

# Олимпиада «Физтех» по физике, ф

## Вариант 09-01

Класс 09

Бланк задания обязательно должен быть вложен в работу. Работы без влс

1. Корабль  $A$  и торпеда  $B$  в некоторый момент времени находятся на расстоянии  $l = 1$  км друг от друга (см. рис. 1) Скорость корабля  $V_1 = 10$  м/с, угол  $\alpha = 60^\circ$ . Скорость торпеды  $V_2 = 20$  м/с. Угол  $\beta$  таков, что торпеда попадет в цель.



1) Найдите  $\sin \beta$ .

2) Через какое время  $T$  расстояние между кораблем и торпедой составит  $S = 770$  м?

2. Плоский склон горы образует с горизонтом угол  $\alpha = 30^\circ$ . Из миномета, расположенного на склоне, производят выстрел, под таким углом  $\varphi$  к поверхности склона, что продолжительность полета мины наибольшая. Мина падает на склон на расстоянии  $S = 0,8$  км от точки старта.

1) Под каким углом  $\varphi$  к поверхности склона произведен выстрел?

2) Найдите величину  $V_0$  начальной скорости мины.

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Сопротивление воздуха пренебрежимо мало.

3. Вниз по шероховатой наклонной плоскости равнозамедленно движется брусок. В тот момент, когда скорость бруска равна  $V_1 = 1$  м/с, на брусок падает пластилиновый шарик и прилипает к нему, а брусок останавливается. Движение шарика до соударения – свободное падение с высоты  $h = 0,8$  м с нулевой начальной скоростью.

1) Найдите скорость  $V_2$  шарика перед соударением.

2) Найдите величину  $a$  ускорения бруска перед соударением.

Массы бруска и шарика одинаковы.

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Сопротивление воздуха пренебрежимо мало.

Быстрые процессы торможения бруска и деформации пластилина заканчиваются одновременно. В этих процессах действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

4. Два свинцовых шарика одинаковой массы, летящие со скоростями  $V_1 = 60$  м/с и  $V_2 = 80$  м/с, слипаются в результате абсолютно неупругого удара. Скорости шариков перед слипанием взаимно перпендикулярны.

1) С какой по величине скоростью  $V$  движутся слипшиеся шарики?

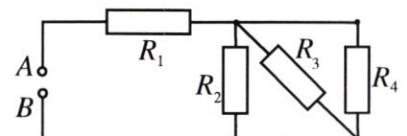
2) На сколько  $\Delta t$  ( $^\circ\text{C}$ ) повысится температура шариков?

Удельная теплоемкость свинца  $c = 130$  Дж/(кг $\cdot$  $^\circ\text{C}$ ). Температуры шариков перед слипанием одинаковы.

5. Четыре резистора соединены как показано на рисунке. Сопротивления резисторов  $R_1 = 3 \cdot r$ ,  $R_2 = R_3 = 2 \cdot r$ ,  $R_4 = 4 \cdot r$ . На вход АВ схемы подают напряжение  $U = 38$  В.

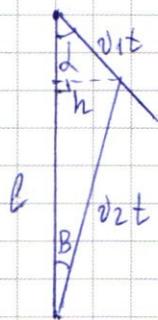
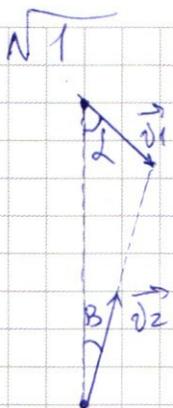
1) Найдите эквивалентное сопротивление  $R_{AB}$  цепи.

2) Какой силы  $I$  ток будет течь через резистор  $R_4$  при  $r = 10$  Ом?





## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

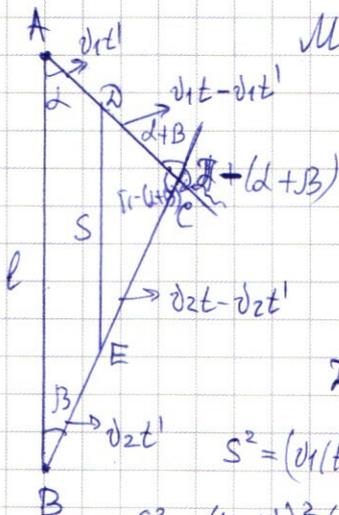
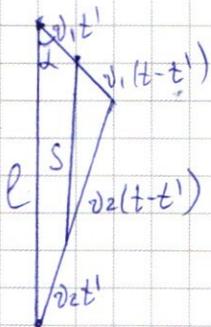


$$h = v_1 t \sin \alpha = v_2 t \sin \beta$$

$$\sin \beta = \frac{v_1 \sin \alpha}{v_2} = \frac{10}{20} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

где  $t$  - время встречи.

Пусть  $t'$  - время за которое расстояние между ними станет  $S$ .



