilon_{k2}$$

$$Q = \frac{mv_1^2 + mv_2^2}{2} - mv^2$$

$$Q = 2mc \cdot \alpha t$$

$$2mc \cdot \alpha t = \frac{mv_1^2 + mv_2^2}{2} - mv^2$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ»
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$490 \left(44 - 4\sqrt{52} \right)^2$$

$$\sqrt{52}$$

$$\begin{array}{r} 22 \\ \times 14 \\ \hline 180 \\ 45 \\ \hline 310 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \\ + 14 \\ \hline 39.0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 75 \\ \times 35 \\ \hline 375 \\ 225 \\ \hline 525 \end{array}$$

$$2500 - 600 = 1600$$

$$\begin{array}{r} 300 \times 1600 \\ - 2500 \\ \hline 1250 - 625 \\ \hline 1125 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 62500 \\ - 5400 \\ \hline 850 \\ - 810 \\ \hline 400 \end{array}$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)