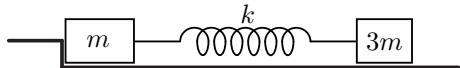


# ОЛИМПИАДА «ФИЗТЕХ-2011» (физика)

## 11 класс      Заключительный этап

1. На гладкой горизонтальной поверхности стола находятся бруски массами  $m$  и  $3m$ , к которым прикреплена лёгкая упругая пружина жёсткостью  $k$ , сжатая на величину  $x_0$  (см. рис.). Брусков массой  $3m$  удерживают неподвижно, другой брусков прижат к упору. Затем брусков массой  $3m$  отпускают.



1) Найдите скорость бруска массой  $3m$  в момент отрыва другого бруска от упора.

2) Найдите величину деформации пружины при минимальном расстоянии между брусками в процессе их движения после отрыва от упора.

*Примечание.* Величиной деформации называется модуль разности длин пружины в напряжённом и ненапряжённом состояниях.

**Ответ:** 1)  $v = x_0 \sqrt{\frac{k}{3m}}$ . 2)  $x = \frac{x_0}{2}$ .

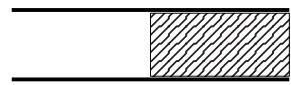
2. С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что работа газа при изобарическом расширении равна  $A$ , а суммарное количество теплоты, полученной газом за цикл, равно  $Q$ .

1) Какое количество теплоты получил газ при изобарическом расширении?

2) Найдите КПД цикла.

**Ответ:** 1)  $Q_{12} = \frac{5}{2}A$ . 2)  $\eta = \frac{2Q}{5A}$ .

3. Плоский конденсатор заряжен и отключён от источника постоянного напряжения. В конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.) так, что диэлектрик заполняет половину объёма конденсатора, из-за чего разность потенциалов между пластинами уменьшается в два раза.

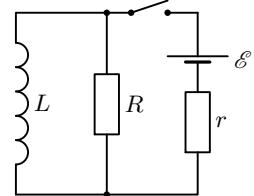


1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) напряжённость уменьшилась в 2 раза. 2)  $\epsilon = 3$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через резистор  $R$  непосредственно перед размыканием ключа и сразу после размыкания ключа одинакова.



1) Найдите ток через резистор  $R$  сразу после замыкания ключа.

2) Найдите ток через катушку сразу после размыкания ключа.

3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{R0} = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$ . 2)  $I_0 = \frac{\mathcal{E}}{R+2r}$ . 3)  $Q = \frac{L\mathcal{E}^2}{2(R+2r)^2}$ .

5. Шарик на нити длиной  $l = 40$  см совершает малые колебания в поле тяжести Земли в вертикальной плоскости с угловой амплитудой  $\alpha_0 = 0,1$ . Размеры шарика малы по сравнению с длиной нити. Плоскость колебаний шарика перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F = 15$  см и находится на расстоянии  $\frac{4}{3}F$  от линзы. Шарик движется вблизи оси линзы. На экране получено изображение колеблющегося шарика.

1) На каком расстоянии от линзы находится экран?

2) Во сколько раз расстояние между крайними положениями изображения больше расстояния между крайними положениями шарика?

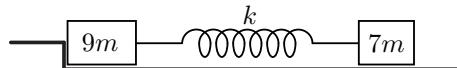
3) Найдите максимальную угловую скорость  $\Omega_0$  шарика.

4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда нить составляет угол  $\frac{4}{5}\alpha_0$  с вертикалью.

*Указание:* При малых углах  $\alpha$  можно считать, что  $\sin \alpha \approx \alpha$ ,  $\cos \alpha \approx 1 - \frac{\alpha^2}{2}$ . Принять  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Ответ:** 1)  $f = 4F = 60$  см. 2)  $\Gamma = 3$ . 3)  $\Omega_0 = \alpha_0 \sqrt{\frac{g}{l}} \approx 0,5$  с<sup>-1</sup>. 4)  $v_{из} = \frac{3}{5} \Gamma \alpha_0 \sqrt{gl} \approx 36$  см/с.