Мы точки  $M, A, B, C, D, E$  обозначили.

$$AD = v_1 t'; AC = v_1 t'; DC = v_1 t - v_1 t'$$

$$BE = v_2 t'; BC = v_2 t; EC = v_2 t - v_2 t'$$

Используем теорему косинусов

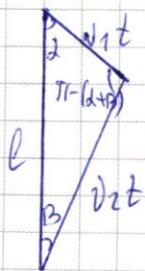
в  $\triangle DCE$ :

$$DE^2 = DC^2 + EC^2 - 2 \cdot DC \cdot EC \cdot \cos(\pi - (\alpha + \beta))$$

$$S^2 = (v_1(t-t'))^2 + (v_2(t-t'))^2 + 2v_1(t-t')v_2(t-t')\cos(\alpha + \beta)$$

$$S^2 = (t-t')^2(v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2\cos(\alpha + \beta))$$

Перепишем найдем время  $t'$ :



Затем теорему косинусов в этой треугольнике:

$$l^2 = (v_1 t)^2 + (v_2 t)^2 - 2v_1 t v_2 t \cos(\pi - (\alpha + \beta))$$

$$l^2 = t^2(v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2\cos(\alpha + \beta))$$

$$t = \frac{l}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2\cos(\alpha + \beta)}}$$

№1

Продолжение:

Значение  $t$  подставим в выражение:

$$S^2 = (t - t')^2 (v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta))$$

~~$$t - t' = \frac{l}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}}$$~~

$$t = \frac{l}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}}$$

$$t - t' = \frac{S}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}} = \frac{l}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}} - t'$$

$$t' = \frac{l - S}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}}$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \sqrt{1 - \frac{3}{16}} = \frac{\sqrt{13}}{4}$$

$$\begin{aligned} \cos(\alpha + \beta) &= \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{13}}{4} - \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} = \\ &= \frac{\sqrt{13} - 3}{8} \approx \frac{3,6 - 3}{8} \approx 0,075 \end{aligned}$$

$$t' \approx 10 \text{ с}$$

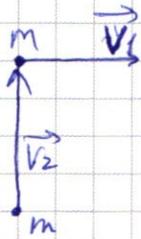
Ответ: (1)  $\sin \beta = \frac{\sqrt{3}}{4} \approx \dots$

1)  $\sin \beta = \frac{v_1 \sin \alpha}{v_2} = \frac{\sqrt{3}}{4} \approx 0,45$

2)  $t' = \frac{l - S}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}} \approx 10 \text{ с}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4



$$\vec{P}_* = \vec{P}_1 + \vec{P}_2; \quad \vec{P}^* = m\vec{v}_1 + m\vec{v}_2$$

$$P = m\sqrt{v_1^2 + v_2^2}$$

$$\vec{P} = \vec{P}_K$$

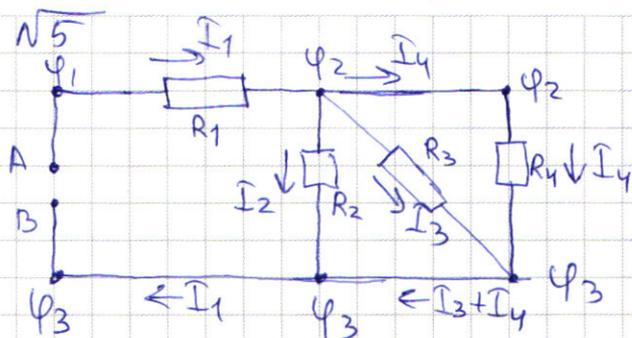
$$m\sqrt{v_1^2 + v_2^2} = 2mu; \quad u = \frac{\sqrt{v_1^2 + v_2^2}}{2} = 50 \text{ м/с}$$

$$\begin{aligned} \Delta E &= \frac{mv_1^2}{2} + \frac{mv_2^2}{2} - \frac{2mu^2}{2} = \left( \frac{mv_1^2 + mv_2^2}{2} - \frac{2m(v_1^2 + v_2^2)}{4} \right) \cdot \frac{1}{2} = \\ &= \frac{2mv_1^2 + 2mv_2^2 - mv_1^2 - mv_2^2}{4} = \frac{m(v_1^2 + v_2^2)}{4} \end{aligned}$$

$$\Delta E = cm\Delta t$$

$$\frac{m(v_1^2 + v_2^2)}{4} = cm\Delta t; \quad \Delta t = \frac{v_1^2 + v_2^2}{4c} \approx \text{~~10.2~~} \approx \text{~~10.2~~} 19,2^\circ\text{C}$$

Ответ: 1)  $u = \frac{\sqrt{v_1^2 + v_2^2}}{2} = 50 \text{ м/с}$     2)  $\Delta t = \frac{v_1^2 + v_2^2}{8c} \approx 19,2^\circ\text{C} \approx 19,2^\circ\text{C}$



$$I_4 = I_1 - (I_2 + I_3)$$

Запишем 2-ое правило Кирхгофа:

$$1) R_4 I_4 = R_3 I_3$$

$$R_4 (I_1 - I_2 - I_3) = R_3 I_3$$

$$2) R_3 I_3 = R_2 I_2$$

$$\frac{R_3 I_3}{R_2} = I_2$$

$$3) R_4 \left( I_1 - \frac{R_3 I_3}{R_2} - I_3 \right) = R_3 I_3$$

$$R_4 (R_2 I_1 - R_3 I_3 - R_2 I_3) = R_2 R_3 I_3; \quad R_4 R_2 I_1 = I_3 (R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4)$$

$$I_3 = \frac{R_2 R_4 I_1}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4}$$

$$I_2 = \frac{R_3}{R_2} \cdot I_3 = \frac{R_3 R_4 I_1}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4}$$

$$4) \begin{cases} \varphi_3 - \varphi_2 = R_4 I_4 = R_4 (I_1 - I_2 - I_3) \\ \varphi_2 - \varphi_1 = R_1 I_1 \end{cases}$$

$$\varphi_3 - \varphi_1 = U = R_4 \cdot \left( I_1 - \frac{R_3 R_4 I_1}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} - \frac{R_2 R_4 I_1}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} \right) + R_1 I_1 =$$

$$= \frac{R_4 \cdot I_1 \cdot (R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4 - R_3 R_4 - R_2 R_4)}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} + R_1 I_1 = \frac{I_1 (R_2 R_3 R_4 + R_1 R_2 R_3 + R_1 R_3 R_4 + R_1 R_2 R_4)}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4}$$

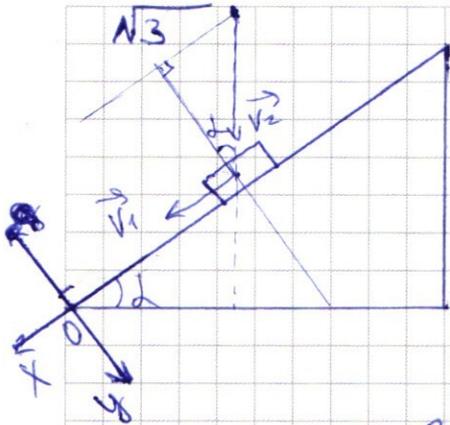
$$\frac{\varphi_3 - \varphi_1}{I_1} = R_{общ} = \frac{R_2 R_3 R_4 + R_1 R_2 R_3 + R_1 R_3 R_4 + R_1 R_2 R_4}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} = 3,8 \text{ r}$$

$$I_4 = I_1 - I_2 - I_3 = \frac{I_1 R_2 R_3}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} = 0,2 I_1$$

$$I_1 = \frac{U}{R_{общ}} = \frac{U}{3,8 \text{ r}}; \quad I_4 = 0,2 \cdot \frac{U}{3,8 \text{ r}} = \frac{U}{19 \text{ r}} = \frac{38}{19 \cdot 10} = 0,2 \text{ A}$$

Ответ: 1)  $R_{общ} = 3,8 \text{ r}$     2)  $I_4 = \frac{U}{19 \text{ r}} = 0,2 \text{ A}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Запишем 2-ой З.Н. во время соударения, для обеих тел.

$$1) OY: m\vec{a}_y = \vec{N} + \vec{F}_{TP}$$

$$m a_y = N; \quad m \frac{dv_{1y}}{dt} = -N; \quad m \frac{dv_{2y}}{dt} = -N; \quad m v_2 \cos \alpha = N t$$

$$2) \left\{ \begin{array}{l} OX: m a_{1x} = F_{TP} - F_2 \\ -m \frac{dv_{1x}}{dt} = N \sin \alpha - F_2; \\ OX: m a_{2x} = F_2 \\ -m \frac{dv_{2x}}{dt} = F_2; \end{array} \right.$$

$$-m \frac{dv_{1x}}{dt} = N \sin \alpha + m \frac{dv_{2x}}{dt}$$

$$N \sin \alpha + m \frac{d}{dt} (v_{2x} + v_{1x}) = 0; \quad N \sin \alpha t = m \cdot \left( \int_0^t v_{2x} dt + \int_0^t v_{1x} dt \right)$$

$$N \sin \alpha t = m (v_2 \sin \alpha t + v_1)$$

$$m v_2 \cos \alpha t - m v_2 \sin \alpha t = m v_1; \quad v_2 (\cos \alpha t - \sin \alpha t) = v_1; \quad \cos \alpha t - \sin \alpha t = \frac{v_1}{v_2}$$

3) Запишем 2-ой З.Н. во время соударения, для бруска.

$$OY: m g \cos \alpha = N'$$

$$OX: m a' = N' \sin \alpha - m g \sin \alpha = m g (\cos \alpha - \sin \alpha) = m g \cdot \frac{v_1}{v_2}$$

$$a' = g \cdot \frac{v_1}{v_2};$$

4) Запишем ЗСЭ:

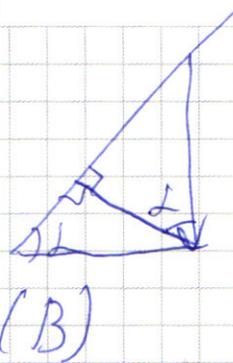
$$m g h = \frac{m v_2^2}{2}; \quad v_2 = \sqrt{2 g h}; \quad a' = \frac{g v_1}{\sqrt{2 g h}} = 2,5 \text{ м/с}^2$$

Ответ: 1)  $v_2 = \sqrt{2 g h} = 4 \text{ м/с}$  2)  $|a'| = \frac{g v_1}{\sqrt{2 g h}} = 2,5 \text{ м/с}^2$ , но оно отрицательное.