1. На гладкой горизонтальной поверхности стола находятся бруски массами  $9m$  и  $7m$ , к которым прикреплена лёгкая упругая пружина жёсткостью  $k$ , сжатая на величину  $x_0$  (см. рис.). Брусков массой  $7m$  удерживают неподвижно, другой брусков прижат к упору. Затем брусков массой  $7m$  отпускают.



- 1) Найдите скорость бруска массой  $7m$  в момент отрыва другого бруска от упора.
- 2) Найдите величину деформации пружины при максимальном расстоянии между брусками в процессе их движения после отрыва от упора.

*Примечание.* Величиной деформации называется модуль разности длин пружины в напряжённом и ненапряжённом состояниях.

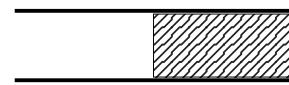
**Ответ:** 1)  $v = x_0 \sqrt{\frac{k}{7m}}$ . 2)  $x = \frac{3}{4}x_0$ .

2. С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что работа газа при изобарическом расширении равна  $A_1$ , а работа над газом при изобарическом сжатии равна  $A_2$  ( $A_2 > 0$ ).

- 1) Какое количество теплоты получил газ при изобарическом расширении?
- 2) Найдите КПД цикла.

**Ответ:** 1)  $Q_{12} = \frac{5}{2}A_1$ . 2)  $\eta = 1 - \frac{A_2}{A_1}$ .

3. Плоский конденсатор заряжен и отключён от источника постоянного напряжения. В конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.) так, что диэлектрик заполняет половину объёма конденсатора, из-за чего разность потенциалов между пластинами уменьшается в три раза.

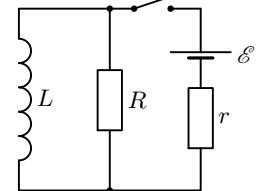


- 1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

- 2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость уменьшилась в 3 раза. 2)  $\epsilon = 5$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через резистор  $R$  непосредственно перед размыканием ключа в два раза больше, чем сразу после размыкания.



- 1) Найдите ток через источник сразу после замыкания ключа.
- 2) Найдите ток через катушку сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{E0} = \frac{E}{R+r}$ . 2)  $I_0 = \frac{E}{2R+3r}$ . 3)  $Q = \frac{L\mathcal{E}^2}{2(2R+3r)^2}$ .

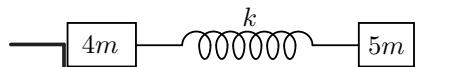
5. Шарик на нити длиной  $l = 90$  см совершает малые колебания в поле тяжести Земли в вертикальной плоскости с угловой амплитудой  $\varphi_0 = 0,15$ . Размеры шарика малы по сравнению с длиной нити. Плоскость колебаний шарика перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F = 20$  см и находится на расстоянии  $\frac{3}{2}F$  от линзы. Шарик движется вблизи оси линзы. На экране получено изображение колеблющегося шарика.

- 1) На каком расстоянии от линзы находится экран?
- 2) Во сколько раз расстояние между крайними положениями изображения больше расстояния между крайними положениями шарика?
- 3) Найдите максимальную угловую скорость  $\Omega_0$  шарика.
- 4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда нить составляет угол  $\frac{3}{5}\varphi_0$  с вертикалью.

*Указание:* При малых углах  $\alpha$  можно считать, что  $\sin \alpha \approx \alpha$ ,  $\cos \alpha \approx 1 - \frac{\alpha^2}{2}$ . Принять  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Ответ:** 1)  $f = 3F = 60$  см. 2)  $\Gamma = 2$ . 3)  $\Omega_0 = \varphi_0 \sqrt{\frac{g}{l}} \approx 0,5$  с<sup>-1</sup>. 4)  $v_{из} = \frac{4}{5}\Gamma\varphi_0\sqrt{gl} \approx 72$  см/с.