\* По условию задачи мы не учитываем силу трения во время удара.

$$\frac{\sin B}{\cos(B-1)} \quad B=90 \quad \frac{\sqrt{3}}{2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = 1$$

$$\frac{1}{\cos 60} = 2$$



$$v \sin B = \frac{g \cos \alpha \cdot t}{2}$$

$$g \sin \alpha t^2 + 2v \cos B \cdot t - 2S = 0$$

$$D = 4v^2 \cos^2 B + 8Sg \sin \alpha$$

$$\frac{2v \sin B}{g \cos \alpha} = t \quad t = \max; \quad B = \frac{\pi}{2} \quad t = \frac{2v}{g \cos \alpha}$$

$$S = v \cos \frac{\pi}{2} t + \frac{g \sin \alpha}{2} \cdot t^2 = \frac{v \sin \alpha}{2} \cdot \frac{2v}{g \cos \alpha} = vtg \alpha$$

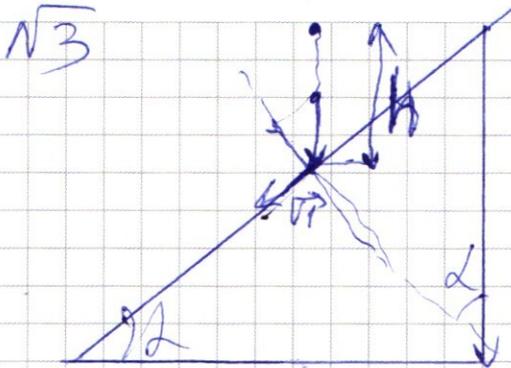
$$= \frac{v \sin \alpha}{2} \cdot \frac{4v^2}{g \cos^2 \alpha} = \frac{2v^2 \sin \alpha}{g \cos^2 \alpha} = S$$

$$v = \sqrt{\frac{g \cos^2 \alpha S}{2 \sin \alpha}} = \cos \alpha \cdot \sqrt{\frac{gS}{2 \sin \alpha}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \sqrt{\frac{10 \cdot 800}{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \cdot \sqrt{4000} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \cdot 20 \cdot \sqrt{10} = \sqrt{15} \cdot 20 \approx 3 \cdot 9 \cdot 20 = 78$$

$$\begin{array}{r} 328 \\ \underline{38} \\ 304 \\ \underline{114} \\ 414 \\ \underline{1494} \end{array} \quad \begin{array}{r} 39 \ 27 \\ \underline{39 \ 8} \\ 351 \\ \underline{117} \\ 1521 \end{array}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$mv_2 + mv_1 = 0$$

$$mgh = \frac{mv_2^2}{2}; \quad v_2 = \sqrt{2gh}$$

$$\vec{F} = m \frac{d\vec{v}}{dt}; \quad F = -m \frac{dv}{dt}$$

$$100 \cdot \frac{100}{40} = \frac{25}{100}$$

$$10 - 40$$

$$x - 1$$

$$x = \frac{1}{40} = 2$$

$$m \frac{dv_2}{dt} = -F_2$$

$$F_{sp} + m \frac{dv_2}{dt} = m \frac{dv_1}{dt}$$

$$F_{sp} - F_2 = m \frac{dv_1}{dt}$$

$$F_{sp} dt = m(dv_1 - dv_2)$$

$$F_{sp} t = m \left( \int_{v_1}^0 dv_1 - \int_{v_2 \sin \alpha}^0 dv_2 \right)$$

$$\frac{F}{m} = a$$

$$\frac{10 \cdot 4}{1} = 40$$

$$F_{sp} t = m \cdot (v_2 \sin \alpha - v_1)$$

$$\frac{v_2 \sin \alpha - v_1}{t} = a = mg$$

$$ma = mg \cos \alpha \mu - mg \sin \alpha$$

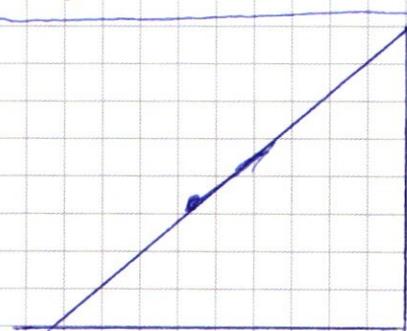
$$mg \cos \alpha \mu$$

$$g \cos \alpha \mu = a$$

$$20 \cdot 0,8 = 16$$

$$4 \cdot 10$$

$$\frac{10 \cdot 1}{4} = 2,5$$



$$mg \cos \alpha \mu = m(v_2 \sin \alpha - v_1)$$

$$OX: \frac{mdv_2}{dt} = -F_2$$

$$Oy: -m \frac{dv_y}{dt} = N$$

$$m v_y = N t \quad m v_2 \cos \alpha = N t$$

$$OX: N \mu + m \frac{dv_2}{dt} = N \mu - F_2 = -m \frac{dv_1}{dt}$$

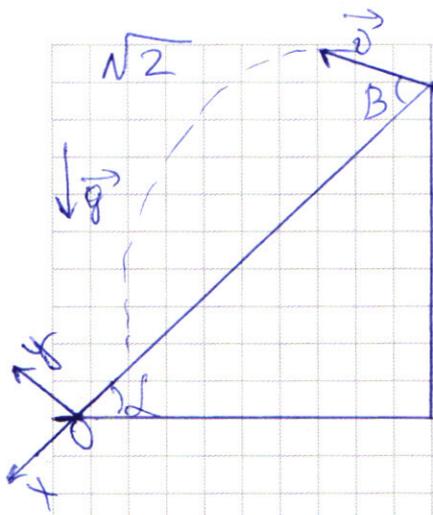
$$N dt \mu = -m (dv_1 + dv_2)$$

$$mg \cos \alpha \mu - mg \sin \alpha =$$

$$= mg (\cos \alpha \mu - \sin \alpha)$$

$$m g \cos \alpha \mu = +m \cdot (v_1 + v_2 \sin \alpha)$$

$$-m v_1 = m v_2 (\sin \alpha - \cos \alpha \mu) \quad \mu v_2 (\cos \alpha \mu - \sin \alpha) = m v_1; \quad \cos \alpha \mu - \sin \alpha = \frac{v_1}{v_2}$$



Возьмём оси  $x, y$ , как показано на рисунке. Движение тела мы будем рассматривать по этим осям. Проецируем  $\vec{v}$  и  $\vec{g}$  на эти оси.

$$v_x = v \cos \alpha; v_y = v \sin \alpha; g_x = g \sin \alpha; g_y = -g \cos \alpha.$$

$$\begin{cases} OY: y(t) = v_y t + \frac{g_y t^2}{2} \\ OX: x(t) = v_x t + \frac{g_x t^2}{2} \end{cases}$$

$$0 = v \sin \alpha t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2} \quad v \sin \alpha = \frac{g \cos \alpha t}{2}; \quad t = \frac{2v \sin \alpha}{g \cos \alpha} = \max$$

$$\begin{cases} S = v \cos \alpha t + \frac{g \sin \alpha t^2}{2} \\ t = \max \text{ при } \sin \alpha = \max = 1 \\ \text{при } \alpha = \frac{\pi}{2}. \end{cases}$$

$$v \sin \frac{\pi}{2} = \frac{g \cos \alpha t}{2}; \quad t = \frac{2v}{g \cos \alpha}$$

$$S = v \cos \frac{\pi}{2} \cdot \frac{2v}{g \cos \alpha} + \frac{g \sin \alpha}{2} \cdot \left( \frac{2v}{g \cos \alpha} \right)^2 = \frac{4v^2 \sin \alpha}{2g \cos^2 \alpha} = \frac{2v^2 \sin \alpha}{g \cos^2 \alpha}$$

$$v = \sqrt{\frac{Sg \cos^2 \alpha}{2 \sin \alpha}} = \sqrt{\frac{Sg}{2 \sin \alpha}} \cdot \cos \alpha \approx 78 \text{ м/с}$$

$$\text{Ответ: } 1) \alpha = \frac{\pi}{2}; \quad 2) v_0 = \sqrt{\frac{Sg}{2 \sin \alpha}} \cdot \cos \alpha \approx 78 \text{ м/с}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1)  $h = v_1 t \sin \alpha = v_2 t \sin \beta$

$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$ ;  $\sin \beta = \frac{v_1 \sin \alpha}{v_2} = \frac{10}{20} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$

2)  $\vec{v}_{отн} + \vec{v}_1 = \vec{v}_2$ ;  $\vec{v}_{отн} = \vec{v}_2 - \vec{v}_1$        $\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{3}{16}} = \frac{\sqrt{13}}{4}$

$v_{отн}^2 = v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos(180 - (\alpha + \beta))$

$v_{отн}^2 = v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)$

$\vec{r} = \vec{v}_{отн} \cdot t + \vec{s}$

$\vec{r} = \vec{v}_{отн} \cdot t$

$r^2 = l^2 + s^2 - 2ls \cos \alpha = v_{отн}^2 \cdot t^2$

$l^2 + s^2 - 2ls \cos \alpha = (v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)) t^2$

$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta = \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{13}}{4} - \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{13} - 3}{8}$

$\sqrt{\frac{l^2 + s^2 - 2ls \cos \alpha}{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)}} = t$        $t = 2l(v_1 \cos \alpha - v_2 \cos \beta) t$

$t^2 (v_1 \sin \alpha - v_2 \sin \beta)^2 + (l - (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) t)^2 = s^2$