1. На гладкой горизонтальной поверхности стола находятся бруски массами  $4m$  и  $5m$ , к которым прикреплена лёгкая упругая пружина жёсткостью  $k$ , сжатая на величину  $x_0$  (см. рис.). Брусков массой  $5m$  удерживают неподвижно, другой брускок прижат к упору. Затем брускок массой  $5m$  отпускают.



- 1) Найдите скорость бруска массой  $5m$  в момент отрыва другого бруска от упора.
- 2) Найдите величину деформации пружины при минимальном расстоянии между брусками в процессе их движения после отрыва от упора.

*Примечание.* Величиной деформации называется модуль разности длин пружины в напряжённом и ненапряжённом состояниях.

**Ответ:** 1)  $v = x_0 \sqrt{\frac{k}{5m}}$ . 2)  $x = \frac{2}{3}x_0$ .

2. С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что при изобарическом сжатии над газом совершили работу  $A$  ( $A > 0$ ), а работа газа за цикл равна  $A_0$ .

- 1) Какое количество теплоты отвели от газа при изобарическом сжатии?
- 2) Найдите КПД цикла.

**Ответ:** 1)  $-Q_{34} = \frac{5}{2}A$ . 2)  $\eta = \frac{2A_0}{2A_0 + 5A}$ .

3. Плоский конденсатор заряжен и отключён от источника постоянного напряжения. В конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.) так, что диэлектрик заполняет треть объёма конденсатора, из-за чего разность потенциалов между пластинами уменьшается в два раза.

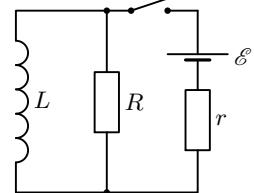


- 1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

- 2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость уменьшилась в 2 раза. 2) Отсюда  $\epsilon = 4$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через резистор  $R$  непосредственно перед размыканием ключа в три раза меньше, чем сразу после размыкания.



- 1) Найдите ток через резистор  $R$  сразу после замыкания ключа.
- 2) Найдите ток через катушку сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{R0} = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$ . 2)  $I_0 = \frac{3\mathcal{E}}{R+4r}$ . 3)  $Q = \frac{9L\mathcal{E}^2}{2(R+4r)^2}$ .

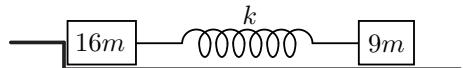
5. Шарик на нити длиной  $l = 10$  см совершает малые колебания в поле тяжести Земли в вертикальной плоскости с угловой амплитудой  $\alpha_0 = 0,05$ . Размеры шарика малы по сравнению с длиной нити. Плоскость колебаний шарика перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F = 10$  см и находится на расстоянии  $\frac{6}{5}F$  от линзы. Шарик движется вблизи оси линзы. На экране получено изображение колеблющегося шарика.

- 1) На каком расстоянии от линзы находится экран?
- 2) Во сколько раз расстояние между крайними положениями изображения больше расстояния между крайними положениями шарика?
- 3) Найдите максимальную угловую скорость  $\Omega_0$  шарика.
- 4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда нить составляет угол  $\frac{4}{5}\alpha_0$  с вертикалью.

*Указание:* При малых углах  $\alpha$  можно считать, что  $\sin \alpha \approx \alpha$ ,  $\cos \alpha \approx 1 - \frac{\alpha^2}{2}$ . Принять  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Ответ:** 1)  $f = 6F = 60$  см. 2)  $\Gamma = 5$ . 3)  $\Omega_0 = \alpha_0 \sqrt{\frac{g}{l}} \approx 0,5$  с<sup>-1</sup>. 4)  $v_{из} = \frac{3}{5} \Gamma \alpha_0 \sqrt{gl} \approx 15$  см/с.

1. На гладкой горизонтальной поверхности стола находятся бруски массами  $16m$  и  $9m$ , к которым прикреплена лёгкая упругая пружина жёсткостью  $k$ , сжатая на величину  $x_0$  (см. рис.). Брусков массой  $9m$  удерживают неподвижно, другой брусков прижат к упору. Затем брусков массой  $9m$  отпускают.