$t^2 (v_1^2 \sin^2 \alpha - 2v_1v_2 \sin \alpha \sin \beta + v_2^2 \sin^2 \beta) +$

$l^2 - 2l(v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) t +$

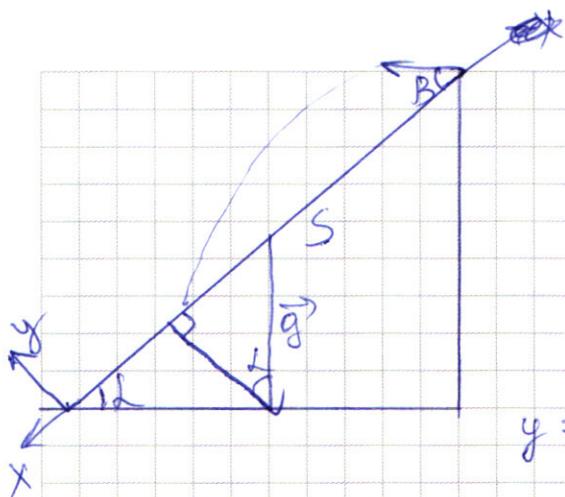
$+ (v_1^2 \cos^2 \alpha + 2v_1v_2 \cos \alpha \cos \beta + v_2^2 \cos^2 \beta) t^2 =$

$= t^2 (v_1^2 + v_2^2 + \cos(\alpha + \beta) \cdot 2v_1v_2) - 2l(v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) t + l^2 = 0$

$D = 4l^2 (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta)^2 - 4l^2 (v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)) =$

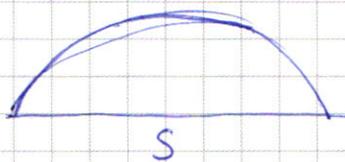
$= 4l^2 (v_1^2 \cos^2 \alpha + 2v_1v_2 \cos \alpha \cos \beta + v_2^2 \cos^2 \beta - v_1^2 - v_2^2 - 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)) =$

$= 4l^2 (-v_1^2 \sin^2 \alpha - v_2^2 \sin^2 \beta)$



$$v_y = v \sin \beta; \quad v_x = v \cos \beta$$

$$a_y = -g \cos \alpha; \quad a_x = g \sin \alpha$$



$$y = v_y t - \frac{a_y t^2}{2} = 0 \quad v_y = \frac{a_y t}{2}; \quad 2v \sin \beta = g \cos \alpha t$$

$$x = v_x t + \frac{a_x t^2}{2}$$

$$t = \frac{2v \sin \beta}{g \cos \alpha}$$

$$S = v \cos \beta t + \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$v = \frac{g \cos \alpha}{2 \sin \beta}$$

$$S = \frac{v \cos \beta g t \cos \alpha}{2 \sin \beta} + \frac{g \sin \alpha}{2} t^2 = \frac{g t^2 \cos \alpha \cos \beta}{2 \sin \beta} + \frac{g \sin \alpha \sin \beta g t^2}{2 \sin \beta}$$

$$= \frac{g t^2 \cos(\alpha - \beta)}{2 \sin \beta} = S$$

$$t = \sqrt{\frac{2S \sin \beta}{g \cos(\alpha - \beta)}} = \text{min}$$

$$\frac{\sin \beta}{\cos(\alpha - \beta)} = \text{min}$$

$$(\sin \beta)' \cos(\alpha - \beta) - \sin \beta \cdot (\cos(\alpha - \beta))' \cdot (\alpha - \beta)' = 0$$

$$\cos \beta \cos(\alpha - \beta) + \sin \beta \cdot \sin(\alpha - \beta) = 0$$

$$\cos \beta \cos(\alpha - \beta) = \sin \beta \sin(\alpha - \beta)$$

$$\frac{\cos \beta}{\sin \beta} =$$

$$\cos \beta \cos(\alpha - \beta) + \sin \beta \sin(\alpha - \beta) = 0$$

$$\cos(\beta + \alpha - \beta) = 0; \quad \cos(\beta - (\alpha - \beta)) = 0; \quad 2\beta - \alpha = \frac{\pi}{2}; \quad 2\beta = \frac{\pi}{2} + \alpha$$

$$\frac{180 + 60}{4} = \frac{240}{4} = 60$$

$$\beta = \frac{\pi + \alpha}{4} = 60$$

$$v = \frac{g \cos \alpha}{2 \sin \beta} \cdot \sqrt{\frac{2S \sin \beta}{g \cos(\alpha - \beta)}} = \frac{g \cos \alpha \sqrt{S}}{\sqrt{2 \sin \beta g \cos(\alpha - \beta)}}$$

$$\sqrt{\frac{8000}{2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}} = \sqrt{\frac{8000 \cdot 2}{3}} = \cos \alpha \cdot \sqrt{\frac{gS}{2 \sin \beta \cos(\alpha - \beta)}}$$