- 1) Найдите скорость бруска массой  $9m$  в момент отрыва другого бруска от упора.
- 2) Найдите величину деформации пружины при максимальном расстоянии между брусками в процессе их движения после отрыва от упора.

*Примечание.* Величиной деформации называется модуль разности длин пружины в напряжённом и ненапряжённом состояниях.

**Ответ:** 1)  $v = \frac{x_0}{3} \sqrt{\frac{k}{m}}$ . 2)  $x = \frac{4}{5}x_0$ .

2. С идеальным одноатомным газом провели прямой цикл, состоящий из двух изобар и двух адиабат. Оказалось, что работа газа при изобарическом расширении равна  $A$ , а при изобарическом сжатии от газа отвели количество теплоты  $Q$  ( $Q > 0$ ).

- 1) Какое количество теплоты получил газ при изобарическом расширении?
- 2) Найдите КПД цикла.

**Ответ:** 1)  $Q_{12} = \frac{5}{2}A$ . 2)  $\eta = 1 - \frac{2Q}{5A}$ .

3. Плоский конденсатор заряжен и отключён от источника постоянного напряжения. В конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.) так, что диэлектрик заполняет треть объёма конденсатора, из-за чего разность потенциалов между пластинами уменьшается в три раза.

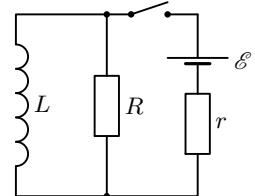


- 1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

- 2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость уменьшилась в 3 раза. 2) Отсюда  $\epsilon = 7$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через резистор  $R$  непосредственно перед размыканием ключа в два раза меньше, чем сразу после размыкания.



- 1) Найдите ток через источник сразу после замыкания ключа.
- 2) Найдите ток через катушку сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделится в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{E0} = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$ . 2)  $I_0 = \frac{2\mathcal{E}}{R+3r}$ . 3)  $Q = \frac{2L\mathcal{E}^2}{(R+3r)^2}$ .

5. Шарик на нити длиной  $l = 8,1$  см совершает малые колебания в поле тяжести Земли в вертикальной плоскости с угловой амплитудой  $\varphi_0 = 0,045$ . Размеры шарика малы по сравнению с длиной нити. Плоскость колебаний шарика перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F = 12$  см и находится на расстоянии  $\frac{5}{4}F$  от линзы. Шарик движется вблизи оси линзы. На экране получено изображение колеблющегося шарика.

- 1) На каком расстоянии от линзы находится экран?
- 2) Во сколько раз расстояние между крайними положениями изображения больше расстояния между крайними положениями шарика?
- 3) Найдите максимальную угловую скорость  $\Omega_0$  шарика.
- 4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда нить составляет угол  $\frac{3}{5}\varphi_0$  с вертикалью.

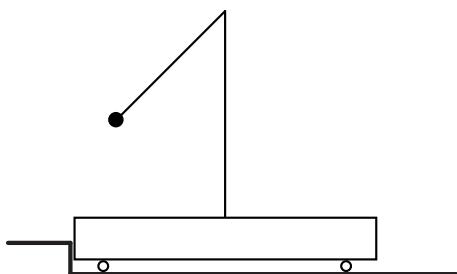
*Указание:* При малых углах  $\alpha$  можно считать, что  $\sin \alpha \approx \alpha$ ,  $\cos \alpha \approx 1 - \frac{\alpha^2}{2}$ . Принять  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

**Ответ:** 1)  $f = 5F = 60$  см. 2)  $\Gamma = 4$ . 3)  $\Omega_0 = \varphi_0 \sqrt{\frac{g}{l}} \approx 0,5$  с<sup>-1</sup>. 4)  $\Omega = \frac{4}{5}\Gamma\varphi_0 \sqrt{gl} \approx 13$  см/с.