$$= \sqrt{\frac{16000}{3}} = 40 \cdot \frac{\sqrt{10}}{3} \approx 40$$

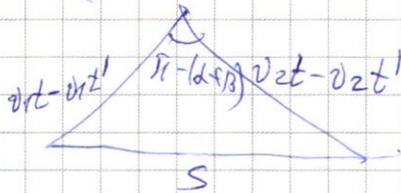
$$\cos \beta \cos(\alpha - \beta) - \sin \beta \sin(\alpha - \beta) = 0$$

$$\cos(\beta + \alpha - \beta)$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$l^2 = (v_1 t)^2 + (v_2 t)^2 + 2v_1 v_2 t^2 \cos(\alpha + \beta)$$

$$l^2 = (v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)) t^2;$$



$$\begin{array}{r} 32 \\ \underline{32} \\ 64 \\ \underline{96} \\ 1024 \end{array} \quad \begin{array}{r} 35 \\ \underline{35} \\ 175 \\ \underline{105} \\ 1225 \end{array}$$

$$S^2 = (v_1(t-t'))^2 + (v_2(t-t'))^2 + 2v_1 v_2 (t-t')^2 \cos(\alpha + \beta)$$

$$S^2 = (v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)) \cdot (t-t')^2$$

$$t-t' = \frac{\sqrt{S^2}}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}} = \frac{l}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}} - t'$$

$$\begin{array}{r} 36 \\ \underline{36} \\ 216 \\ \underline{108} \\ 296 \end{array} \quad \frac{0,16}{8} = \frac{0,13}{4} = \frac{300}{40}$$

$$t' = \frac{\sqrt{l} - \sqrt{S}}{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1 v_2 \cos(\alpha + \beta)}}$$

$$\begin{array}{r} 30 \overline{) 40} \\ \underline{28} \\ 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 300 \\ \underline{40} \\ 75 \end{array} \cdot \frac{1}{100} = \frac{75}{100} = 0,75$$

$$\begin{array}{r} 1000 \\ \underline{770} \\ 230 \end{array}$$

$$500 + 400 \cdot 75\% = 530$$

$$\sqrt{530} \approx 23$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ \underline{18} \\ 144 \\ \underline{18} \end{array}$$

$$1,8 \overline{) 4}$$

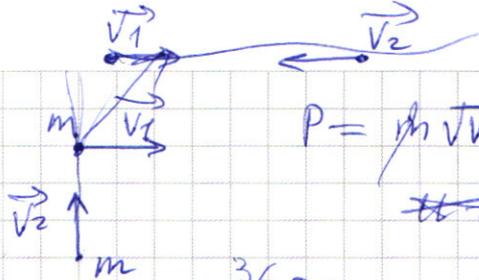
$$\begin{array}{r} 18 \overline{) 4} \\ \underline{16} \\ 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \overline{) 22} \\ \underline{22} \\ 44 \\ \underline{44} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ \underline{23} \\ 69 \\ \underline{46} \\ 529 \end{array}$$

$$\begin{aligned} \cos B (\cos B \cos \alpha + \sin B \sin \alpha) + \sin B (\sin B \cos \alpha - \cos B \sin \alpha) &= 0 \\ \cos^2 B \cos \alpha + \sin B \cos B \sin \alpha + \sin^2 B \cos \alpha - \sin B \cos B \sin \alpha &= 0 \\ \cos \alpha (\cos^2 B + \sin^2 B) &= 0 \end{aligned}$$

~~cos B cos alpha~~



$$P = \rho \sqrt{v_1^2 + v_2^2} = 2\rho v$$

$$\frac{4}{4+8+8} = \frac{4}{20} = \frac{1}{5}$$

$$\begin{array}{r} 3600 \\ 6400 \\ \hline 10000 \\ 100 \end{array}$$

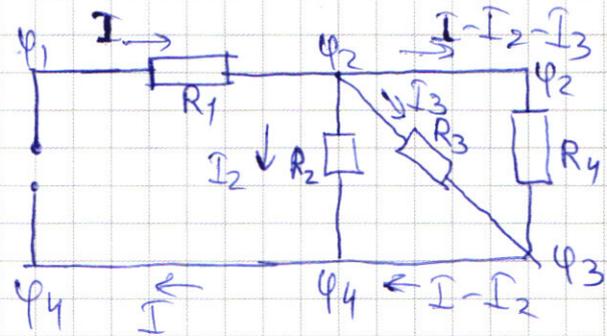
$$\begin{array}{r} 1000 \cdot 104 \\ 936 \\ \hline 10409,6 \\ 104 \end{array} \approx 10^\circ$$

$$0,2$$

$$10000 / 8 \cdot 130$$

$$2r + 2r + 4r +$$

$$\frac{28}{48} = 76$$



$$\frac{16 + 12 + 24 \cdot 24}{4 + 8 + 8} = \frac{76}{20} = \frac{38}{10}$$

$$R_4(I - I_2 - I_3) = R_3 I_3$$

$$2I - 2I_2 = 3I_3$$

$$R_3 I_3 = R_2 I_2$$

$$2r I_3 = 2r I_2$$

$$I_2 = I_3$$

$$2r(I - I_2 - I_3) = 2r I_3$$

$$2(I - 2I_2) = I_2; 2I = 5I_2; I_2 = 0,4I$$

$$\varphi_3 - \varphi_2 = R_4 \cdot (I - 0,4I \cdot 2)$$

(2)