# ОЛИМПИАДА «ФИЗТЕХ-2011» (физика)

## 11 класс      Заключительный этап

- 1.** На горизонтальной поверхности стола находятся платформа с укреплённым на ней штативом. К штативу привязан на нити длиной  $l$  небольшой по сравнению с длиной нити шар. Масса платформы со штативом  $m$ , масса шара  $2m$ . Шар отклоняют и удерживают неподвижно так, что нить составляет угол  $\varphi = 60^\circ$  с вертикалью, а платформа прижата к упору (см. рис.). Затем шар отпускают.



- 1) Найдите скорость шара в момент отрыва платформы от упора.
- 2) Найдите максимальный угол отклонения нити от вертикали направо в процессе движения системы после отрыва от упора.

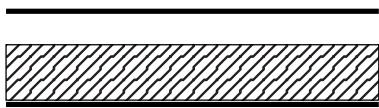
Направления всех движений параллельны одной и той же вертикальной плоскости. Массой колёс платформы пренебречь.

**Ответ:** 1)  $v = \sqrt{gl}$ . 2)  $\cos \alpha = \frac{5}{6}$ .

- 2.** Из баллона со сжатым газом израсходовали часть газа. Известно, что давление в баллоне уменьшилось в 3 раза, отношение начальной и конечной масс баллона с газом равно  $5/4$ , отношение начальной и конечной температур (по шкале Кельвина) равно  $11/10$ . Какую часть от начальной массы баллона с газом составляет начальная масса газа?

**Ответ:**  $x = \frac{6}{19}$ .

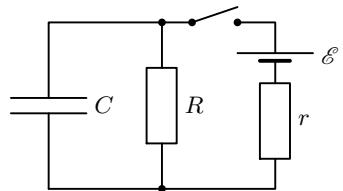
- 3.** Плоский конденсатор подключён к источнику постоянного напряжения. Не отключая источника, в конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.), толщина которой равна  $2/3$  от расстояния между пластинами конденсатора (диэлектрик заполняет  $2/3$  объёма конденсатора), из-за чего заряд на пластинах конденсатора увеличивается в два раза.



- 1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?
- 2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость увеличилась в 2 раза. 2)  $\epsilon = 4$ .

- 4.** В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через конденсатор непосредственно перед размыканием ключа и сразу после размыкания ключа одинакова.



- 1) Найдите ток через конденсатор сразу после замыкания ключа.
- 2) Найдите напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.
- 3) Какое количество теплоты выделилось в цепи после размыкания ключа?

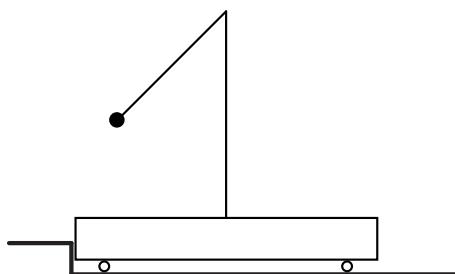
**Ответ:** 1)  $I_{C0} = \frac{\mathcal{E}}{r}$ . 2)  $U_0 = \frac{\mathcal{E}R}{R + 2r}$ . 3)  $Q = \frac{C}{2} \left( \frac{\mathcal{E}R}{R + 2r} \right)^2$ .

- 5.** Груз совершает колебания с амплитудой  $A$  и периодом  $T$  вдоль вертикали на упругой пружине. Масса пружины намного меньше массы груза. Груз находится на расстоянии  $\frac{4}{3}F$  от тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F$ , вблизи её главной оптической оси, которая горизонтальна. На экране получено изображение колеблющегося груза.

- 1) На каком расстоянии от линзы находится экран?
- 2) С какой амплитудой колеблется изображение?
- 3) Найдите максимальную скорость груза.
- 4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда смещение груза от положения равновесия равно  $\frac{2}{3}A$ .

**Ответ:** 1)  $f = 4F$ . 2)  $A_{из} = 3A$ . 3)  $v_m = \frac{2\pi}{T}A$ . 4)  $v_{из} = 2\sqrt{5}\pi\frac{A}{T}$ .

1. На горизонтальной поверхности стола находятся платформа с укреплённым на ней штативом. К штативу привязан на нити длиной  $l$  небольшой по сравнению с длиной нити шар. Масса платформы со штативом  $7m$ , масса шара  $m$ . Шар отклоняют идерживают неподвижно так, что нить составляет угол  $\beta$  ( $\cos \beta = \frac{2}{7}$ ) с вертикалью, а платформа прижата к упору (см. рис.). Затем шар отпускают.



1) Найдите скорость шара в момент отрыва платформы от упора.

2) Найдите максимальный угол отклонения нити от вертикали налево в процессе движения системы после отрыва от упора.

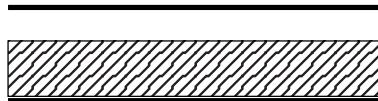
Направления всех движений параллельны одной и той же вертикальной плоскости. Массой колёс платформы пренебречь.

**Ответ:** 1)  $v = \sqrt{\frac{10}{7}gl}$ . 2)  $\cos \alpha = \frac{3}{8}$ .

2. Воздушные шарики заполняются из баллона со сжатым газом. Объём одного шарика в  $k = 10$  раз меньше объёма баллона. Сколько шариков было надуто, если давление в баллоне упало с  $P_1 = 50$  атм до  $P_2 = 30$  атм. Считать, что температура в баллоне и шариках успевает принимать температуру окружающей среды, а давление в шариках равно  $P_0 = 1$  атм.

**Ответ:**  $n = \frac{P_1 - P_2}{P_0}k = 200$ .

3. Плоский конденсатор подключён к источнику постоянного напряжения. Не отключая источника, в конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.), толщина которой равна  $5/6$  от расстояния между пластинами конденсатора (диэлектрик заполняет  $5/6$  объёма конденсатора), из-за чего заряд на пластинах конденсатора увеличивается в три раза.

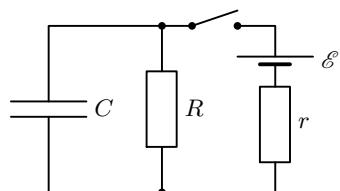


1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость увеличилась в 3 раза. 2)  $\epsilon = 5$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через конденсатор непосредственно перед размыканием ключа в два раза больше, чем сразу после размыкания.



1) Найдите ток через источник сразу после замыкания ключа.

2) Найдите напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.

3) Какое количество теплоты выделилось в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{E0} = \frac{E}{r}$ . 2)  $U_0 = \frac{ER}{R+3r}$ . 3)  $Q = \frac{C}{2} \left( \frac{ER}{R+3r} \right)^2$ .

5. Груз совершают колебания с амплитудой  $A$  и периодом  $T$  вдоль вертикали на упругой пружине. Масса пружины намного меньше массы груза. Груз находится на расстоянии  $\frac{3}{2}F$  от тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F$ , вблизи её главной оптической оси, которая горизонтальна. На экране получено изображение колеблющегося груза.

1) На каком расстоянии от линзы находится экран?

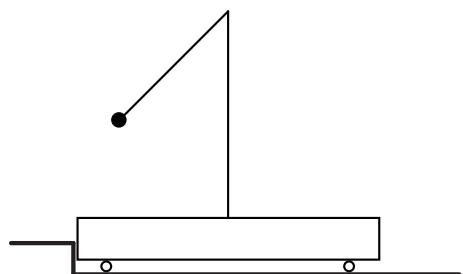
2) С какой амплитудой колеблется изображение?

3) Найдите максимальное ускорение груза (по модулю).

4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда ускорение (по модулю) груза равно  $\frac{3}{5}$  от максимального ускорения.

**Ответ:** 1)  $f = 3F$ . 2)  $A_{из} = 2A$ . 3)  $a_m = \left( \frac{2\pi}{T} \right)^2 A$ . 4)  $v_{из} = \frac{16}{5}\pi \frac{A}{T}$ .