$$\varphi_2 - \varphi_1 = R_1 I = R_1 I$$

$$\varphi_3 - \varphi_1 = 4rI - 3,2rI + 3rI = 7rI - 3,2rI = 3,8rI$$

$$R = \frac{3,8rI}{I} = 3,8r$$

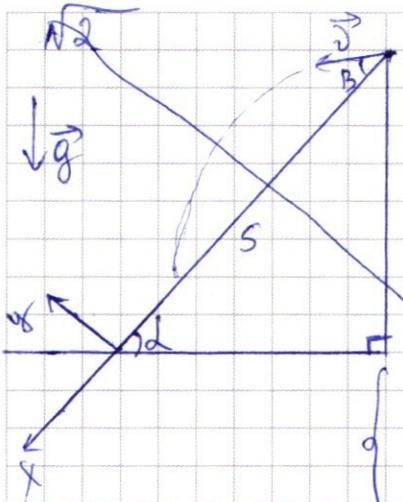
$$\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} = \frac{1}{r} + \frac{1}{4r} = \frac{5}{4r}; \frac{4r}{5} + 3r = \frac{19r}{5} = 3,8r$$

$$I_4 = I - I_2 - I_3 = I - 0,8I = 0,2I$$

$$I = \frac{U}{3,8r}; 0,2U = \frac{U}{19r} = \frac{38}{19 \cdot 10} = \frac{1}{5} = 0,2A$$

$$\frac{(R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4) I_1 - R_3 R_4 + R_2 R_4}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} = \frac{R_2 R_3 I_1 R_4}{R_2 R_3 + R_3 R_4 + R_2 R_4} + R_1 I_1$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Возьмём оси  $x, y$  как показано на рисунке.  
Спроецируем  $\vec{v}$  и  $\vec{g}$  на эти оси.

$$v_x = v \cos \beta; \quad v_y = v \sin \beta; \quad g_x = g \sin \alpha; \quad g_y = -g \cos \alpha$$

$$\vec{r} = \vec{v} \cdot t + \vec{a} \cdot \frac{t^2}{2}; \quad y \text{ как } r \text{ это } S. \text{ по оси } x,$$

$$y: 0 = v_y t + \frac{g_y t^2}{2}$$

$$0 = v \sin \beta t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2}$$

$$x: S = v_x t + \frac{g_x t^2}{2}$$

$$S = t v \cos \beta + \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

$$v \sin \beta = \frac{g \cos \alpha t}{2}$$

$$S = v \cos \beta \cdot t + \frac{g \sin \alpha t^2}{2}$$

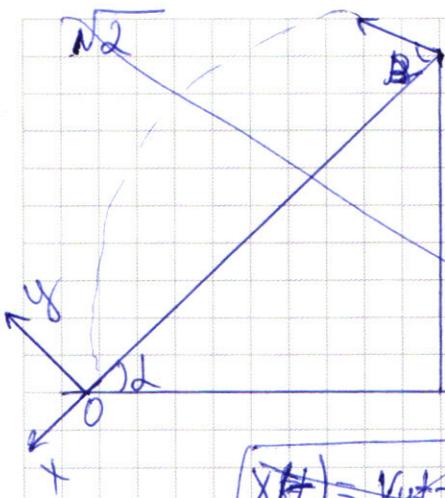
$$v = \frac{g t \cos \alpha}{2 \sin \beta}$$

$$S = \frac{g \cos \beta \cdot g t^2 \cos \alpha}{2 \sin \beta} + \frac{g \sin \alpha}{2} \cdot t^2 = \frac{g t^2}{2 \sin \beta} (\cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta)$$

$$t^2 = \frac{2 S \sin \beta}{g \cos(\beta - \alpha)} = \max \rightarrow \frac{\sin \beta}{\cos(\beta - \alpha)} = \max$$

$$\frac{(\sin \beta)' \cos(\beta - \alpha) - \sin \beta (\cos(\beta - \alpha))'}{\cos^2(\beta - \alpha)} = 0; \quad \cos \beta \cos(\beta - \alpha) + \sin \beta \sin(\beta - \alpha) (\beta - \alpha)' = 0$$

$$\cos(\beta - \alpha)$$



$$v_y = v \sin \alpha$$

Мы берём оси  $x$  и  $y$  как показано на рисунке.

$$v_y = v \sin \alpha; v_x = v \cos \alpha; g_x = g \sin \alpha; g_y = -g \cos \alpha$$

Мы будем рассматривать движение по этой оси.

$$x(t) = v_y t + \frac{g_y t^2}{2} = v \sin \alpha t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2} = 0$$

$$v \sin \alpha = g$$

$$x(t) = v_y t + \frac{g_y t^2}{2} = v \sin \alpha t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2} = 0; 2v \sin \alpha = g$$