1. На горизонтальной поверхности стола находятся платформа с укреплённым на ней штативом. К штативу привязан на нити длиной  $l$  небольшой по сравнению с длиной нити шар. Масса платформы со штативом  $2m$ , масса шара  $3m$ . Шар отклоняют и удерживают неподвижно так, что нить составляет угол  $\gamma$  ( $\cos \gamma = \frac{1}{3}$ ) с вертикалью, а платформа прижата к упору (см. рис.). Затем шар отпускают.



1) Найдите скорость шара в момент отрыва платформы от упора.

2) Найдите максимальный угол отклонения нити от вертикали направо в процессе движения системы после отрыва от упора.

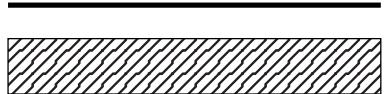
Направления всех движений параллельны одной и той же вертикальной плоскости. Массой колёс платформы пренебречь.

**Ответ:** 1)  $v = \sqrt{\frac{4}{3}gl}$ . 2)  $\cos \alpha = \frac{11}{15}$ .

2. Из баллона со сжатым газом выпустили часть газа. В результате давление в баллоне уменьшилось в 2 раза. Отношение начальной и конечной масс баллона с газом равно  $10/9$ , отношение начальной и конечной температур (по шкале Кельвина) равно  $11/10$ . Какую часть от начальной массы баллона с газом составляет масса корпуса баллона?

**Ответ:**  $x = \frac{7}{9}$ .

3. Плоский конденсатор подключён к источнику постоянного напряжения. Не отключая источника, в конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.), толщина которой равна  $3/4$  от расстояния между пластинами конденсатора (диэлектрик заполняет  $3/4$  объёма конденсатора), из-за чего заряд на пластинах конденсатора увеличивается в два раза.

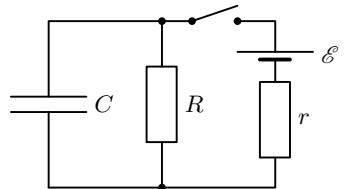


1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость увеличилась в 2 раза. 2)  $\epsilon = 3$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через конденсатор непосредственно перед размыканием ключа в три раза больше, чем сразу после размыкания.



1) Найдите ток через конденсатор сразу после замыкания ключа.

2) Найдите напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.

3) Какое количество теплоты выделилось в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{C0} = \frac{\mathcal{E}}{r}$ . 2)  $U_0 = \frac{\mathcal{E}R}{R + 4r}$ . 3)  $Q = \frac{C}{2} \left( \frac{\mathcal{E}R}{R + 4r} \right)^2$ .

5. Груз совершают колебания с амплитудой  $A$  и периодом  $T$  вдоль вертикали на упругой пружине. Масса пружины намного меньше массы груза. Груз находится на расстоянии  $\frac{6}{5}F$  от тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F$ , вблизи её главной оптической оси, которая горизонтальна. На экране получено изображение колеблющегося груза.

1) На каком расстоянии от линзы находится экран?

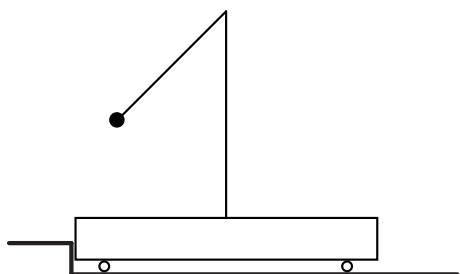
2) С какой амплитудой колеблется изображение?

3) Найдите максимальную скорость груза.

4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда смещение груза от положения равновесия равно  $\frac{3}{4}A$ .

**Ответ:** 1)  $f = 6F$ . 2)  $A_{из} = \Gamma A = 5A$ . 3)  $v_m = \frac{2\pi}{T}A$ . 4)  $v_{из} = \frac{5\sqrt{7}}{2}\pi \frac{A}{T}$ .

1. На горизонтальной поверхности стола находятся платформа с укреплённым на ней штативом. К штативу привязан на нити длиной  $l$  небольшой по сравнению с длиной нити шар. Масса платформы со штативом  $5m$ , масса шара  $m$ . Шар отклоняют и удерживают неподвижно так, что нить составляет угол  $\theta$  ( $\cos \theta = \frac{2}{5}$ ) с вертикалью, а платформа прижата к упору (см. рис.). Затем шар отпускают.



1) Найдите скорость шара в момент отрыва платформы от упора.

2) Найдите максимальный угол отклонения нити от вертикали налево в процессе движения системы после отрыва от упора.

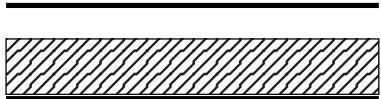
Направления всех движений параллельны одной и той же вертикальной плоскости. Массой колёс платформы пренебречь.

**Ответ:** 1)  $v = \sqrt{\frac{6}{5}gl}$ . 2)  $\alpha = 60^\circ$ .

2. К пустому сосуду подсоединили через редуктор баллон со сжатым газом. Давление в сосуде стало  $P = 2$  атм. Объём сосуда в  $k = 5$  раз меньше объёма баллона. Найти разность начального и конечного давлений в баллоне. Считать, что температура в баллоне и сосуде успевает принимать температуру окружающей среды.

**Ответ:**  $P_1 - P_2 = \frac{P}{5} = 0,4$  атм.

3. Плоский конденсатор подключён к источнику постоянного напряжения. Не отключая источника, в конденсатор вставляют пластину из диэлектрика (см. рис.), толщина которой равна  $4/5$  от расстояния между пластинами конденсатора (диэлектрик заполняет  $4/5$  объёма конденсатора), из-за чего заряд на пластинах конденсатора увеличивается в три раза.

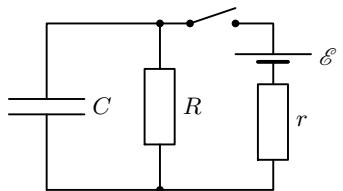


1) Во сколько раз и как изменилась напряжённость электрического поля внутри конденсатора в области без диэлектрика?

2) Найдите диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  материала диэлектрической пластины.

**Ответ:** 1) Напряжённость увеличилась в 3 раза. 2)  $\epsilon = 6$ .

4. В схеме, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными, параметры элементов указаны на рисунке. До замыкания ключа ток в цепи отсутствовал. Ключ замыкают на некоторое время, а затем размыкают. Оказалось, что величина тока через конденсатор непосредственно перед размыканием ключа в два раза меньше, чем сразу после размыкания.



1) Найдите ток через источник сразу после замыкания ключа.

2) Найдите напряжение на конденсаторе сразу после размыкания ключа.

3) Какое количество теплоты выделилось в цепи после размыкания ключа?

**Ответ:** 1)  $I_{E0} = \frac{E}{r}$ . 2)  $U_0 = \frac{2ER}{2R + 3r}$ . 3)  $Q = \frac{2CE^2R^2}{(2R + 3r)^2}$ .

5. Груз совершают колебания с амплитудой  $A$  и периодом  $T$  вдоль вертикали на упругой пружине. Масса пружины намного меньше массы груза. Груз находится на расстоянии  $\frac{5}{4}F$  от тонкой собирающей линзы с фокусным расстоянием  $F$ , вблизи её главной оптической оси, которая горизонтальна. На экране получено изображение колеблющегося груза.

1) На каком расстоянии от линзы находится экран?

2) С какой амплитудой колеблется изображение?

3) Найдите максимальное ускорение груза (по модулю).

4) Найдите скорость изображения в те моменты, когда ускорение (по модулю) груза равно  $\frac{4}{5}$  от максимального ускорения.

**Ответ:** 1)  $f = 5F$ . 2)  $A_{из} = 4A$ . 3)  $a_m = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 A$ . 4)  $v_{из} = \frac{24}{5}\pi \frac{A}{T}$ .